

Inhaltsverzeichnis

Inhaltsverzeichnis	ix
Verzeichnis der Übersichten	xxi
Abbildungsverzeichnis	xxiii
Tabellenverzeichnis	xxix
1 Einführung	1
1.1 Definition und Aufgaben der Statistik	1
1.2 Wissenschaftliche Arbeitstechnik	3
1.2.1 Daten und Modelle	3
1.2.2 Kreisprozesse	3
1.2.3 Modelle in der Statistik	6
1.3 Statistik und wissenschaftliche Methode	8
1.3.1 Wiederholbare Erfahrungen	8
1.3.2 Inferenz: Deduktion und Induktion	9
1.3.3 Beobachtungsstudien	10
1.3.3.1 Hinweise zu einer Befragung	11
1.3.3.2 Hinweise zu einer Erhebung	11
1.3.4 Systematische Fehler (Bias)	12
1.3.5 Deskriptive Statistik	14
1.3.5.1 Dimensionalität	14
1.3.5.2 Data Editing	15
1.3.6 Explorativer Ansatz	15
1.3.7 Konfirmativer Ansatz	16
1.3.8 Merkmale, Grundgesamtheit, Stichprobe	17
1.3.8.1 Offene und geschlossene Grundgesamtheiten	18
1.3.9 Stichproben	19
1.3.10 Zufallsstichproben	19
1.4 Datenanalyse	20
1.4.1 Merkmalsarten	20
1.4.2 Variablen-Übersicht	21

1.4.2.1	Zulässige Skalentransformationen	24
1.4.3	Datenstruktur, Datengewinnung und Datenerfassung	24
2	Grundlagen aus der Mathematik	28
2.1	Logische und relationale Operatoren	28
2.2	Mengen	29
2.2.1	Begriffsbildung	29
2.2.2	Mengenoperationen	30
2.3	(Grund-) Rechenarten	32
2.3.1	Summen und Produkte	32
2.3.1.1	Das Summenzeichen	32
2.3.1.2	Spezielle Summen	35
2.3.1.3	Multiplikation und Division; Fakultät	36
2.3.2	Potenzen und Wurzeln	37
2.3.3	Logarithmen	39
2.3.4	Rundungen	40
2.3.5	Rechnen mit fehlerbehafteten Zahlen	42
2.4	Einführung in die Matrixalgebra	43
2.4.1	Definition und Schreibweise	43
2.4.2	Matrixoperationen	44
2.4.2.1	Matrixaddition und -subtraktion	44
2.4.2.2	Matrixmultiplikation	45
2.4.3	Determinanten	47
2.4.4	Die Inverse Matrix	48
2.4.5	Lineare Abhängigkeit, Rang einer Matrix	48
2.4.6	Lineare Gleichungssysteme	49
2.4.7	Eigenwerte und Eigenvektoren	50
2.5	Funktionen	51
2.5.1	Lineare Funktionen	51
2.5.2	Nichtlineare Funktionen	52
2.5.2.1	Polynomfunktionen	52
2.5.3	Periodische Funktionen	53
2.5.4	Exponentialfunktion und logarithmische Funktion	54
2.5.4.1	Wachstumsfunktionen	54
2.5.5	Fläche unter einer Funktion: Integral	56
2.6	Kombinatorik	57
2.6.1	Permutationen	57
2.6.2	Binomialkoeffizient	59
2.6.2.1	Rechnen mit dem Binomialkoeffizienten - weitere Formeln	60
2.6.3	Kombinationen	61
2.6.4	Zerlegung einer Menge	62
2.6.5	Bootstrap-Stichproben	63
2.6.6	Das Pascalsche Dreieck	63
2.6.7	Der Multinomialkoeffizient	65
3	Deskriptive Statistik	66
3.1	Häufigkeiten	67
3.1.1	Absolute und relative Häufigkeiten	67
3.1.2	Sinnvolle Quotienten: Verhältniszahlen	69
3.1.3	Prozentwerte	71
3.1.4	Balken- und Kreisdiagramme	71
3.1.5	Tabellen	72

3.1.5.1	Rechteckdiagramm und Mosaikplot	74
3.1.6	Bedingte Häufigkeiten	74
3.1.6.1	Simpson's Paradox (Vergleich von Anteilswerten)	74
3.1.6.2	Assoziationsmaße für Kontingenztafeln: Tau-GK und Varianten	75
3.2	Beschreibung von Ordinaldaten	77
3.2.1	Medianwert und andere Quantile	78
3.2.2	Klassierte Beobachtungen: Berechnung von Quantilen	79
3.2.3	Streuung ordinal skalierten Daten	80
3.2.4	Punktdiagramm und Box-Plot	81
3.2.5	Korrelationskoeffizient nach Kendall	82
3.2.6	Partielle Rangkorrelation	84
3.3	Beschreibung von metrischen Daten	86
3.3.1	Arithmetischer Mittelwert	87
3.3.2	Standardabweichung, Varianz	89
3.3.3	Ergänzung und Kombination von Mittelwerten und Varianzen	90
3.3.4	Variationskoeffizient	91
3.3.5	Fehlerbalken	92
3.3.6	Mittelwert und Standardabweichung aus klassierten Messwerten	92
3.3.7	Das gewogene arithmetische Mittel und die gewogene Varianz	93
3.3.8	Geometrischer Mittelwert	95
3.3.9	Harmonischer Mittelwert	99
3.4	Fehlerrechnung	102
3.4.1	Fehler in Messungen	102
3.4.2	Standardfehler von Mehrfachbestimmungen	103
3.4.3	Fehlerfortpflanzung	104
3.4.4	Präzision von Messungen	105
3.4.5	Reliabilitätsanalyse	108
3.5	Häufigkeitsverteilung	110
3.5.1	Histogramm	110
3.5.2	Stamm-Blatt Darstellung	113
3.5.3	Pareto-Diagramm	114
3.6	Konzentrationsmaße: Herfindahl-Index und Gini-Koeffizient	115
3.7	Maßzahlen für den Zusammenhang metrischer Daten	117
3.7.1	Punktwolken	118
3.7.2	Empirische Kovarianz	119
3.7.3	Empirischer Korrelationskoeffizient	119
3.7.4	Autokorrelation	121
3.7.5	Rangkorrelationskoeffizient	123
3.7.5.1	Spearman'sche Rangkorrelation bei Bindungen	124
3.7.6	Typisierung korrelativer Zusammenhänge	124
3.7.7	Partieller Korrelationskoeffizient	126
3.7.7.1	Multipler Korrelationskoeffizient	127
3.7.8	Lineare Regression	128
3.7.9	Spezielle Schätzungen der Regressionsgeraden	131
3.7.9.1	Das Bartlett-Verfahren	131
3.7.9.2	Das Kerrich-Verfahren	132
3.7.9.3	Orthogonale kleinste Quadrate	133
3.7.10	Robuste lineare Regression	134
3.7.11	Nichtlineare Regression	136
3.7.11.1	Einige linearisierende Transformationen	143
3.8	Nichtparametrische Regression	146

3.8.1	Regressogramm, gleitende Mittelwerte und Kernschätzer	146
3.8.2	Kubische Spline-Interpolation	148
4	Wahrscheinlichkeiten	150
4.1	Zufallsexperiment, Ereignis	151
4.2	Begriff der Wahrscheinlichkeit	154
4.2.1	Definition nach Laplace	154
4.2.1.1	Relative Häufigkeit und Wahrscheinlichkeit	155
4.2.1.2	Chancen (Odds)	155
4.2.2	Axiome nach Kolmogoroff	156
4.2.3	Additionssatz	157
4.2.3.1	Einschluss- und Ausschlussformel (Siebformel)	158
4.2.4	Paradoxon der ersten Ziffer (Benford's Law)	161
4.3	Bedingte Wahrscheinlichkeiten, stochastische Unabhängigkeit	162
4.3.1	Bedingte Wahrscheinlichkeit	162
4.3.1.1	Multiplikationssatz	162
4.3.1.2	Risikomaße	164
4.3.1.3	Wahrscheinlichkeiten aus einer Sterbetafel	165
4.3.1.4	Baumdiagramm und Pfadregeln	166
4.3.2	Stochastische Unabhängigkeit	167
4.3.2.1	Stochastische Unabhängigkeit für drei und mehr Ereignisse	169
4.3.2.2	Unvereinbarkeit und stochastische Unabhängigkeit	170
4.3.2.3	Ungleichungen nach Bonferroni	170
4.3.2.4	Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Korrelation	171
4.3.2.5	Dreizehn Beispiele zur stochastischen Unabhängigkeit	171
4.4	Bayessches Theorem	175
4.4.1	Bayessches Theorem und Pfadregel	177
4.4.2	Acht Beispiele zum Bayesschen Theorem	178
4.5	Der diagnostische Test	180
4.5.1	ROC - Analyse	185
4.5.2	Der Likelihoodquotient	186
4.5.3	Entscheidungsanalyse nach A.J. Vickers	189
4.6	Maßzahlen in der Epidemiologie	191
4.6.1	Prävalenz und Inzidenz	191
4.6.2	Standardisierte Raten am Beispiel der Mortalität	193
5	Zufallsvariablen, Verteilungen	196
5.1	Die Zufallsvariable	196
5.1.1	Wahrscheinlichkeitsfunktion, Wahrscheinlichkeitsdichte und Verteilungsfunktion	197
5.1.1.1	Rechenregeln zur Verteilungsfunktion	201
5.1.1.2	Empirische Verteilungsfunktion	202
5.2	Maßzahlen zur Kennzeichnung einer Verteilung	202
5.2.1	Erwartungswert	203
5.2.2	Varianz	204
5.2.2.1	Ungleichungen mit Wahrscheinlichkeiten	206
5.2.3	Momente: Schiefe und Exzess	209
5.2.3.1	Berechnung der empirischen Momente	210
5.2.3.2	Potenzmomente	211
5.2.3.3	Quantilmaße zu Schiefe und Exzess	215
5.3	Diskrete Verteilungen	216
5.3.1	Das Urnenmodell	216

5.3.2	Gleichverteilung	218
5.3.3	Binomialverteilung	219
5.3.3.1	Bernoulli-Versuch	219
5.3.3.2	Binomial-Verteilung	220
5.3.3.3	Approximation der Binomialverteilung durch die Standardnormalverteilung	227
5.3.3.4	Approximation der Binomialverteilung durch die Poisson-Verteilung	230
5.3.4	Multinomialverteilung (Polynomialverteilung)	230
5.3.5	Poisson-Verteilung	233
5.3.5.1	Der Dispersionsindex	239
5.3.5.2	Approximation der Poissonverteilung durch die Standardnormalverteilung	241
5.3.6	Negative Binomialverteilung	241
5.3.7	Geometrische Verteilung	245
5.3.8	Hypergeometrische Verteilung	246
5.3.8.1	Approximationen der Hypergeometrischen Verteilung	250
5.3.9	Negative Hypergeometrische Verteilung	251
5.4	Stetige Verteilungen	252
5.4.1	Gleichverteilung	252
5.4.2	Standard-Beta-Verteilung	253
5.4.3	Normalverteilung	258
5.4.3.1	Zentrale Schwankungsintervalle der Standardnormalverteilung ..	264
5.4.3.2	Hinweise und Beispiele zur Normalverteilung	265
5.4.3.3	Zentraler Grenzwertsatz	271
5.4.4	Lognormalverteilung	272
5.4.4.1	Schätzung der Maßzahlen einer Lognormalverteilung	275
5.4.4.2	Empirische Maßzahlen einer Lognormalverteilung	276
5.4.5	Exponentialverteilung	278
5.4.6	Weibull-Verteilung	280
5.4.7	Gamma-Verteilung	282
5.5	Testverteilungen	285
5.5.1	Student-Verteilung	286
5.5.1.1	Nichtzentrale t-Verteilung	289
5.5.2	Chiquadrat-Verteilung	290
5.5.2.1	Nichtzentrale Chiquadrat-Verteilung	293
5.5.3	Fisher-Verteilung	295
5.5.4	Interpolation von Tabellenwerten	298
5.5.4.1	Interpolieren von Zwischenwerten der F-Verteilung	301
5.6	Verteilung zweidimensionaler Zufallsvariablen	303
5.6.1	Modellbildung	303
5.6.1.1	Einführendes Beispiel	303
5.6.1.2	Verteilungsfunktion	303
5.6.2	Randverteilungen und Unabhängigkeit	305
5.6.2.1	Bedingte Verteilung und Unabhängigkeit	307
5.6.2.2	Satz von Bayes für Zufallsvariablen	308
5.6.3	Korrelationskoeffizient	309
5.6.4	Zweidimensionale Normalverteilung	310

6	Schätzen	312
6.1	Stichproben-Erhebung	312
6.2	Zufallsstichproben und Zufallszahlen	313
6.2.1	Spezielle Stichprobenverfahren	318
6.3	Das Schätzen von Parametern	321
6.3.1	Vorbemerkungen	321
6.3.1.1	Der Schluss von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit	321
6.3.1.2	Punktschätzung und Intervallschätzung	322
6.3.1.3	Schätzwert und Schätzfunktion	322
6.3.2	Wünschenswerte Eigenschaften von Schätzfunktionen	323
6.3.2.1	Schätzfunktion für die Varianz	324
6.3.3	Gesetz der großen Zahlen	324
6.3.4	Der mittlere quadratische Fehler	325
6.4	Schätzverfahren für Maßzahlen einer Verteilung	326
6.4.1	Momentenmethode	326
6.4.2	Schätzung nach der größten Erwartung (MLE)	327
6.4.2.1	ML-Schätzer zur Binomialverteilung	329
6.4.2.2	ML-Schätzer zur Negativen Binomialverteilung	330
6.4.2.3	ML-Schätzer zur Poisson-Verteilung	332
6.4.2.4	ML-Schätzer zur Normalverteilung	332
6.4.3	Schätzung nach dem kleinsten Fehler (OLS)	333
6.5	Intervallschätzung - Konfidenzintervalle	334
6.6	Konfidenzintervall für den Anteilswert aus einer dichotomen Grundgesamtheit	337
6.6.1	Approximation durch die Normalverteilung	341
6.6.2	Nullergebnisse bzw. Vollergebnisse	343
6.6.3	Schnellschätzung der Vertrauensgrenzen anhand einer beobachteten relativen Häufigkeit nach Clopper und Pearson	345
6.6.4	Konfidenzintervall für die Differenz zweier Anteile	346
6.6.5	Konfidenzintervall für das Verhältnis zweier Anteile	347
6.6.6	Mindestumfang einer Stichprobe zur Schätzung eines Anteils	349
6.7	Konfidenzintervalle für den Erwartungswert einer Poisson-Verteilung	352
6.7.1	Zentrale („exakte“) Konfidenzintervalle	352
6.7.2	Nicht-zentrale (kürzeste) Konfidenzintervalle nach Crow und Gardner	355
6.7.3	Konfidenzintervall für das Verhältnis zweier Raten (Poisson-Verteilung)	355
6.7.4	Konfidenzintervalle für standardisierte Raten	357
6.8	Konfidenzintervalle für den Erwartungswert einer Normalverteilung	360
6.8.1	Vertrauenswahrscheinlichkeit und Irrtumswahrscheinlichkeit	360
6.8.2	Konfidenzintervall für den Erwartungswert	361
6.8.3	Konfidenzintervall für die Differenz zweier Erwartungswerte	364
6.8.4	Konfidenzintervall für den Erwartungswert aus Paardifferenzen	366
6.8.5	Konfidenzintervall für das Verhältnis zweier Erwartungswerte	367
6.8.6	Konfidenzintervall für Verhältniszahlen	367
6.8.7	Konfidenzintervall für den Erwartungswert einer Lognormalverteilung	368
6.9	Konfidenzintervall für die mittlere absolute Abweichung	369
6.10	Konfidenzintervall für den Median	370
6.10.1	Konfidenzintervall für die Differenz und den Quotienten von Medianen	374
6.10.2	Verteilungsunabhängige Konfidenzintervalle für beliebige Quantile	376
6.11	Konfidenzintervalle nach dem Bootstrap-Verfahren	377
6.12	Konfidenzintervalle für die Varianz einer Normalverteilung	380
6.12.1	Konfidenzintervall für den Quotienten zweier Varianzen	383
6.13	Weibull-Verteilung	384

6.13.1	Bestimmung der Parameter	384
6.13.2	Konfidenzintervall für die Weibull-Gerade	385
6.14	Konfidenzintervalle für die Parameter einer linearen Regression	386
6.14.1	Die Schätzung einiger Standardabweichungen	386
6.14.2	Konfidenzintervalle für den Regressionskoeffizienten, für den Achsenabschnitt und für die Restvarianz	390
6.14.3	Konfidenzintervalle und Prädiktionsintervalle für die Regressionsgerade	391
6.14.4	Inverse Prädiktion aus einer linearen Regression	396
6.15	Konfidenzintervall für den Korrelationskoeffizienten	396
6.16	Übereinstimmung und Präzision von Messwerten	399
6.16.1	Übereinstimmung von Messwertreihen nach Bland-Altman	399
6.16.2	Vergleich der Präzision und Genauigkeit zweier Messwertreihen	401
6.16.3	Der Konkordanz-Korrelationskoeffizient	402
6.16.4	Intraklassen-Korrelation: Interrater-Reliabilität	404
6.17	Toleranzgrenzen	407
6.17.1	Verteilungsunabhängige Toleranzgrenzen	409
6.18	Voraussageintervalle (Prädiktionsintervalle)	410
6.18.1	Voraussageintervalle für den Mittelwert von m künftigen Beobachtungen	410
6.18.2	Voraussageintervalle für alle künftigen Beobachtungen	412
6.18.3	Voraussageintervalle für die Standardabweichung von m künftigen Beobachtungen	414
6.19	Bayes-Schätzung	414
6.19.1	A-priori Verteilungen (Prior)	418
6.19.2	Parameterschätzung nach Bayes	420
7	Hypothesentest	424
7.1	Der statistische Test	424
7.1.1	Entscheidungsprinzipien	425
7.1.2	Statistische Hypothesen und Testentscheidungen	426
7.1.3	Die Formulierung von Hypothesen	429
7.1.3.1	Alternativhypothese als Gegensatz zur Nullhypothese	429
7.1.3.2	Durch Daten angeregte Hypothesen	430
7.1.4	Der P -Wert nach R.A. Fisher	430
7.1.5	Wie oft wird eine wahre Nullhypothese abgelehnt?	433
7.1.6	Statistischer Test - Schritt für Schritt	434
7.1.6.1	Der Likelihood-Quotient; das Neyman-Pearson Lemma	436
7.1.7	Powerfunktion und Operationscharakteristik	438
7.1.8	Die Operationscharakteristik	443
7.1.8.1	Die OC-Kurve in der Qualitätskontrolle	443
7.1.9	Äquivalenztests	445
7.1.10	Verteilungsunabhängige Verfahren	446
7.2	Tests der Verteilung (Anpassungstests, goodness of fit)	449
7.2.1	Der Quotient R/s	449
7.2.2	Überprüfung des 3. und 4. Momentes	451
7.2.3	Der Quantile-Quantile Plot	454
7.2.4	Box-Cox-Transformation	456
7.2.5	Der Chiquadrat-Anpassungstest	457
7.2.6	Kolmogoroff-Smirnoff-Anpassungstest	461
7.2.6.1	Anpassung an eine Poisson-Verteilung	464
7.2.7	Shapiro-Wilk Test	466
7.2.8	Anderson-Darling Test	466
7.2.9	Ausreißerproblem	467

7.2.9.1	Grubbs-Test für Ausreißer	469
7.2.9.2	Q-Test nach Dixon	470
7.2.9.3	Standardisierte Extremabweichungen	470
7.3	Einstichprobenverfahren	471
7.3.1	Hypothesen zu Wahrscheinlichkeiten	472
7.3.1.1	Binomialtest	472
7.3.1.2	Binomialtest - Approximation durch die Normalverteilung	474
7.3.1.3	Binomialtest - Fallzahlabschätzung	475
7.3.1.4	Binomialtest: Likelihood-Quotienten-Test	477
7.3.2	Hypothesen zu Erwartungswerten, die sich auf einen empirischen Mittelwert beziehen	478
7.3.2.1	Einstichproben- t -Test	478
7.3.2.2	Fallzahlabschätzung zum Einstichproben- t -Test	481
7.3.2.3	Einstichprobentest auf Äquivalenz	483
7.3.3	Einstichproben-Median-Test	484
7.3.4	Vergleich einer empirischen Varianz mit ihrem Parameter	486
7.3.5	Asymptotischer Test für den Variationskoeffizienten	486
7.3.6	Prüfung der Zufällsmäßigkeit einer Folge von Alternativdaten oder von Messwerten	488
7.3.6.1	Die sukzessive Differenzenstreuung	488
7.3.6.2	Der Iterationstest für die Prüfung, ob eine Folge von Alternativdaten oder von Messwerten zufallsgemäß ist	488
7.3.6.3	Phasenhäufigkeitstest von Wallis und Moore	492
7.3.6.4	Der Vorzeichen-Trendtest von Cox und Stuart	492
7.3.6.5	Variabilität der zentralen Tendenz	493
7.3.7	Prüfung der Erwartungswerte von Poisson-Verteilungen	494
7.4	Zweistichprobenverfahren	497
7.4.1	Vergleich zweier Varianzen (F-Test)	497
7.4.1.1	Varianzvergleich bei kleinem bis mittlerem Stichprobenumfang	497
7.4.1.2	Varianzvergleich bei mittlerem bis großem Stichprobenumfang	499
7.4.1.3	Varianzvergleich bei großem bis sehr großem Stichprobenumfang	500
7.4.1.4	Minimale Stichprobenumfänge für den F-Test	500
7.4.1.5	Vergleich der Streuung zweier kleiner Stichproben nach Pillai und Buenaventura	501
7.4.2	Rangdispersionstest von Siegel und Tukey	501
7.4.3	Ansari-Bradley-Test	505
7.4.4	t -Test für unabhängige Stichproben	508
7.4.4.1	Unbekannte aber gleiche Varianzen	508
7.4.4.2	t -Test bei unbekannten Varianzen, die möglicherweise ungleich sind	513
7.4.4.3	Fallzahlabschätzung für den t -Test für zwei unabhängige Stichproben	516
7.4.4.4	Bootstrap: t -Test Variante	519
7.4.4.5	Multivariater t -Test nach Hotelling	521
7.4.5	t -Test für Paardifferenzen	523
7.4.5.1	Gepaarte Beobachtungen	523
7.4.5.2	Absolute oder prozentuale Veränderungen	524
7.4.5.3	t -Test für paarweise angeordnete Messwerte	525
7.4.5.4	Prüfung der Gleichheit zweier Varianzen paariger Stichproben	527
7.4.6	Wilcoxon-Rangsummentest für zwei unabhängige Stichproben (U-Test)	527
7.4.6.1	Der U -Test bei Rangaufteilung	535

7.4.6.2	Effektstärke im Vergleich unabhängiger Stichproben	537
7.4.6.3	Fallzahlabschätzung für den U -Test	541
7.4.7	Wilcoxon-Paardifferenzentest	542
7.4.7.1	Konfidenzintervall für den Median der Paardifferenzen	545
7.4.7.2	Der Maximum-Test für Paardifferenzen	546
7.4.7.3	Der Vorzeichentest von Dixon und Mood	547
7.4.7.4	Stichprobenumfang für den Vorzeichentest / Wilcoxon-Test für Paardifferenzen	548
7.4.8	Vergleich zweier unabhängiger Stichproben nach Kolmogoroff und Smirnov	550
7.4.9	Cramér-von Mises Test	552
7.4.10	Einige weitere verteilungsunabhängige Verfahren für den Vergleich unabhängiger Stichproben	554
7.4.10.1	Der Zwei-Stichproben Dispersionstest: Count Five	554
7.4.10.2	Rosenbaumsche Schnelltests	555
7.4.10.3	Permutationstest, Randomisierungstest	556
7.4.10.4	Der Vergleich zweier unabhängiger Stichproben: Schnelltest nach Tukey	560
7.4.10.5	Der Median-Test	561
7.4.11	Zweistichproben test auf Äquivalenz	562
7.4.11.1	Test auf Bioäquivalenz	564
7.5	Mehrfacher Hypothesentest	566
7.5.1	Multipl. Testproblem	566
7.5.2	Adjustierung von P -Werten	568
7.5.3	Kombination von P -Werten aus gleichgerichteten einseitigen Tests	573
7.6	Mehrstichprobenverfahren, varianzanalytische Methoden	575
7.6.1	Prüfung der Gleichheit mehrerer Varianzen	576
7.6.1.1	Prüfung der Gleichheit mehrerer Varianzen nach Hartley	577
7.6.1.2	Prüfung der Gleichheit mehrerer Varianzen nach Cochran	577
7.6.1.3	Prüfung der Gleichheit mehrerer Varianzen nach Bartlett	578
7.6.1.4	Robuster Test auf Varianzhomogenität nach Levene in der Brown-Forsythe-Version	580
7.6.2	Einfache Varianzanalyse (ANOVA, analysis of variance)	581
7.6.2.1	Permutationstest zur Varianzanalyse	585
7.6.2.2	Stichprobenumfänge und Power für den varianzanalytischen Mittelwertvergleich	586
7.6.3	Multiple paarweise Vergleiche und weitere Mittelwertvergleiche	588
7.6.3.1	Multiple Vergleiche nach Tukey-Kramer	588
7.6.3.2	Multiple Vergleiche nach Games-Howell	591
7.6.3.3	Multiple Vergleiche mit einer Kontrolle nach Dunnett	593
7.6.3.4	Multiple Vergleiche: Auswahl des „Besten“ nach Hsu	595
7.6.3.5	Bereichsschätzung für den maximalen Erwartungswert	597
7.6.3.6	Multipler Vergleich von Mittelwerten mit dem Gesamtmittel: Maximum-Modulus-Ansatz	598
7.6.3.7	Beurteilung linearer Kontraste nach Scheffé	600
7.6.3.8	Bildung homogener Gruppen von Mittelwerten anhand des nach Hayter modifizierten LSD-Tests	603
7.6.4	H-Test von Kruskal und Wallis	604
7.6.4.1	Multiple paarweise Vergleiche mittlerer Ränge	608
7.6.4.2	H -Test mit Stichproben-Untergruppen	611

7.6.4.3	H-Test-Variante: Vergleich eines Standards mit mehreren Behandlungen	612
7.6.4.4	Trendtest nach Jonckheere: Vergleich mehrerer geordneter Verteilungsfunktionen, zugleich ein Trendtest für Mediane	614
7.6.5	Varianzanalyse für Messwiederholungen (Blockvarianzanalyse)	617
7.6.6	Friedman-Test	618
7.6.6.1	Multiple paarweise Vergleiche nach Wilcoxon und Wilcox	623
7.6.6.2	Page-Test für geordnete Alternativen, die auf Friedman-Rangsummen basieren	626
7.6.7	Zweifache Varianzanalyse	628
7.6.8	Analyse von wiederholten Messungen	633
7.6.8.1	Typisierung wiederholter Messungen	633
7.6.8.2	ANOVA für wiederholte Messungen (gemischte Modelle)	636
7.6.9	Prinzipien der Versuchsplanung	637
7.7	Die Analyse von Häufigkeiten	645
7.7.1	Vergleich zweier relativer Häufigkeiten	645
7.7.2	Analyse von Vierfeldertafeln	647
7.7.2.1	Fallzahl und Power zum Vierfeldertest	652
7.7.2.2	Minimales n für den Vierfeldertest	654
7.7.2.3	Vorsicht vor Trugschlüssen beim Vierfeldertest	655
7.7.3	Spezielle Risiko- und Effektmaße	656
7.7.3.1	Odds Ratio und relatives Risiko	656
7.7.3.2	Konfidenzintervalle für das Relative Risiko und für die Odds Ratio	660
7.7.3.3	Stichprobenumfänge für die Schätzung von Odds Ratio und Relativem Risiko	661
7.7.3.4	Der expositionsbedingte Anteil Erkrankter: Population Attributable Risk	666
7.7.3.5	Number Needed to Treat (NNT)	667
7.7.4	Exakter Test nach R.A. Fisher	669
7.7.5	Äquivalenz zweier Binomialwahrscheinlichkeiten	671
7.7.6	Der von McNemar modifizierte Vorzeichentest	674
7.7.7	Test nach Mantel-Haenszel	679
7.7.7.1	Breslow-Day-Test	681
7.7.7.2	Die Kombination von Vierfeldertafeln	684
7.7.8	Der $k \times 2$ -Felder-Test nach Brandt und Snedecor	686
7.7.8.1	Zerlegung der Freiheitsgrade einer $k \times 2$ -Feldertafel	689
7.7.8.2	Multipler Vergleich von Anteilen (Marascuilo-Prozedur)	692
7.7.8.3	Homogenitätstest nach Ryan (Lückentest)	694
7.7.8.4	Power- und Fallzahlabeschätzung zum $k \times 2$ -Felder-Test	695
7.7.9	Cochran-Armitage Test auf linearen Trend	696
7.7.10	Vergleich mehrerer Anteile mit einem vorgegebenen Anteilswert (Standard)	700
7.7.11	Die Analyse von Kontingenztafeln des Typs $r \times c$	701
7.7.11.1	Kontingenzkoeffizient - Stärke des Zusammenhangs	711
7.7.11.2	Lokalisation der stochastischen Abhängigkeit nach Hommel	713
7.7.11.3	Simultane Paarvergleiche nach Royen	714
7.7.11.4	Prüfung auf Trend: Der Anteil der linearen Regression an der Gesamtvariation	717
7.7.12	Bowker-Test auf Symmetrie in quadratischen Mehrfeldertafeln	721
7.7.13	Marginalhomogenitätstest nach Lehmacher	722
7.7.14	Q-Test nach Cochran	724

7.7.14.1	Simultane Konfidenzintervalle für paarweise Differenzen von Erfolgsanteilen	725
7.7.15	Cohen's Kappa-Koeffizient	727
7.7.15.1	Das gewichtete Kappa	730
7.7.15.2	Das Kappa für mehrfache Beurteilungen (Multi-Rater)	731
7.7.16	Kendalls Konkordanzkoeffizient W	734
7.8	Hypothesentests zur Korrelation und Regression	735
7.8.1	Prüfung des Vorhandenseins einer Korrelation (Pearson)	736
7.8.1.1	z-Transformation nach R.A. Fisher	740
7.8.1.2	Anwendungen der z-Transformation	741
7.8.1.3	Fallzahl und Power zum Korrelationskoeffizienten	743
7.8.1.4	Der Vergleich mehrerer Korrelationskoeffizienten	744
7.8.2	Prüfung des Rang-Korrelationskoeffizienten nach Spearman(Rho-S)	745
7.8.3	Prüfung des Rang-Korrelationskoeffizienten nach Kendall (Tau)	747
7.8.4	Hypothesentests zu den Parametern einer Regression	748
7.8.4.1	Prüfung der Linearität einer Regression	749
7.8.4.2	Chow-Test: „Strukturbruch“ in einer linearen Regression	750
7.8.4.3	Durbin-Watson-Test: Autokorrelation in den Residuen	751
7.8.4.4	Prüfung des Regressionskoeffizienten gegen Null	754
7.8.4.5	Prüfung der Differenz zwischen einem geschätzten und einem hypothetischen Regressionskoeffizienten.	754
7.8.4.6	Prüfung der Differenz zwischen einem geschätzten und einem hypothetischen Achsenabschnitt.	755
7.8.4.7	Vergleich zweier Regressionskoeffizienten	755
7.8.4.8	Vergleich zweier Achsenabschnitte	757
8	Statistische Modellbildung	758
8.1	Einführung	758
8.2	Lineare Regressionsmodelle	762
8.2.1	Die einfache lineare Regression	762
8.2.2	Multiple lineare Regression	766
8.2.3	Überwindung von Multikollinearität in Regressionsmodellen.	771
8.2.4	Analyse der Residuen im linearen Modell	772
8.2.5	Heteroskedastizität im linearen Modell	775
8.2.6	Hypothesentest und Konfidenzintervalle zum linearen Modell	777
8.2.7	Verfahren der Variablenauswahl	778
8.2.8	Nominalskalierte Einflussgrößen	782
8.3	Varianzanalyse im linearen Modell	782
8.3.1	Einfaktorielle Varianzanalyse	782
8.3.1.1	Erwartungswert-Parametrisierung	783
8.3.1.2	Effekt-Parametrisierung: Dummy-Codierung	784
8.3.1.3	Effekt-Parametrisierung: Effekt-Codierung	785
8.3.1.4	Varianzkomponenten - ANOVA	786
8.3.2	Zweifaktorielle Varianzanalyse	787
8.4	Logistische Regression	791
8.4.1	Hypothesentest im logistischen Regressionsmodell	795
8.4.2	Multiple logistische Regression	796
8.4.3	Interpretation der Regressionskoeffizienten.	800
8.4.4	Variablenauswahl im Rahmen der Modellbildung	801
8.4.5	Residuenanalyse	802
8.4.6	Pseudo-Bestimmtheitsmaße	804
8.5	Poisson-Regression und loglineare Modelle	804

8.5.1	Poisson-Regression	805
8.5.1.1	Dispersionsindex und Poisson-Regression	808
8.5.2	Analyse von Kontingenztafeln	808
8.5.3	Loglineares Modell am Beispiel von 2 Faktoren	811
8.5.4	Dreidimensionale Kontingenztafeln	813
8.5.4.1	Modellbildung unter verschiedenen Restriktionen	813
8.5.4.2	Modellauswahl im loglinearen Ansatz	815
8.5.4.3	Fünf Einschränkungen und Hinweise zum loglinearen Modell	818
8.6	Modelle zu wiederholten Messungen	819
8.6.1	Varianzanalyse für wiederholte Messungen	819
8.6.2	Lineare gemischte Modelle	823
8.6.3	Analyse von Cluster-Daten	830
8.6.4	Verallgemeinerte Schätzgleichungen	835
8.7	Analyse von Überlebenszeiten	839
8.7.1	Kaplan-Meier Schätzung der Überlebensfunktion	842
8.7.2	Der Logrank-Test	847
8.7.3	Parametrische Modelle für Überlebenszeiten	850
8.7.4	Das Cox-Regressionsmodell	852
8.7.4.1	Regressionsmodelle zu Überlebenszeiten	852
8.7.4.2	Das Proportional-Hazards Modell von Cox	853
8.7.4.3	Parameter-Schätzung zum Cox-Modell	854
8.7.4.4	Interpretation der Parameter	856
8.7.4.5	Modellbildung; zur Auswahl geeigneter Einflussgrößen	859
8.7.4.6	Güte der Modellanpassung, Residuenanalyse	860
9	Einführung in R	864
9.1	Das Konsolfenster	864
9.2	Hilfestellung in R	868
9.3	Objekte in R	869
9.3.1	Vektoren	869
9.3.2	Erzeugen von Vektoren und Dateneingabe	871
9.3.3	Faktoren in R, Klassenbildung	872
9.3.4	Erzeugen von Matrizen	872
9.3.5	Rechnen mit Matrizen in R am Beispiel der Herleitung einer Kovarianzmatrix	873
9.3.6	Tabellen: Daten in Rahmen (data.frame)	874
9.4	Fehlende Angaben	876
9.5	Auswahl und Sortierung von Daten	877
9.6	Ablaufsteuerung: logische Bedingungen und Funktionen in R	879
9.7	Einige mathematische und statistische Funktionen	882
9.8	Modellbildung in R	886
9.9	Einfache graphische Funktionen und Hilfsmittel	887
	Literaturverzeichnis	893
	Namensverzeichnis	921
	Verzeichnis Anwendung der R-Funktionen	929
	Sachverzeichnis	933