

Inhalt

| | |
|---|----|
| Einleitung | 13 |
| 1. Fragestellung und Stand der Forschung..... | 13 |
| 2. Methodische Überlegungen | 16 |
| 3. Aufbau der Studie | 21 |
| I. Mathematik im System der theoretischen Wissenschaften..... | 23 |
| 1. Mathematik zwischen Naturwissenschaft und Theologie (Boeth. trin. 2, 68–83) | 23 |
| 2. Zu den Grundlagen der Wissenschaftssystematik | 29 |
| 2.1 Zur theoretischen Ausrichtung der Mathematik..... | 30 |
| 2.2 Zur Rolle von Wahrnehmung und Vorstellung in der Mathematik..... | 35 |
| 2.3 Zur Unterordnung der Musik unter die Arithmetik | 38 |
| 2.4 »Früher für uns« und »früher der Sache nach« | 39 |
| 2.5 Das immateriell »Seiende« als Inhalt einer Wissenschaft... | 45 |
| 2.6 Zusammenfassung: Dreiteilung der Wissenschaften..... | 48 |
| 2.7 Zur Unterscheidung von Form(en) und Materie..... | 50 |
| 2.8 Zur abstrahierten Form als Operationsgegenstand | 55 |
| 2.9 Zu den Erkenntnismodi der drei Wissenschaften | 57 |
| 2.9.1 Rationales Erkennen und Naturwissenschaft | 57 |
| 2.9.2 Wissenschaftliches Erkennen und Mathematik..... | 60 |
| 2.9.3 Intellektives Erkennen und Theologie..... | 62 |
| 3. Zusammenfassung..... | 65 |
| II. Musiktheorie im System des Quadrivium (Proömium Boeth. arithm.) | 68 |
| 1. Geistesgeschichtlicher Hintergrund | 68 |
| 1.1 Boethius im Kontext neuplatonischen Philosophierens über Mathematik | 68 |
| 1.1.1 Quellen von »Arithmetik« und »Musiktheorie«..... | 68 |

| | |
|--|-----|
| 1.1.2 Überblick über die neuplatonische Mathematiktradition | 70 |
| 1.2 Vergleich der Arithmetiksschriften des Nikomachos und des Boethius | 72 |
| 1.2.1 Zur didaktischen Aufbereitung durch Boethius | 74 |
| 1.2.2 Schlussfolgerungen zu Boethius' Kompetenz | 78 |
| 1.2.3 Zu potentiellen negativen Folgen von Boethius' Modifikationen | 84 |
| 2. Die Unterteilung der Mathematik in die vier Disziplinen des Quadrivium | 88 |
| 2.1 Unterscheidung zwischen Größe und Vielheit | 89 |
| 2.2 Unterscheidung zwischen »für sich« und »in Relation« | 92 |
| 2.3 Zuordnung der vier quadrivialen Wissenschaften | 94 |
| 2.4 Zur Begründung des Quadrivium in der Metaphysik | 97 |
| 2.5 Begründung der Vorrangstellung der Arithmetik | 100 |
| 2.5.1 Vorrang der Arithmetik vor der Geometrie | 101 |
| 2.5.2 Vorrang der Arithmetik vor der Musiktheorie | 102 |
| 2.5.3 Vorrang der Geometrie vor der Astronomie | 103 |
| 3. Zum Ziel der Mathematik | 104 |
| 3.1 Aufstieg zum Gipfel der Philosophie | 104 |
| 3.2 Der gestufte Aufstieg zur Weisheit | 107 |
| 3.3 Vom <i>sensus</i> zum <i>intellectus</i> | 109 |
| 3.4 Zur primär theoretischen Ausrichtung des Quadrivium | 113 |
| 3.5 Das Seiende als Erkenntnisziel des Philosophen | 115 |
| 3.5.1 Das wahrhaft Seiende | 116 |
| 3.5.2 Das homonym Seiende | 118 |
| 3.5.3 »Sein « als »etwas Bestimmtes sein« | 120 |
| 3.5.4 Vielheit und Größe als Vorbilder für »so viel« und »so groß« | 122 |
| 3.5.5 Der ontologisch-gnoseologische Komparativ | 123 |
| 3.5.6 Die Seienden als aktive, göttliche, und intelligible Prinzipien | 125 |
| 4. Was ist Zahl? | 130 |
| 4.1 Zur rational erfassbaren, wissenschaftlichen Zahl | 132 |
| 4.2 Zur intelligiblen Zahl | 135 |
| 4.2.1 Intelligible Arithmetik als Vorbild für die Schöpfung | 136 |
| 4.2.2 Zum Wesen der intelligiblen Zahl | 140 |

| | | |
|-------|--|-----|
| 4.3 | Boethius' »Arithmetik« als Lehrbuch der Zahltheorie und Grundlage der »Musiktheorie« | 144 |
| 4.3.1 | Zentrale arithmetische Erkenntnisziele | 144 |
| 4.3.2 | Synopsis zentraler arithmetischer Prinzipien für die Musiktheorie..... | 147 |
| III. | »De institutione musica« als musiktheoretisches Lehrbuch | 152 |
| 1. | Musiktheorie als Wissenschaft von Zahlenverhältnissen | 153 |
| 1.1 | Zahlenverhältnisse in Boethius' »Arithmetik«..... | 153 |
| 1.1.1 | Zum Erkenntnisziel..... | 154 |
| 1.1.2 | Zum Operationsgegenstand | 159 |
| 1.1.3 | Fazit | 161 |
| 1.2 | Zur Abhängigkeit des Zahlenverhältnisses von der Binnenstruktur der Zahlen (mus. 2, 6)..... | 162 |
| 1.2.1 | Zum Stand der Forschung..... | 164 |
| 1.2.2 | Deutungsversuch von Boeth. mus. 2, 6 | 167 |
| 1.3 | Zahlenverhältnis als Form des erklingenden Intervalls | 177 |
| 1.3.1 | Zum Stand der Forschung..... | 177 |
| 1.3.2 | Zahlenverhältnisse als spezifische Charakteristika der Intervalle..... | 182 |
| 1.3.3 | Philologische Indizien | 186 |
| 1.3.4 | Präzisierung: Zahlenverhältnisse als Formursachen der Intervalle | 190 |
| 1.3.5 | Vergleich mit Ptolemaios' »Harmonielehre«..... | 199 |
| 1.4 | Zusammenfassung | 201 |
| 2. | Zur Funktion von Boeth. mus. 1, 10f. (»Pythagoras in der Schmiede«)..... | 203 |
| 2.1 | Vom <i>sensus</i> via Meinung zur <i>ratio</i> | 206 |
| 2.1.1 | Die Darstellung bei Boethius..... | 206 |
| 2.1.2 | Vergleich mit den Versionen von Nikomachos und Macrobius | 213 |
| 2.2 | Kopfwendung vom Schein zum Sein | 216 |
| 2.3 | Methodenwechsel, Motivation und Reverenz an Pythagoras..... | 218 |
| 2.4 | Vernachlässigung der physikalischen Fehler als Indiz für die Funktion der Legende..... | 219 |
| 2.5 | Zusammenfassung | 222 |
| 3. | Boethius' »Fehler« in mus. 3, 14–16 | 223 |
| 4. | Zur Beschränkung auf 1-2-3-4 (Tetraktys) | 230 |

| | | |
|-------|--|-----|
| 4.1 | Forschungsansätze | 232 |
| 4.2 | Erster Erklärungsansatz | 235 |
| 4.3 | Zweiter Erklärungsansatz | 238 |
| 4.4 | Fazit und abschließende Bemerkung zur Untersuchungsebene | 240 |
| 5. | Zum anagogischen Potential der dreigeteilten Musik..... | 242 |
| 5.1 | Die Dreiteilung der Musik | 245 |
| 5.1.1 | Die Unterteilung der Musik in Boeth. mus. 1, 2 | 245 |
| 5.1.2 | Platons »Timaos« als Schlüssel zu den drei Musiken | 249 |
| 5.1.3 | Die Verwandtschaft von All, Seele und hörbarer Musik bei Boethius | 256 |
| 5.1.4 | Ptolemaios' »Harmonielehre« als anagogisches Lehrbuch..... | 259 |
| 5.2 | Reflexion des Wahrnehmungsaktes als anagogische Methode | 267 |
| 5.2.1 | Augustinus' »De musica« als anagogisches Lehrbuch | 267 |
| 5.2.2 | Boethius' innere Formen der Wahrnehmung | 272 |
| 5.2.3 | Fazit zum Wert des Wahrnehmens und der hörbaren Musik | 276 |
| 5.3 | Der wahre Philosoph und Politiker als vollendeter <i>musicus</i> | 279 |
| 5.3.1 | Gesundung des Individuums | 279 |
| 5.3.2 | Gesundung von Staat und Individuum | 281 |
| 5.3.3 | Zusammenfassung | 285 |
| 5.4 | Fazit zur anagogischen Anlage von Boethius' Musiktheorie | 286 |
| | Zusammenfassung..... | 291 |
| | Anhang (Übersetzungen; arithmetische Fachtermini) | 297 |
| | Bibliographie..... | 377 |
| | Index locorum | 390 |