

1	Notationen und Definitionen	1
----------	------------------------------------	----------

Teil I Aufgaben

2	Grundlagen	27
2.1	Mengen	27
2.2	Geordnete und metrische Räume	29
2.3	Funktionen und Abbildungen	31
2.4	Zahlenfolgen und Mengenfolgen	33
2.5	Elementare Ungleichungen	35
2.6	Das Maßproblem	36
3	Mengensysteme und messbare Abbildungen	39
3.1	Ringe, Halbringe und Algebren	39
3.2	Monotone Klassen, σ -Ringe und σ -Algebren	40
3.3	Erzeugte σ -Algebren	43
3.4	Produkt- σ -Algebren	46
3.5	Dynkin-Systeme	47
3.6	Messbare Funktionen und Abbildungen	48
3.7	Messbare Mengen	51
4	Maße und Maßräume	55
4.1	Maße, Inhalte, Prämaße und äußere Maße	55
4.2	Lebesgue-Maß und Lebesguesche Nullmengen	58
4.3	Vollständige Maße	60
4.4	Das Cantorsche Diskontinuum	62
5	Lebesgue-Integral	65
5.1	Eigenschaften des Lebesgue-Integrals	65
5.2	Konvergenzsätze	69
5.3	Riemann-Integral und Lebesgue-Integral	71

6	Produktmaße, Satz von Fubini und Transformationssatz	75
6.1	Produktmaße	75
6.2	Prinzip von Cavalieri	76
6.3	Satz von Tonelli und Satz von Fubini	78
6.4	Transformationssatz und Koordinatentransformationen	79
7	L^p-Räume und Konvergenzbegriffe	85
7.1	Die Räume $\mathcal{L}^p(X, \mathfrak{A}, \mu)$ und $L^p(X, \mathfrak{A}, \mu)$	85
7.2	Konvergenzbegriffe der Maß- und Integrationstheorie	87

Teil II Lösungshinweise

8	Lösungshinweise Grundlagen	91
9	Lösungshinweise Mengensysteme und messbare Abbildungen	105
10	Lösungshinweise Maße und Maßräume	125
11	Lösungshinweise Lebesgue-Integral	139
12	Lösungshinweise Produktmaße, Satz von Fubini und Transformationssatz	151
13	Lösungshinweise L^p-Räume und Konvergenzbegriffe	163

Teil III Lösungen

14	Lösungen Grundlagen	173
15	Lösungen Mengensysteme und messbare Abbildungen	215
16	Lösungen Maße und Maßräume	287
17	Lösungen Lebesgue-Integral	341
18	Lösungen Produktmaße, Satz von Fubini und Transformationssatz	381
19	Lösungen L^p-Räume und Konvergenzbegriffe	423
	Literatur	445
	Stichwortverzeichnis	447