
Inhalt

1	Funktionen	9
1.1	Grundbegriffe	9
1.1.1	Zahlensysteme — Zahlenmengen	9
1.1.2	Koordinatensysteme	12
1.1.3	Funktionen — Relationen	19
1.1.4	Umkehrfunktionen — Umkehrrelationen	31
1.1.5	Nullstellen — Achsenschnittpunkte	35
1.1.6	Monotonieverhalten von Funktionen	38
1.1.7	Symmetrie von Funktionen	41
1.1.8	Verknüpfung von Funktionen	44
1.1.9	Funktionen mit mehreren Variablen	52
1.1.10	Funktionen in Polarkoordinatendarstellung	59
1.1.11	Parameterdarstellung von Kurven	66
1.1.12	Funktionen und Relationen in impliziter Darstellung	71
	Übungen	77
1.2	Funktionsarten — Funktionseigenschaften	82
1.2.1	Polynome	82
1.2.2	Polynomfunktionen — Ganze rationale Funktionen	85
1.2.3	Grenzwerte	115
1.2.4	Stetigkeit	144
1.2.5	Gebrochene rationale Funktionen	155
1.2.6	Wurzelfunktionen	172
1.2.7	Potenzfunktionen	183
1.2.8	Abschnittsweise definierte Funktionen	186
	Übungen	196
2	Differentialrechnung	202
2.1	Grundbegriffe	202
2.1.1	Ableitung von Funktionen	205
2.1.2	Differenzierbarkeit von Funktionen	213
2.1.3	Ableitungen höherer Ordnung	223
	Übungen	228
2.2	Regeln zur Differentiation von Funktionen	230
2.2.1	Potenzregel	230
2.2.2	Konstantenregel — Faktorregel	235
2.2.3	Summenregel	237
2.2.4	Produktregel	239
2.2.5	Quotientenregel — Kehrwertregel	243
2.2.6	Kettenregel	247
2.2.7	Umkehrregel	259
2.2.8	Differentiation von Exponentialfunktionen	261
2.2.9	Differentiation von Logarithmusfunktionen	268
2.2.10	Differentiation von trigonometrischen Funktionen	278
2.2.11	Differentiation von Arkusfunktionen	301
2.2.12	Differentiation von Hyperbelfunktionen	317
2.2.13	Differentiation von Areahyperbelfunktionen	326
	Übungen	337

2.3	Besondere Differentiationsregeln	348
2.3.1	Differentiation von abschnittsweise definierten Funktionen	348
2.3.2	Logarithmische Differentiation	353
2.3.3	Differentiation von Funktionen in Polarkoordinatendarstellung	356
2.3.4	Differentiation von Funktionen in Parameterdarstellung	363
	Übungen	367
3	Folgen und Reihen	369
3.1	Folgen	369
3.1.1	Folgen als besondere Funktionen	369
3.1.2	Monotonieverhalten und Grenzwerte von Folgen	372
3.1.3	Grenzwertsätze	375
3.1.4	Konvergenzkriterium von Cauchy	378
	Übungen	380
3.2	Funktionenreihen	381
3.2.1	Grundbegriffe	381
3.2.2	Konvergenzkriterien	385
3.2.3	Folgen und Reihen von Funktionen	391
3.2.4	Potenzreihen	393
3.2.5	MacLaurin-Reihe – Satz von Taylor	399
3.2.6	Reihen nicht rationaler Funktionen	407
	Übungen	420
4	Anwendungen der Differentialrechnung	423
4.1	Newtonsches Näherungsverfahren	423
	Übungen	427
4.2	Untersuchung von Funktionseigenschaften mit Hilfe der Differentialrechnung	428
	Übungen	447
4.3	Diskussion von Funktionen	448
	Übungen	487
4.4	Maxima-Minima-Probleme	488
	Übungen	525
4.5	Regeln von de L'Hospital	528
5	Zusammenstellung wichtiger Funktionen, Ableitungen und Reihen	537
5.1	Funktionen	537
5.2	Ableitungen von Funktionen	544
5.3	Reihen	546
	Stichwortverzeichnis	549