

Inhaltsverzeichnis

Erstes Kapitel

Analysis der komplexen Zahlen

§ 1.	Die komplexen Zahlen	1
§ 2.	Der unendlich ferne Punkt und der chordale Abstand	13
§ 3.	Grundlagen aus der mengentheoretischen Topologie	20
§ 4.	Punktfolgen	33
§ 5.	Stetige Abbildungen	40
§ 6.	Kurven und Gebiete in der Ebene	46
§ 7.	Stetige Funktionen einer komplexen Veränderlichen	53
§ 8.	Differentiation komplexer Funktionen	59
§ 9.	Kurvenintegrale	69
§ 10.	Folgen von Funktionen	84
§ 11.	Unendliche Reihen	91
§ 12.	Vertauschung von Grenzprozessen	102

Zweites Kapitel

Die Fundamentalsätze über holomorphe Funktionen

§ 1.	Der Begriff der Holomorphie	112
§ 2.	Der Cauchysche Integralsatz	114
§ 3.	Der Satz von RIEMANN. Die Cauchyschen Integralformeln	120
§ 4.	Unendliche Reihen holomorpher Funktionen	129
§ 5.	Ergänzung reeller Funktionen zu holomorphen Funktionen	142
§ 6.	Ganze Funktionen	153
§ 7.	Normale Familien holomorpher Funktionen	157
	Anhang. Harmonische Funktionen	167

Drittes Kapitel

Die analytischen Funktionen, ihre singulären Stellen und ihre Entwicklungen

§ 1.	Analytische Fortsetzung	177
§ 2.	Das Schwarzsche Spiegelungsprinzip	186
§ 3.	Singuläre Punkte. Die Laurentsche Entwicklung. Meromorphe Funktionen	189
§ 4.	Das Residuum	204
§ 5.	Anwendungen des Residuenkalküls	209
§ 6.	Normale Familien meromorpher Funktionen	230
§ 7.	Partialbruchentwicklung meromorpher Funktionen	235
§ 8.	Funktionen mit vorgeschriebenen Nullstellen. Holomorphe- und Meromorphegebiete	248
§ 9.	Die Quotientendarstellung meromorpher Funktionen und der Mittag-Lefflersche Ansatzmiegungssatz	256

§ 10. Entwicklung nach Polynomen und rationalen Funktionen	258
§ 11. Fourierentwicklungen	264
§ 12. Entwicklung nach Orthogonalfunktionen	270
§ 13. Quadratintegrierbare Funktionen als Hilbertscher Raum	293
§ 14. Asymptotische Entwicklungen	297

Viertes Kapitel**Konforme Abbildungen**

§ 1. Die Umkehrfunktionen	310
§ 2. Analytische Funktionen und konforme Abbildung	317
§ 3. Die linearen Transformationen	324
§ 4. Transformationsgruppen	331
§ 5. Das Schwarzsche Lemma und die invarianten Metriken der linearen Transformationsgruppen	337
§ 6. Innere Abbildungen mit Fixpunkten	345
§ 7. Der Riemannsche Abbildungssatz	351
§ 8. Das Verhalten der Abbildungsfunktionen am Rande	357
§ 9. Spiegelungen und analytische Fortsetzung	372
§ 10. Die Familie der schlichten Funktionen. Verzerrungssätze	387

Fünftes Kapitel**Der Gesamtverlauf der analytischen Funktionen
und ihre Riemannschen Flächen**

§ 1. Beispiele mehrblättriger Riemannscher Flächen	399
§ 2. Allgemeine Einführung der Riemannschen Fläche	407
§ 3. Analysis auf konkreten Riemannschen Flächen	428
§ 4. Die algebraischen Funktionen	437
§ 5. Uniformisierungstheorie. Die universelle Überlagerungsfläche	458
§ 6. Uniformisierungstheorie. Die Typen der Überlagerungsflächen	475
§ 7. Schleifenintegrale und transzendenten Funktionen	492
Anhang. Zur Topologie der algebraischen Riemannschen Flächen	499

Sechstes Kapitel**Funktionen auf Riemannschen Flächen**

§ 1. Eigentlich diskontinuierliche Gruppen linearer Transformationen	512
§ 2. Die Konstruktion automorpher Funktionen. Poincarésche Thetareihen. Elliptische Funktionen	529
§ 3. Differentiale, Integrale und Divisoren auf Riemannschen Flächen	540
§ 4. Der Satz von RIEMANN-ROCH. Abelsche Differentiale	554
§ 5. Integrale und Funktionen auf kompakten Riemannschen Flächen	563
§ 6. Funktionen auf nicht kompakten Riemannschen Flächen	581
Namen- und Sachverzeichnis	593