

2020

# Abitur

Original-Prüfung  
mit Lösungen

**MEHR  
ERFAHREN**

Brandenburg

**Mathematik**

+ *Online-Glossar*

**ActiveBook**  
• Interaktives  
Training



**STARK**

# Inhalt

Vorwort	
Stichwortverzeichnis	

## Hinweise und Tipps zum Zentralabitur 2020

---

Die zentrale schriftliche Abiturprüfung im Fach Mathematik	I
Prüfungsrelevante Themen	I
Aufbau und Bearbeitung der Prüfungsaufgaben	I
Zur Bewertung der Prüfung	III
Zum Umgang mit diesem Buch	III
Tipps zur Vorbereitung und Bearbeitung der Prüfungsaufgaben	IV
Hinweise und Tipps zum Lösen von Abituraufgaben mit CAS-Rechnern	V
Weiterführende Informationen	VI

## Zentrale schriftliche Abiturprüfung

---

### Jahrgang 2016

Aufgabe 1: hilfsmittelfreier Teil	2016-1
Aufgabe 2.1: Analysis: $f_a(x) = x^4 - 2ax^2 + a^2$	2016-8
Aufgabe 2.2: Analysis: $f_a(x) = -e^{x-a} + e^{2x}$	2016-15
Aufgabe 2.2: Analysis (CAS): $f_a(x) = -e^{x-a} + e^{2x}$	2016-22
Aufgabe 3.1: Analytische Geometrie	2016-29
Aufgabe 3.2: Stochastik	2016-35

### Jahrgang 2017

Aufgabe 1: hilfsmittelfreier Teil	2017-1
Aufgabe 2.1: Analysis: $f_a(x) = \ln(ax^2 + 1)$	2017-7
Aufgabe 2.2: Analysis: $f_a(x) = e^{2ax} + e^{-2ax}$	2017-17
Aufgabe 2.2: Analysis (CAS): $f_a(x) = e^{2ax} + e^{-2ax}$	2017-24
Aufgabe 3.1: Analytische Geometrie	2017-32
Aufgabe 3.2: Analytische Geometrie	2017-40
Aufgabe 4.1: Stochastik	2017-45
Aufgabe 4.2: Stochastik	2017-48

Fortsetzung siehe nächste Seite

## Jahrgang 2017 (Nachschreibtermin)

Aufgabe 1: hilfsmittelfreier Teil	2017N-1
Aufgabe 2.1: Analysis: $f_a(x) = (4 - ax) \cdot e^{0,5x}$	2017N-6
Aufgabe 2.2: Analysis: $f_a(x) = \frac{1}{2}x^3 - ax^2 + \frac{1}{2}a^2x$	2017N-15
Aufgabe 3.1: Analytische Geometrie	2017N-25
Aufgabe 3.2: Analytische Geometrie	2017N-31
Aufgabe 4.1: Stochastik	2017N-36
Aufgabe 4.2: Stochastik	2017N-40

## Jahrgang 2018

Aufgabe 1: hilfsmittelfreier Teil	2018-1
Aufgabe 2.1: Analysis: $f_a(x) = (x^2 + a) \cdot e^{0,5-x}$	2018-7
Aufgabe 2.2: Analysis: $f_a(x) = \frac{1}{a}x^3 + 3x^2 + 5x + 2a$ und $h(x) = -\frac{1}{2} \cdot x^{-3}$	2018-16
Aufgabe 3.1: Analytische Geometrie	2018-26
Aufgabe 3.2: Analytische Geometrie	2018-32
Aufgabe 4.1: Stochastik	2018-36
Aufgabe 4.2: Stochastik	2018-40

## Jahrgang 2019

Aufgabe 1: hilfsmittelfreier Teil	2019-1
Aufgabe 2.1: Analysis: $f_a(x) = \frac{x}{a} \cdot \ln\left(\frac{x}{a}\right)$ ; $h(x) = \frac{1}{10}e^{x-1} + 2$	2019-10
Aufgabe 2.2: Analysis: $f_k(x) = 8k \cdot (kx - 1)^2 \cdot (kx + 1)^2$ ; $g(x) = (x - 2)^2 \cdot e^x$	2019-19
Aufgabe 3.1: Analytische Geometrie	2019-28
Aufgabe 3.2: Analytische Geometrie	2019-36
Aufgabe 4.1: Stochastik	2019-43
Aufgabe 4.2: Stochastik	2019-49

Jeweils zu Beginn des neuen Schuljahres erscheinen die neuen Ausgaben der Abiturprüfungsaufgaben mit Lösungen.

## Autoren:

---

Sabine Flohrer:

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2016, Aufgaben 3.1 und 3.2;

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2017, Aufgaben 3.1 und 4.2

Dr. Detlef Launert:

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2016, Aufgaben 1, 2.1, 2.2 und 2.2 (CAS)

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2017, Aufgaben 1, 2.1, 2.2, 2.2 (CAS), 3.2 und 4.1

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2017 (Nachschreibtermin)

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2018, Aufgaben 1, 2.1, 2.2, 3.2 und 4.1

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2019, Aufgabe 1 Analysis, Aufgaben 2.1, 2.2

Lauri Lehmann:

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2018, Aufgaben 3.1 und 4.2

Lösungen zur Abiturprüfung Brandenburg 2019, Aufgabe 1 Geometrie und Stochastik, Aufgaben 3.1, 3.2, 4.1 und 4.2

# Vorwort

Liebe Schülerinnen und Schüler,

dieses Übungsbuch ist die ideale Hilfe bei der Vorbereitung auf das **Zentralabitur 2020** für das **erhöhte Anforderungsniveau in Brandenburg** im Fach **Mathematik**.

- Sie erhalten im ersten Teil des Buches wichtige **Informationen** über Inhalt und Aufbau der Prüfungsaufgaben für das **Abitur 2020**. Dies ermöglicht Ihnen, sich gezielt auf die Abiturprüfung vorzubereiten. Darüber hinaus finden Sie viele **Hinweise und Tipps**, die Ihnen helfen, effektiv und erfolgreich an die Lösung der Prüfungsaufgaben heranzugehen.
- Der zweite Teil enthält die **Original-Prüfungsaufgaben 2016 bis 2019** von Brandenburg. Damit können Sie sich ein genaues Bild davon machen, wie die Prüfung in den letzten Jahren ausgesehen hat.  
Aufgrund der Diskussionen und großen Anzahl der Schüler, die das Abitur 2017 nachgeschrieben haben, sind für das Jahr 2017 die Aufgaben des Haupt- und Nachschreibtermins aufgeführt. Beide dieser Abiturprüfungen entsprechen dem aktuellen Lehrplan und sind somit relevant zur Prüfungsvorbereitung.
- Der Zugangscode auf den Farbseiten vorne in diesem Buch ermöglicht Ihnen, Aufgaben im Rahmen eines **Online-Prüfungstrainings zum hilfsmittelfreien Teil des Abiturs** interaktiv zu lösen.
- Die Original-Prüfungsaufgaben sind zusätzlich mit **separaten Tipps zum Lösungsansatz** versehen, die Ihnen Hilfestellungen für die Lösung der Aufgabe geben. Wenn Sie mit einer Aufgabe nicht zurechtkommen, schauen Sie deshalb nicht gleich in die Lösungen, sondern nutzen Sie schrittweise die Lösungstipps, um selbst die Lösung zu finden.
- Zu allen Original-Prüfungsaufgaben wurde **eine vollständige, ausführlich kommentierte Lösung mit allen erforderlichen Rechenschritten** erstellt, die Ihnen ermöglicht, Ihre Lösung eigenständig zu kontrollieren und die Rechenwege Schritt für Schritt nachzuvollziehen.

Sollten nach Erscheinen dieses Bandes noch wichtige Änderungen in der Abitur-Prüfung 2020 vom LISUM Berlin-Brandenburg bekannt gegeben werden, finden Sie aktuelle Informationen dazu im Internet unter [www.stark-verlag.de/pruefung-aktuell](http://www.stark-verlag.de/pruefung-aktuell).

Die Autoren wünschen Ihnen für die Prüfungsvorbereitung und für das Abitur viel Erfolg!



Ihr Coach zum Erfolg: Mit dem **interaktiven Training zum hilfsmittelfreien Teil des Abiturs** lösen Sie online Aufgaben, die speziell auf diesen Prüfungsteil zugeschnitten sind. Am besten gleich ausprobieren!  
Ausführliche Infos inkl. Zugangscode finden Sie auf den Farbseiten vorne in diesem Buch.



**Brandenburg – Mathematik auf erhöhtem Anforderungsniveau**  
**2017 – Aufgabe 2.1: Analysis**

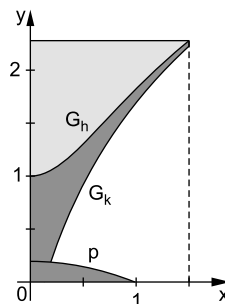
**Eisbecher**

BE

Gegeben ist die Funktion  $f_a$  mit der Gleichung  $f_a(x) = \ln(ax^2 + 1)$ ;  $a \in \mathbb{R}$ ,  $a > 0$ .  
 Die Graphen dieser Funktionen sind  $G_a$ .

- a) Geben Sie den Definitionsbereich von  $f_a$  an und zeigen Sie, dass alle Graphen  $G_a$  durch den Koordinatenursprung verlaufen. Ermitteln Sie den exakten Wert des Parameters  $a$ , für dessen zugehörige Funktion  $f_a$  gilt:  $f_a(2) = 2$ . 8
- b) Zeigen Sie, dass alle Graphen  $G_a$  einen gemeinsamen lokalen Extrempunkt haben. Begründen Sie ohne Zuhilfenahme der zweiten Ableitung, dass dieser Extrempunkt für alle Graphen wegen  $a > 0$  ein Tiefpunkt ist. 8
- c) Die Tangenten an  $G_a$  im Punkt  $B_a(1 \mid f_a(1))$  sind  $t_a$ . Begründen Sie, dass keine dieser Tangenten einen Anstieg größer als 2 haben kann. Ermitteln Sie den Flächeninhalt des Dreiecks, das von der  $y$ -Achse sowie der Tangente und der Normalen an  $G_1$  im Punkt  $B_1$  begrenzt wird. [Kontrollergebnis:  $t_1: y = x + \ln 2 - 1$ ] 14

Im Bild ist der halbe Längsquerschnitt eines Eisbechers dargestellt. Er wird im Intervall  $[0; 1,5]$  durch Teile der Graphen der Funktionen  $h$  und  $k$  mit  $h(x) = 0,75 \cdot f_2(x) + 1$  und  $k(x) = 1,75 \cdot \ln(2,5x + 1) - 0,5$ , eine zur  $y$ -Achse symmetrische quadratische Parabel  $p$  und die beiden Koordinatenachsen begrenzt. Der Eisbecher entsteht durch Rotation der dunkel dargestellten Fläche um die  $y$ -Achse, 1 LE = 4 cm.



- d) Je 12 Eisbecher werden stehend in einem quaderförmigen Karton mit 12 gleich großen quaderförmigen Fächern verpackt. Ermitteln Sie die Kantenlängen, die ein Fach für einen stehenden Eisbecher mindestens haben muss. 4
- e) Der Fuß, dessen oberer Rand im Querschnitt durch die Parabel  $p$  modelliert wird, hat am Boden einen Durchmesser von 8 cm und eine Querschnittsfläche von  $\frac{64}{15} \text{ cm}^2$ . Ermitteln Sie eine Gleichung für die Parabel  $p$ . [Kontrollergebnis:  $p(x) = -0,2x^2 + 0,2$ ] 9

f) Zur Berechnung der Masse des Fußes ist ein Schüler folgendermaßen vorgegangen:

(1) Berechnung des Volumens in VE:  $V = \pi \cdot \int_0^1 (p(x))^2 dx$

(2) Umwandeln des Volumens in cm<sup>3</sup>:  $\frac{1 \text{ VE}}{4 \text{ cm}^3} = \frac{V}{V_{(\text{cm}^3)}}$

(3) Multiplizieren des erhaltenen Wertes mit der Dichte des Materials.

Beurteilen Sie jeweils einzeln die drei Teilschritte und beschreiben Sie, gegebenenfalls unter Zuhilfenahme einer Skizze, wie fehlerhafte Schritte bei diesem Vorgehen berichtigt werden müssen.

$\frac{7}{50}$





## Lösungen zu Aufgabe 2.1

- a) Die natürliche Logarithmusfunktion ist nur für Werte  $x > 0$  definiert.

$$ax^2 + 1 > 0$$

$$ax^2 > -1$$

$$x^2 > -\frac{1}{a}$$

Diese Gleichung ist für den gegebenen Definitionsbereich immer erfüllt, da  $x^2 \geq 0$  für alle  $x \in \mathbb{R}$  und  $0 > -\frac{1}{a}$  für alle  $a \in \mathbb{R}$ ,  $a > 0$ .

Für den Definitionsbereich der Funktion  $f_a(x)$  gilt:  $x \in \mathbb{R}$

- Der Koordinatenursprung liegt im Punkt  $O(0|0)$ .

Es soll also gelten:

$$f_a(0) = 0$$

$$\ln(a \cdot 0^2 + 1) = 0$$

$$\ln 1 = 0$$

$$0 = 0$$

- Die Nullstelle der natürlichen Logarithmusfunktion ( $\ln x$ ) ist  $x_0 = 1$ .

Die Gleichung ist erfüllt, d. h., die Funktion  $f_a(x)$  verläuft durch den Koordinatenursprung. Da das Ergebnis unabhängig vom Parameter  $a$  ist, gilt dies für alle Funktionen der Schar.

$$f_a(2) = 2$$

$$\ln(a \cdot 2^2 + 1) = 2 \quad | e$$

$$4a + 1 = e^2$$

$$a = \frac{e^2 - 1}{4}$$

- b) Für mögliche lokale Extrempunkte gilt:  $f'_a(x_E) = 0$

$$f'_a(x) = \frac{1}{ax^2 + 1} \cdot 2ax$$

$$\frac{2ax_E}{ax_E^2 + 1} = 0$$

- Ein Bruch wird null, wenn der Zähler null wird.

$$2ax_E = 0$$

$a = 0$  ist keine Lösung wegen  $a > 0$ .

$$x_E = 0$$

Wegen des Quadrats von  $x$  und  $a > 0$  ist der Nenner des Bruchs für den gesamten Definitionsbereich stets positiv.

Für  $x < 0$  ist  $2ax < 0$  (da  $a > 0$ ) und  $f'_a(x) < 0$ . Die Funktion ist streng monoton fallend.

Für  $x > 0$  ist  $2ax > 0$  (da  $a > 0$ ) und  $f'_a(x) > 0$ . Die Funktion ist streng monoton steigend.

Da im Koordinatenursprung  $O(0|0)$  ein Vorzeichenwechsel für  $f'_a(x)$  stattfindet, liegt dort ein Extrempunkt vor. Dieser ist unabhängig vom Parameter  $a$  und daher für alle Graphen gleich. Aufgrund der Art der Änderung des Monotonieverhaltens handelt es sich um einen Tiefpunkt.

c) Allgemein lautet die Tangentengleichung:

$$t_a(x) = m_{t_a} \cdot x + n_{t_a}$$

Die Steigung der Tangente entspricht der 1. Ableitung von  $f_a(x)$  im Punkt  $B_a$ .

$$m_{t_a} = f'_a(1)$$

$$f'_a(1) = \frac{2 \cdot a \cdot 1}{a \cdot 1^2 + 1} = \frac{2a}{a+1}$$

Umformen des Terms:

$$m_{t_a} = \frac{2a}{a+1} = \frac{2a}{a \cdot \left(1 + \frac{1}{a}\right)} = \frac{2}{1 + \frac{1}{a}}$$

Damit die Steigung größer als 2 wird, muss für den Nenner gelten:

$$1 + \frac{1}{a} < 1 \quad | -1$$

$$\frac{1}{a} < 0$$

Mit  $a > 0$  laut Definition ist diese Ungleichung nicht zu erfüllen, d. h., es gibt keine Tangente mit einer Steigung größer als 2.

Für die Tangentengleichung am Punkt  $B_1$  ergibt sich:

$$m_{t_1} = f'_1(1) = \frac{2 \cdot 1}{1+1} = 1$$

$$t_1(x) = x + n_{t_1}$$

Mit der y-Koordinate des Punktes  $B_1$  erhält man  $n_{t_1}$ .

$$f_1(1) = \ln(1 \cdot 1^2 + 1) = \ln 2$$

$$t_1(1) = \ln 2$$

$$1 + n_{t_1} = \ln 2$$

$$n_{t_1} = -1 + \ln 2$$

$$\Rightarrow t_1(x) = x - 1 + \ln 2$$

Mit  $m_n = -\frac{1}{m_{t_1}}$  folgt für die Normalengleichung:

$$n(x) = -\frac{1}{1}x + s$$

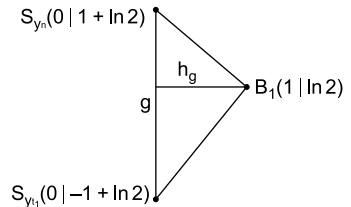
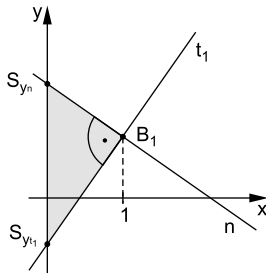
Mit den Koordinaten von Punkt  $B_1$  folgt:

$$n(1) = \ln 2$$

$$-1 \cdot 1 + s = \ln 2$$

$$s = 1 + \ln 2$$

$$\Rightarrow n(x) = -x + 1 + \ln 2$$



Aus den Skizzen für das Dreieck wird ersichtlich, dass die Höhe des Dreiecks der x-Koordinate des Punktes  $B_1$  entspricht. Die Grundseite des Dreiecks ergibt sich aus der Summe der Achsenabschnitte (Beträge) der Tangenten- und Normalengleichung.

$$\begin{aligned} A &= \frac{1}{2} \cdot g \cdot h_g \\ &= \frac{1}{2} \cdot (|1 + \ln 2| + |-1 + \ln 2|) \cdot 1 \\ &= \frac{1}{2} \cdot (1 + \ln 2 + 1 - \ln 2) \\ &= \frac{1}{2} \cdot 2 = 1 \text{ [FE]} \end{aligned}$$

$$|1 + \ln 2| = 1 + \ln 2, \text{ weil } 1 + \ln 2 > 0$$

$$|-1 + \ln 2| = -(-1 + \ln 2) = 1 - \ln 2, \text{ weil } -1 + \ln 2 < 0$$

Das Dreieck hat den Flächeninhalt 1 [FE].

- d) Die Grundfläche für ein Fach ist quadratisch, da der Eisbecher rotationssymmetrisch zur y-Achse ist. Die Grundseitenlängen kann man der Abbildung in der Aufgabenstellung entnehmen.

Für die Länge und Breite ergibt sich:

$$b = \ell = 2 \cdot 1,5 \text{ [LE]} \cdot 4 \text{ cm} = 12 \text{ cm}$$

1,5 [LE] liest man ab. Den Faktor 2 benötigt man, da nur der „halbe“ Eisbecher abgebildet ist. Zudem gilt 1 LE = 4 cm.

Da der Graph  $G_h$  die obere Begrenzung des Eisbeckers ist, erhält man die Höhe über den Funktionswert von  $h(x)$  an der Randbegrenzung, d. h. für  $x = 1,5$ .

$$h(x) = 0,75 \cdot \ln(2x^2 + 1) + 1$$

$$h(1,5) = 0,75 \cdot \ln(2 \cdot 1,5^2 + 1) + 1 \approx 2,28 \text{ [LE]}$$

Umrechnung in cm:

$$h \approx 2,28 \cdot 4 \text{ cm} \approx 9,12 \text{ cm}$$

Ein Fach hat also ca. die Kantenlängen 12 cm x 12 cm x 9,12 cm.

- e) Die allgemeine Form für eine Parabelgleichung lautet:  $p(x) = ax^2 + bx + c$

Mit den Nullstellen  $N_1(1 | 0)$  und  $N_2(-1 | 0)$  ergibt sich:

Die Koordinaten von  $N_1$  entnimmt man der Abbildung. Die Koordinaten für  $N_2$  folgen aus der Tatsache, dass der Eisbecher rotationssymmetrisch zur y-Achse ist.

$$\begin{array}{ll} p(1) = 0 & p(-1) = 0 \\ a + b + c = 0 & a - b + c = 0 \\ c = -a - b & a - b - a - b = 0 \\ & -2b = 0 \Rightarrow b = 0 \end{array}$$

Damit folgt  $c = -a$  und für die Parabel:

$$p(x) = ax^2 - a$$

Für die Querschnittsfläche gilt:

$$A = \frac{64}{15} \text{ cm}^2 \cdot \frac{1}{16 \text{ cm}^2} = \frac{4}{15} \text{ [FE]}$$

$$1 \text{ FE} = 1 \text{ LE} \cdot 1 \text{ LE} = 4 \text{ cm} \cdot 4 \text{ cm} = 16 \text{ cm}^2$$

Die Querschnittsfläche ergibt sich über das Integral:

$$A = \int_{-1}^1 p(x) \, dx = \frac{4}{15}$$

Aufgrund der Symmetrie gilt:

$$\begin{aligned} 2 \cdot \int_0^1 p(x) \, dx &= \frac{4}{15} \\ 2 \cdot \int_0^1 (ax^2 - a) \, dx &= \frac{4}{15} \end{aligned}$$

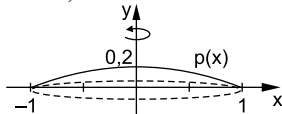
$$\begin{aligned}
 2 \cdot \left[ \frac{a}{3} x^3 - ax \right]_0^1 &= \frac{4}{15} \\
 2 \cdot \left( \frac{a}{3} - a \right) &= \frac{4}{15} \\
 -\frac{4}{3} a &= \frac{4}{15} \quad \left| \cdot \left( -\frac{3}{4} \right) \right. \\
 a &= -\frac{1}{5} \\
 \Rightarrow \underline{\underline{p(x) = -\frac{1}{5}x^2 + \frac{1}{5}}}
 \end{aligned}$$

f) zu (1):

$V = \pi \int_0^1 (p(x))^2 dx$  beschreibt die Rotation der Funktion um die x-Achse.

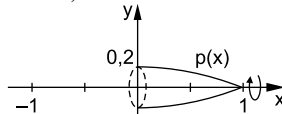
$p(x)$  muss aber laut Aufgabenstellung um die y-Achse rotieren (vgl. Abbildungen a und b).  
 $\Rightarrow$  falscher Schritt

Abb. a)



entstehender Körper, wenn  $p(x)$  für  $x \in [0; 1]$  um die y-Achse rotiert

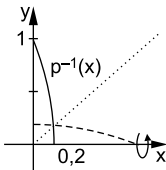
Abb. b)



entstehender Körper, wenn  $p(x)$  für  $x \in [0; 1]$  um die x-Achse rotiert

Damit man bei Rotation um die x-Achse denselben Körper erhält wie bei Rotation um die y-Achse, muss die Parabel  $p$  an der Quadrantenhalbierenden (I. Quadrant) gespiegelt werden (vgl. Abbildung c).

Abb. c)



Für das entsprechende Integral benötigt man die Umkehrfunktion von  $p(x)$  und den Funktionswert für  $p(0)$ .

$$p(0) = -\frac{1}{5} \cdot 0^2 + \frac{1}{5} = \frac{1}{5} = 0,2$$

*Hinweis:* Den Wert für die Nullstelle erhält man auch durch folgende Überlegung. Der Scheitelpunkt von  $p(x)$  ist  $S(0|0,2)$ . Durch Spiegelung an der Quadrantenhalbierenden erhält man  $N(0,2|0)$  ( $x$ - und  $y$ -Koordinate werden vertauscht). Grundsätzlich gilt, dass beim Bilden der Umkehrfunktion Definitions- und Wertebereich (der Ausgangsfunktion) vertauscht werden.

Berechnung der Umkehrfunktion:

$$\begin{aligned}
 y &= -\frac{1}{5}x^2 + \frac{1}{5} & | -\frac{1}{5} \\
 y - \frac{1}{5} &= -\frac{1}{5}x^2 & | \cdot (-5) \\
 -5y + 1 &= x^2 & | \sqrt{\phantom{x}} \\
 x &= \sqrt{-5y + 1} \\
 \Rightarrow p^{-1}(x) &= y = \sqrt{-5x + 1} \quad \text{mit } x \in [0; 0,2]
 \end{aligned}$$

Das korrekte Integral lautet somit:

$$V = \pi \cdot \int_0^{0,2} (p^{-1}(x))^2 dx = \pi \cdot \int_0^{0,2} (\sqrt{-5x + 1})^2 dx$$

zu (2):

$$1 \text{ VE} = 1 \text{ LE} \cdot 1 \text{ LE} \cdot 1 \text{ LE} = \text{LE}^3$$

$$1 \text{ LE} = 4 \text{ cm} \Rightarrow 1 \text{ VE} = (4 \text{ cm})^3 = 64 \text{ cm}^3$$

Für das Umwandeln des Volumens von  $\text{LE}^3$  in das Volumen in  $\text{cm}^3$  muss also gelten:

$$\frac{1 \text{ VE}}{64 \text{ cm}^3} = \frac{V}{V_{(\text{cm}^3)}}$$

Die verwendete Umrechnung ist demnach ein falscher Schritt.

zu (3):

Sei  $\rho$  die Dichte des Materials, dann gilt:

$$\begin{aligned}
 \rho &= \frac{m}{V} \\
 m &= \rho V
 \end{aligned}$$

$\Rightarrow$  richtiger Schritt



© **STARK Verlag**

[www.stark-verlag.de](http://www.stark-verlag.de)  
[info@stark-verlag.de](mailto:info@stark-verlag.de)

Der Datenbestand der STARK Verlag GmbH  
ist urheberrechtlich international geschützt.  
Kein Teil dieser Daten darf ohne Zustimmung  
des Rechteinhabers in irgendeiner Form  
verwertet werden.

**STARK**