

Inhaltsverzeichnis

	Seite
Einleitung	11
Bezeichnungen	13
 Erster Teil — <i>Maß- und Integrationstheorie</i>	
I. Maßtheorie	15
§ 1 σ -Algebren und ihre Erzeuger	16
§ 2 Dynkinsche Systeme	19
§ 3 Inhalte und Prämaße	21
§ 4 Lebesguesches Prämaß	26
§ 5 Fortsetzung eines Prämaßes zu einem Maß	30
§ 6 Borelsche Mengen und Lebesguesches Maß	37
§ 7 Meßbare Abbildungen und Bildmaße	40
§ 8 Weitere Eigenschaften des Lebesgue-Borelschen Maßes	45
II. Integrationstheorie	52
§ 9 Meßbare numerische Funktionen	52
§ 10 Elementarfunktionen und ihr Integral	56
§ 11 Das Integral nicht-negativer meßbarer Funktionen	59
§ 12 Integrierbarkeit	64
§ 13 Fast überall bestehende Eigenschaften	67
§ 14 Die Räume $\mathcal{L}^p(\mu)$	71
§ 15 Konvergenzsätze	75
§ 16 Bemerkungen über Lebesgue- und Riemann-Integral	81
§ 17 Maße mit Dichten	86
§ 18 Integration bezüglich eines Bildmaßes	94
§ 19 Stochastische Konvergenz	96
§ 20 Gleichgradige Integrierbarkeit	104
III. Produktmaße	112
§ 21 Produkt von σ -Algebren und Eindeutigkeit des Produktmaßes	112
§ 22 Existenz und Eigenschaften des Produktes zweier Maße	114
§ 23 Ausdehnung auf den Fall endlich vieler Faktoren	119
§ 24 Faltung endlicher Borel-Maße	122
 Zweiter Teil — <i>Wahrscheinlichkeitstheorie</i>	
IV. Grundbegriffe der Theorie	127
§ 25 Wahrscheinlichkeitsräume	127
§ 26 Behandlung einiger elementarer Aufgaben	131
§ 27 Zufallsvariable, Verteilungen und Momente	136
§ 28 Einige spezielle Verteilungen	139
§ 29 Verteilungsfunktionen	143

	Seite
V. Unabhängigkeit	145
§ 30 Unabhängige Ereignisse und σ -Algebren	145
§ 31 Unabhängige Zufallsvariable	150
§ 32 Produkte und Summen unabhängiger Zufallsvariablen	153
§ 33 Unendliche Produkte von Wahrscheinlichkeitsräumen	157
VI. Gesetz der großen Zahlen	165
§ 34 Fragestellung	165
§ 35 Null-Eins-Gesetze	168
§ 36 Einige fundamentale Ungleichungen	171
§ 37 Die Kolmogoroffschen Sätze	175
§ 38 Schwaches Gesetz der großen Zahlen	181
Dritter Teil — <i>Fortsetzung der Maß- und Integrationstheorie</i>	
VII. Maße auf topologischen Räumen	185
§ 39 Der Satz von Daniell-Stone	185
§ 40 Bairesche und Borelsche Mengen bzw. Maße	195
§ 41 Regularität endlicher Borel-Maße auf polnischen Räumen und der Satz von Lusin	199
§ 42 Einige Eigenschaften lokal-kompakter Räume	205
§ 43 Baire-Maße auf im Unendlichen abzählbaren, lokal-kompakten Räumen	210
§ 44 Spezialfall der lokal-kompakten Räume mit abzählbarer Basis	216
§ 45 Konvergenz von Baire-Maßen	219
§ 46 Vag kompakte Mengen von Maßen	231
VIII. Fourier-Analyse	235
§ 47 Fourier-Transformation von Maßen und Funktionen	235
§ 48 Eindeutigkeits- und Stetigkeitssatz	246
§ 49 Differenzierbarkeit von Fourier-Transformierten	254
Vierter Teil — <i>Weiterführung der Wahrscheinlichkeitstheorie</i>	
IX. Grenzverteilungen	261
§ 50 Beispiele von Grenzwertsätzen	261
§ 51 Der zentrale Grenzwertsatz	266
§ 52 Unbegrenzt teilbare Verteilungen	276
§ 53 Kennzeichnung der Normalverteilung (Stabile Verteilungen)	286
X. Bedingte Erwartungen	289
§ 54 Bedingte Erwartungen und Wahrscheinlichkeiten	289
§ 55 Faktorisierung der bedingten Erwartung	298
§ 56 Kerne, Erwartungskerne und bedingte Verteilungen	302
XI. Martingale	314
§ 57 Definition und Beispiele	314
§ 58 Transformation durch Stopzeiten	321
§ 59 Die Doobschen Ungleichungen	326
§ 60 Konvergenzsätze	330
§ 61 Anwendungen	338

	Seite
XII. Stochastische Prozesse	344
§ 62 Definition und Konstruktion stochastischer Prozesse	344
§ 63 Prozesse mit speziellen Pfaden	350
§ 64 Markoffsche Halbgruppen	360
§ 65 Markoffsche Prozesse	368
§ 66 Prozesse mit stationären und unabhängigen Zuwächsen	376
§ 67 Der Brownsche Prozeß	383
§ 68 Der Poissonsche Prozeß	389
 Anhang:	
Stetige Abbildungen in die Kreislinie	394
Literaturverzeichnis	398
Verzeichnis der verwendeten Symbole	401
Namen- und Sachverzeichnis	403