

Inhaltsverzeichnis

Kapitel 21. Hauptsätze der mehrdimensionalen Differentialrechnung	1
211. Stetige Differenzierbarkeit	1
212. Hilfssätze	2
213. Der Satz über die Umkehrabbildung	4
214. Die Funktionaldeterminante	7
215. Der Satz über implizite Funktionen	12
216. Der Immersionssatz	16
Kapitel 22. „Flächen“ im \mathbb{R}^m	21
221. Begriff der m -Fläche	21
222. Tangentialebene	23
223. Hyperflächen	26
224. Bedingt stationäre Punkte	28
225. Lagrangesche Multiplikatoren	31
226. Beispiele	34
227. Globale Extrema	39
Kapitel 23. Das Jordansche Maß im \mathbb{R}^m	40
231. Vorbemerkungen	40
232. Äußeres und inneres Jordansches Maß	42
233. Grundeigenschaften des Maßes	45
234. Das Maß von Quadern. Translationsinvarianz	47
235. Verhalten des Maßes gegenüber C^1 -Abbildungen	49
236. Hilfssätze	51
237. Verhalten des Maßes gegenüber linearen Abbildungen	54
Kapitel 24. Mehrfache Integrale	57
241. Das Riemannsche Integral im \mathbb{R}^m	57
242. Reduktionssatz („Satz von Fubini“)	59
243. Integral über beliebige meßbare Mengen	62
244. Praktische Berechnung mehrfacher Integrale	65
245. Anwendung: Volumen der m -dimensionalen Kugel	69
246. Uneigentliche mehrfache Integrale	73

Kapitel 25. Variablentransformation bei mehrfachen Integralen	74
251. Zylinder- und Kugelkoordinaten	74
252. Problemstellung	76
253. Hilfssätze	78
254. Die Transformationsformel	83
Kapitel 26. Flächen im \mathbb{R}^3	87
261. Das Vektorprodukt im \mathbb{R}^3	87
262. Orientierung	91
263. Begriff des Flächeninhalts	93
264. Eigenschaften des Flächeninhalts	98
Kapitel 27. Vektorfelder	102
271. Vorbemerkungen. Begriff des Vektorfeldes	102
272. Linienintegrale	106
273. Konservative Felder	111
274. Infinitesimale Zirkulation	116
275. Rotation (zweidimensionaler Fall)	119
276. Rotation (dreidimensionaler Fall)	121
Kapitel 28. Die Greensche Formel für ebene Bereiche	126
281. Der Heine-Borelsche Überdeckungssatz	126
282. Zerlegung der Einheit	128
283. Die Greensche Formel für glatt berandete Bereiche	131
284. Zulässige Bereiche	133
285. Anwendungen der Greenschen Formel	136
Kapitel 29. Der Satz von Stokes	140
291. Begriff des Flusses	140
292. Zulässige Flächen	144
293. Ein Übertragungsprinzip	147
294. Der Satz von Stokes	149
295. Einfach zusammenhängende Gebiete	152
296. Die Integrabilitätsbedingung	156
Kapitel 30. Der Satz von Gauß	160
301. Divergenz eines Vektorfeldes	160
302. Der Satz von Gauß für glatt berandete Bereiche	164
303. Zulässige Bereiche	167
304. Der Laplace-Operator	169
305. Ein Satz der Potentialtheorie	173
Liste der Symbole und Abkürzungen	177
Sachverzeichnis Analysis I bis III	178

Inhaltsverzeichnis Analysis I

Kapitel 1. Grundbegriffe	1
11. Logische Zeichen	1
12. Mengen	2
13. Funktionen	7
14. Tupel und Folgen	13
15. Äquivalenzrelationen	15
16. Ordnungsrelationen	16
Kapitel 2. Die Axiome von \mathbb{R}	20
21. Körper	20
22. Geordnete Körper	22
23. Vollständigkeit	24
24. Intervalle	27
Kapitel 3. Natürliche, ganze und rationale Zahlen	29
31. Die Peano-Axiome	29
32. Beispiele zur vollständigen Induktion	31
33. Rekursion	33
34. Der binomische Lehrsatz	36
35. Ganze und rationale Zahlen	39
Kapitel 4. Vervollständigung von \mathbb{Q}	42
41. Schnitte	42
42. Addition der Schnitte	44
43. Multiplikation der Schnitte	46
44. Einbettung von \mathbb{Q}	50
45. Abzählbare Mengen	51
46. Überabzählbare Mengen	55
Kapitel 5. Komplexe Zahlen und Vektoren	58
51. Konstruktion des Körpers \mathbb{C}	58
52. Elementare Eigenschaften von \mathbb{C}	61
53. Der n -dimensionale euklidische Raum	64

Kapitel 6. Folgen	67
61. Begriff des metrischen Raumes	67
62. Konvergenz	68
63. Teilfolgen	71
64. Rechenregeln	73
65. Monotone Folgen	79
66. Vollständigkeit	83
67. Uneigentliche Konvergenz	85
Kapitel 7. Reihen	87
71. Konvergenz	87
72. Vergleichskriterien	90
73. Reihen mit positiven Gliedern	92
74. Bedingt konvergente Reihen	95
75. Produkt zweier Reihen	100
Kapitel 8. Stetige Funktionen	103
81. Stetigkeit	103
82. Rechnen mit stetigen Funktionen	106
83. Grenzwerte von Funktionen	109
84. Rechnen mit Grenzwerten	114
85. Einseitige Grenzwerte. Uneigentliche Grenzwerte	118
86. Satz vom Maximum	119
87. Gleichmäßige Stetigkeit	125
88. Zwischenwertsatz	126
89. Monotone Funktionen	128
Kapitel 9. Die Exponentialfunktion	132
91. Elementare Eigenschaften	132
92. Die Logarithmusfunktion	136
93. Hyperbolische Funktionen	138
94. Die Funktion cis	142
95. Die Funktion \arg	146
96. Trigonometrische Funktionen	151
Kapitel 10. Differentialrechnung I	155
101. Begriff der Ableitung	155
102. Rechenregeln	157
103. Gegenbeispiele	162
104. Extrema	164
105. Mittelwertsatz	168
106. Monotonie	173

Kapitel 11. Differentialrechnung II	178
111. Höhere Ableitungen	178
112. Konvexität	180
113. Einige allgemeine Ungleichungen	184
114. Taylorsche Formel (mit Restglied)	188
115. Taylorsche Formel (qualitative Fassung)	191
116. Taylor-Reihe	196
Liste der Symbole und Abkürzungen	199
Sachverzeichnis	201

Inhaltsverzeichnis Analysis II

Kapitel 12. Das Riemannsche Integral	1
121. Begriff des Riemannschen Integrals	1
122. Existenz	5
123. Elementare Eigenschaften	6
124. Integral über ein endliches Intervall	9
125. Allgemeine Riemannsche Summen	11
126. Hauptsatz der Infinitesimalrechnung	15
Kapitel 13. Integralrechnung	19
131. Stammfunktionen	19
132. Partielle Integration	22
133. Substitution	25
134. Bestimmte Integrale	28
135. Uneigentliche Integrale	32
136. Vergleich von uneigentlichen Integralen mit Reihen	37
Kapitel 14. Integration der rationalen Funktionen	41
141. Reelle und komplexe Polynome	41
142. Partialbruchzerlegung einer rationalen Funktion	45
143. Integration der Partialbrüche	51
144. Weitere Ausdrücke, die sich elementar integrieren lassen	54
Kapitel 15. Kurven	60
151. Begriff der Kurve	60
152. Totale Variation	63
153. Länge einer Kurve	65
154. Beispiele	70
155. Bogenlänge als Parameter	73
156. Tangentialvektor	78

Kapitel 16. Ebene Kurven	81
161. Argumentzuwachs längs einer ebenen Kurve	81
162. Ableitung des Arguments	85
163. Krümmung von ebenen Kurven	87
164. Krümmungskreis	90
165. Evolute	94
166. Evolvente	100
Kapitel 17. Funktionenfolgen	105
171. Problemstellung	105
172. Gleichmäßige Konvergenz	109
173. Stetigkeit der Grenzfunktion	112
174. Ableitung der Grenzfunktion	115
175. Integral der Grenzfunktion	118
176. Integrale mit einem Parameter	120
Kapitel 18. Potenzreihen	126
181. Limes inferior und Limes superior	126
182. Potenzreihen	128
183. Die Binomialreihe	133
184. Der Satz von Abel	135
Kapitel 19. Die Ableitung einer Funktion $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$	139
191. Funktionen $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$	139
192. Lineare Abbildungen	142
193. Begriff der Ableitung	144
194. Partielle Ableitungen	146
195. Existenz der Ableitung	148
196. Die Spezialfälle $m=1$ und $n=1$	150
Kapitel 20. Mehrdimensionale Differentialrechnung	155
201. Differentiationsregeln	155
202. Anwendungen der Kettenregel	158
203. Mittelwertsätze	161
204. Höhere partielle Ableitungen	164
205. Taylorsche Formel	167
206. Stationäre Punkte und lokale Extrema	169
Liste der Symbole und Abkürzungen	174
Sachverzeichnis Analysis I und II	175