

Inhaltsverzeichnis

Motivation zum Schreiben dieses Buches	V
Geleitwort	VII
Vorwort.....	IX
Prolog	XIX
1 Einführung und elementare Grundlagen	1
1.1 Der Auftrieb – eine einleitende physikalische Deutung	1
1.2 Die Newtonschen Axiome	1
1.2.1 Das Erste Newtonsche Axiom.....	2
1.2.2 Das Zweite Newtonsche Axiom	3
1.2.3 Das Dritte Newtonsche Axiom	4
1.3 Die Auftriebskraft und wie sie entsteht.....	5
1.3.1 Impulsstrom und Bernoulli-Gleichung.....	5
1.3.2 Die Bernoulli-Gleichung in Strömungen mit Energiezufuhr ...	7
1.3.3 Bernoulli-Gleichung und Profilumströmungen. Eine Geschichte der Missinterpretationen	9
1.3.4 Otto Lilienthal, eine historische Beschreibung der Strömung um Profile	14
1.3.5 Die aerodynamische Auftriebskraft – der dynamische Auftrieb	16
1.4 Die Strömungsumlenkung längs gekrümmter Oberflächen und die Druckänderungen	19
1.4.1 Die d'Alembertsche Form des zweiten Newtonschen Axioms normal zur Strömungsrichtung	21

1.4.2	Die d'Alembertsche Form des zweiten Newtonschen Axioms in Strömungsrichtung	29
1.5	Zusammenfassungen und Ergänzungen	32
1.5.1	Ohne Viskosität kein Auftrieb	33
1.5.2	Zirkulation und aerodynamischer Auftrieb	36
1.5.2.1	Auftriebsbestimmung nach dem Kutta-Žukovskij-Theorem	39
1.5.2.2	Auftriebsbestimmung nach dem Zweiten und dem Dritten Newtonschen Axiom	40
1.5.2.3	Zirkulation und Auftriebsbeiwert von Verdichterprofilen zur Bestimmung der Belastungszahl	44
1.5.3	Der Coandă-Effekt	47
1.5.4	Der Magnus-Effekt	55
	Literatur	60
2	Aerodynamische Kräfte und Momente	63
2.1	Kräfte und Momente aus Druckverteilungen	63
2.1.1	Integration der Druck- und Scherspannungsverteilungen	67
2.1.2	Dimensionslose aerodynamische Beiwerte	75
2.1.2.1	Der Normalkraftbeiwert	77
2.1.2.2	Der Längskraftbeiwert	78
2.2	Der Auftriebs- und der Widerstandsbeiwert	78
2.2.1	Der Momentenbeiwert	78
2.3	Druckpunkt, Neutralpunkt und aerodynamisches Moment	81
2.4	Experimentell/theoretisch ermittelte Profileigenschaften	87
2.5	Bestimmung des aerodynamischen Zentrums	103
2.6	Der Einfluss der Flügelstreckung	111
2.7	Allgemeine Grundlagen zum induzierten Widerstand	115
2.8	Die parabolische Widerstandspolare	126
2.8.1	Einige Optimalwertbetrachtungen	128
2.8.2	Erforderlicher Schub und Geschwindigkeitsstabilität	131
	Literatur	135
3	Dimensionsanalyse – Ähnlichkeitsgesetze und Modellregeln	137
3.1	Das Buckinghamsche Π -Theorem	137
3.1.1	Das internationale Einheitensystem	138
3.1.2	Einige einfache Grundlagen zum Π -Theorem	139
3.1.3	Die Buckinghamschen Π -Größen und ihre Anzahl	143
3.1.4	Ein veranschaulichendes Basisbeispiel zum Π -Theorem	146
3.2	Dimensionslose Kenngrößen	153
3.2.1	Hintergrund zur Verwendung einheitenfreier Kenngrößen	154
3.2.2	Widerstand eines umströmten Zylinders der Einheitsbreite b ..	157
3.3	Die Fractional Analysis	160

3.3.1	Kenngrößen aus Kräfteverhältnissen	160
3.3.2	Zusammenhänge zwischen den Kräfteverhältnissen	163
3.4	Ähnlichkeitsgesetze und Modellregeln	166
3.4.1	Ähnlichkeit von Strömungen und die Methode der Maßstäbe	166
3.4.2	Die aerodynamischen Beiwerte als Ähnlichkeitskenngrößen..	169
3.4.3	Über die unvollständige Ähnlichkeit von Strömungen	172
3.4.4	Machsches Ähnlichkeitsgesetz.....	177
3.4.5	Reynoldssches Ähnlichkeitsgesetz.....	180
3.4.6	Zusammenfassung.....	183
	Literatur	189
4	Strömungsmechanische Grundlagen zur Aerodynamik 191	
4.1	Die atmosphärische Druckverteilung	191
4.2	Stromlinie, Stromröhre und Stromfaden	201
4.2.1	Volumenstrom, Massenstrom und Kontinuität.....	207
4.3	Eindimensionale Eulersche Bewegungsgleichung.....	209
4.4	Stationäre und instationäre Strömungen	214
4.5	Die Kontinuitätsgleichung	219
4.6	Die dreidimensionalen Eulerschen Bewegungsgleichungen.....	226
4.7	Kinematik der Fluid- und Deformationsbewegungen.....	232
4.8	Die Bernoulli-Gleichung	238
4.8.1	Bernoulli-Integration der Eulerschen-Bewegungsgleichungen	246
4.8.2	Anmerkungen zur Bernoulli-Konstanten	251
4.8.3	Die Laplace-Gleichung und Strömungen mit ausnahmslos gleichen Bernoulli-Konstanten	254
4.8.3.1	Über die Begriffe Kraftfeld und Potenzial in der Aerodynamik	262
4.8.4	Über die Anfangs- und Randbedingungen	268
4.8.5	Einfache Anwendungen der Bernoulli-Gleichung	271
4.8.5.1	Potenzialströmung um einen symmetrischen Körper	271
4.8.5.2	Strömung um eine gekrümmte Profilkontur	273
4.8.5.2.1	Druckänderungen normal zu den Stromlinien.....	273
4.8.5.2.2	Druckänderung tangential zu den Stromlinien.....	281
4.8.5.2.3	Wichtige Schlussfolgerungen hinsichtlich von Profilumströmungen	283
4.8.5.3	Die Bernoulli-Gleichung in rotierenden Bezugssystemen	285
4.8.5.3.1	Detailliertere Präzisierung der vorhergehenden Ergebnisse	290
4.8.5.4	Die Bernoulli-Gleichung für instationäre Strömungen	293
4.8.5.5	Vergleichmäßigung von Geschwindigkeitsunterschieden	299

4.8.5.6	Die Bernoulli-Gleichung in Strömungen mit Dissipation, Energiezufuhr von außen oder Energieabgabe nach außen	301
4.8.5.7	Die Bernoulli-Gleichung und die Kavitationsgeschwindigkeit	311
4.9	Impulssatz für stationäre Strömungen	313
4.9.1	Grundsätzliches: Impuls und Impulsübertragung (Stoß)	313
4.9.2	Allgemeiner Impulssatz der Mechanik	315
4.9.3	Schwerpunktsatz der Mechanik	317
4.9.4	Differenzialquotient nach Leibniz	318
4.9.5	Reihenentwicklung nach Taylor	319
4.9.6	Der Impulssatz für instationäre und stationäre Strömungen ...	320
4.9.6.1	Ein Anleitung zur Wahl einer geeigneten Kontrollfläche	322
4.9.7	Die Kräfte in der Impulsgleichung	323
4.9.7.1	Äußere Kräfte	323
4.9.7.2	Die Volumen- oder Schwerekraft	323
4.9.7.3	Kräfte an den freien Teilen der Kontrollfläche	325
4.9.8	Kräfte an den festen Teilen der Kontrollfläche	326
4.9.9	Über die Auswahl der Kontrollfläche	328
4.9.10	Einfache Anwendungen des Impulssatzes	331
4.9.10.1	Auftrieb eines unsymmetrischen Profils mit Anstellung	331
4.9.10.2	Widerstand eines symmetrischen Profils	332
4.9.10.3	Kräfte auf eine geschwenkte Triebwerksschubdüse	336
4.9.10.4	Die Schubkraft eines Turbofantriebwerks	341
4.9.10.5	Turbofantriebwerk mit Schwenkdüse (<i>Swivel Nozzle</i>) und Triebwerksaußenstromung	347
4.9.10.6	Freistrahlturbine	349
4.9.10.7	Schräger Freistrahl trifft auf senkrechte Wand	352
Literatur	355	
5	Potenzialströmungen	357
5.1	Potenzial – Potenzialströmung – Laplace-Gleichung	357
5.1.1	Die Interpretation der Potenzialfunktion als druckinduzierter Stoß	365
5.1.2	Anmerkungen zur Lösung der Laplace-Gleichung	367
5.2	Die Zirkulation	369
5.2.1	Die Zirkulation in Potenzialströmungen	372
5.2.1.1	Potenzialströmung	372
5.2.1.2	Das Wegintegral der Geschwindigkeit in Potenzialströmungen	375
5.2.2	Drehungsfreie Umlaufströmungen	377
5.2.2.1	Über die Drehungsfreiheit	380

5.2.2.2 Nicht drehungsfreie Dreh- oder Wirbelströmungen ..	383
5.2.2.3 Nicht drehungsfreie Horizontalströmungen	385
5.3 Die Stromfunktion	388
5.3.1 Zusammenhänge zwischen Potenzial- und Stromfunktion	388
5.3.1.1 Extrakt des vorhergehenden Unterkapitels	394
5.3.2 Die Vertauschung von Potenzial- und Stromfunktion	397
5.3.3 Die Durchflussmenge.....	397
5.3.4 Das Superpositionsprinzip von Potenzialströmungen	400
5.4 Einfache ebene und räumliche Potenzialströmungen anhand von Beispielen	402
5.4.1 Translatorische (geradlinige), stationäre, ebene Strömung	402
5.4.2 Ebene Staupunktströmung	404
5.4.3 Ebene Quellen und Senken	410
5.4.4 Ebener Halbkörper	415
5.4.5 Ebenes Quellen-Senken-Paar und ebener Dipol.....	423
5.4.5.1 Ebenes Quellen-Senken-Paar.....	423
5.4.5.2 Ebener Dipol (Punktdipol).....	427
5.4.6 Potenzialwirbel (Teil 1)	432
5.4.7 Ebene und drehsymmetrische Potenzialströmungen	434
5.4.7.1 Laplace-Gleichung in Polarkoordinaten	435
5.4.8 Potenzialwirbel (Teil 2)	440
5.4.9 Ebene Umströmung eines Kreiszylinders ohne Zirkulation....	443
5.4.10 Umströmung einer Kugel	455
5.4.10.1 Die Stokessche Stromfunktion	456
5.4.10.2 Potenzial der räumlichen Quellen- und Senkenströmung.....	463
5.4.10.3 Potenzial- und Stromfunktion der räumlichen Dipolströmung.....	471
5.4.10.4 Potenzial und Druckverteilung der umströmten Kugel	480
5.4.11 Räumlicher, drehsymmetrischer Halbkörper	493
5.4.11.1 Nachweis des Nullwiderstandes eines räumlichen Halbkörpers in einer irrotationalen Potenzialströmung.....	505
5.4.11.1.1 Über die im Inneren des räumlichen Halbkörpers verlaufenden drehsym- metrischen Stromflächenformen.....	507
5.4.12 Schlussworte zum Thema einfache ebene und räumliche Potenzialströmungsbeispiele	510
Literatur	512
6 Komplexe Strömungsfunktionen	515
6.1 Einleitende Vorbemerkungen und Wiederholungen	517
6.2 Rechnen mit komplexen Zahlen in der Aerodynamik	520

6.2.1	Die imaginäre Einheit	520
6.2.2	Die komplexen Zahlen.....	524
6.2.3	Die Gaußsche Zahlenebene.....	525
6.2.4	Addieren und Subtrahieren in der Gaußschen Zahlenebene ...	527
6.2.5	Goniometrische Form komplexer Zahlen.....	528
6.2.6	Multiplizieren, Dividieren und Potenzieren in der Gaußschen Zahlenebene.....	530
6.2.6.1	Multiplikation	530
6.2.6.2	Geometrische Konstruktion des Produktes $z \cdot z'$	531
6.2.6.3	Division	531
6.2.6.4	Geometrische Konstruktion des Quotienten $z:z'$	533
6.2.6.5	Potenzieren	534
6.2.6.6	Komplexe n -te Wurzeln einer Zahl	535
6.2.6.7	Potenzen der imaginären Einheit j und deren 4er-Periodizität.....	540
6.2.6.8	Algebraische Gleichungen im Komplexen	542
6.2.6.9	Logarithmen	549
6.2.6.9.1	Ergänzende Erklärung zur Addition von Vielfachen von $2\pi j$	551
6.2.6.10	Eulersche Formel und die Exponentialform komplexer Zahlen	552
6.2.6.11	Potenzen der Zahl e mit komplexen Exponenten	554
6.2.6.12	Fazit.....	554
6.3	Grundlagen und Ziele der komplexen Analysis in der Aerodynamik..	557
6.3.1	„Potenzialwirbel und ebene Quelle“ und „Staupunktsströmung und gedrehte Eckenströmung“ als Hilfen zur Einführung in das Thema	557
6.3.2	Über reelle und komplexe Differenzierbarkeit	568
6.3.2.1	Resümee	574
6.4	Beispiele einfacher komplexer Strömungsfunktionen $F(z)$	578
6.4.1	$F(z) = a + bz = a_1 + ja_2 + (b_1 + jb_2)(x + jy)$	579
6.4.2	$F(z) = (a/n)z^n$ – wenn a reell und $n \geq 1/2$ ist.....	586
6.4.3	$F(z) = -a/z$ Ebener Dipol – zweidimensionale Quellen-Senken-Kombination	593
6.4.4	$F(z) = a(z + z^{-1})$ – Ebene Strömung um einen Kreiszylinder...	595
6.4.5	$F(z) = a_1(z + z^{-1}) + ja_2 \ln z$ – Ebene Strömung um einen Kreiszylinder mit Zirkulation	601
6.4.5.1	Das Kutta-Žukovskij-Theorem	620
6.4.5.2	Die zwei Blasius Theoreme.....	633
6.4.5.2.1	Resultierende Druckkraft auf starre Körper in zweidimensionaler ungleichförmiger stationärer Potenzialströmung	634

6.4.5.2.2 Das Moment infolge der Druckkraft auf starre Körper in zweidimensionaler ungleichförmiger stationärer Potenzialströmung.....	638
6.4.5.2.3 Ein einfaches Beispiel für die zwei Blasius-Theoreme	641
6.4.6 $F(z) = a_1 z + a_2 \ln z$ – Ebene Strömung um einen zweidimensionalen Halbkörper.....	645
6.5 Beispiele diffizilerer komplexer Strömungsfunktionen	654
6.5.1 $F(z) = a_1 z + a_2 [(z + \ell)/(z - \ell)]$ – Ebenes Quellen-Senken-Paar	654
6.5.2 Stromlinienkörper – Abschnittsweise Anordnung von linear kombinierten Quellen- und Senkenstrecken	666
6.5.2.1 Kapitel-Vorwort	666
6.5.2.2 Stromlinienverläufe abschnittsweise angeordneter linear kombinierter Quellen- und Senkenstrecken....	667
6.5.2.3 Spiegelsymmetrische, stromlinienförmige Körper mit Querschnitten unterschiedlicher Dicke	679
6.5.2.4 Kombination einer singulären Punktquelle mit der streckenförmigen Belegung einer Vielzahl punktförmiger Senken konstanten Schluckvermögens	694
Literatur	725
7 Konforme Abbildung	727
7.1 Einleitendes zum Verstehen, worum es geht	727
7.1.1 Über Abbildungen im Allgemeinen	730
7.1.1.1 Die stereografische Projektion	733
7.1.1.2 Die Mercatorprojektion	738
7.1.1.3 Konforme Abbildung eines Rechtecks auf einen Kreisringsektor	743
7.1.1.4 Allgemeine Anforderungen an grafische Abbildungsverfahren	745
7.2 Einige theoretische Grundlagen zur konformen Abbildung.....	747
7.2.1 Riemannsche Ebenen und Blätter am Beispiel $F(z) = a \ln z$	753
7.2.2 Stringente Zusammenhänge zwischen konformer Abbildung und den Basisgesetzen von Potenzialströmungen.....	762
7.3 Konforme Abbildung unterschiedlicher Strömungsfelder um eine ebene Platte	768
7.4 Konnex zwischen Strom- und Potenzialfunktion und der Theorie komplexer Zahlen	778
7.4.1 Zusammenhang zwischen komplexer Differenzierbarkeit und den Cauchy-Riemannschen partiellen Differentialgleichungen	780
7.4.1.1 Theorem 1	780
7.4.2 Zusammenhang zwischen Laplacescher Gleichung und den Cauchy-Riemannschen partiellen Differentialgleichungen	784
7.4.2.1 Theorem 2	784

7.4.3	Verflechtung der vorangegangenen beiden Unterkapitel	790
7.4.3.1	Theorem 3	790
7.5	Grundlagen zu Verzerrungen und Geschwindigkeitsbeträgen	791
7.5.1	Strömung entlang der Oberfläche einer schräg angeströmten ebenen, unendlich dünnen Platte	791
7.5.2	Geschwindigkeitsfeld um eine schräg angeströmte ebene, unendlich dünne Platte	797
7.5.3	Geschwindigkeitsfeld um eine quer angeströmte ebene, unendlich dünne Platte	803
7.5.4	Instationäre Strömung um eine waagerecht liegende ebene, unendlich dünne Platte, die sich vertikal von oben nach unten durch ein ruhendes Fluid bewegt	808
7.6	Geneigte ebene Platte mit Zirkulation bzw. mit Druckkraft	815
7.6.1	Geschwindigkeitsfeld und Geschwindigkeitsverteilung um eine schräg angeströmte ebene, unendlich dünne Platte mit Zirkulation bzw. mit Druckkraft	823
7.6.2	Druckverteilung, resultierende Kraft und Moment an einer schräg angeströmten ebenen, unendlich dünnen Platte mit Zirkulation	831
7.6.2.1	Druck- bzw. c_p -Verteilung	831
7.6.2.2	Die resultierende Kraft F_{res} , das aerodynamische Moment M und die zugehörigen Beiwerte c_A und c_M ..	833
7.7	Kreisbogenprofil	839
7.7.1	Geometrische Grundlagen	839
7.7.2	Zur Bedeutung des Kreisbogenprofils und seiner Umströmung für die Entwicklung aerodynamischer Profile....	855
Literatur	861