

Inhaltsverzeichnis

Aus dem Vorwort zur 1. Auflage	v
Vorwort zur 2. Auflage	vii
Vorwort zur 3. Auflage	ix
Inhaltsverzeichnis	x
1 Holomorphe Funktionen	1
1.1 Die komplexen Zahlen	1
1.2 Komplex differenzierbare Funktionen	18
1.3 Reelle und komplexe Differenzierbarkeit	34
1.4 Der komplexe Logarithmus	45
1.5 Anwendungen	51
Summenberechnungen • Differentialgleichungen • Komplexe Zahlen in der Geometrie • Komplexe Zahlen in der Elektrotechnik • Harmonische Funktionen und ebene Strömungsfelder.	
2 Integration im Komplexen	71
2.1 Komplexe Kurvenintegrale	71
2.2 Der Cauchy'sche Integralsatz	79
2.3 Der Entwicklungssatz	89
2.4 Anwendungen	102
Das Dirichlet-Problem • Ebene Felder • Die Green'sche Funktion.	
3 Isolierte Singularitäten	115
3.1 Laurent-Reihen	115
3.2 Umlaufszahlen	128
3.3 Der Residuensatz	138
3.4 Der verallgemeinerte Integralsatz	154
3.5 Anwendungen	161
Partialbruchzerlegung • Integralberechnungen • Cauchy'sche Hauptwerte und Dispersionsrelationen • Fourier-Transformationen • Laplace-Transformationen.	
4 Meromorphe Funktionen	191
4.1 Holomorphie im Unendlichen	191

4.2	Der Satz von Mittag-Leffler	203
4.3	Der Weierstraß'sche Produktsatz	210
4.4	Runge-Approximation	219
4.5	Die Gamma-Funktion	236
4.6	Elliptische Funktionen	246
4.6	Anwendungen	256
	Reihenberechnungen I • Reihenberechnungen II • Das Residuum im unendlich fernen Punkt • Asymptotische Entwicklungen • Die Sattelpunktmethode • Die Riemann'sche Zeta-Funktion • Elliptische Kurven.	
5	Geometrische Funktionentheorie	291
5.1	Automorphismen von Gebieten	291
5.2	Normale Familien	303
5.3	Der Riemann'sche Abbildungssatz	312
5.4	Holomorphe Fortsetzung	317
5.5	Randverhalten	324
5.6	Das Spiegelungsprinzip	332
5.7	Anwendungen	338
	Die Mandelbrot-Menge • Nichteuklidische Geometrie • Die Formel von Schwarz-Christoffel • Elliptische Integrale und Jacobi'sche elliptische Funktionen.	
6	Lösungen zu den Aufgaben	357
6.1	Lösungen zu Kapitel 1	357
6.2	Lösungen zu Kapitel 2	366
6.3	Lösungen zu Kapitel 3	372
6.4	Lösungen zu Kapitel 4	386
6.5	Lösungen zu Kapitel 5	400
	Literaturverzeichnis	415
	Symbolverzeichnis	417
	Stichwortverzeichnis	420