

Inhaltsverzeichnis

Kapitel 1. Grundbegriffe	1
11. Logische Zeichen	1
12. Mengen	2
13. Funktionen	7
14. Tupel und Folgen	13
15. Äquivalenzrelationen	15
16. Ordnungsrelationen	16
Kapitel 2. Die Axiome von \mathbb{R}	20
21. Körper	20
22. Geordnete Körper	22
23. Vollständigkeit	24
24. Intervalle	27
Kapitel 3. Natürliche, ganze und rationale Zahlen	29
31. Die Peano-Axiome	29
32. Beispiele zur vollständigen Induktion	31
33. Rekursion	33
34. Der binomische Lehrsatz	36
35. Ganze und rationale Zahlen	39
Kapitel 4. Vervollständigung von \mathbb{Q}	42
41. Schnitte	42
42. Addition der Schnitte	44
43. Multiplikation der Schnitte	46
44. Einbettung von \mathbb{Q}	50
45. Abzählbare Mengen	51
46. Überabzählbare Mengen	55
Kapitel 5. Komplexe Zahlen und Vektoren	58
51. Konstruktion des Körpers \mathbb{C}	58
52. Elementare Eigenschaften von \mathbb{C}	61
53. Der n -dimensionale euklidische Raum	64

Kapitel 6. Folgen	67
61. Begriff des metrischen Raumes	67
62. Konvergenz	68
63. Teilfolgen	71
64. Rechenregeln	73
65. Monotone Folgen	79
66. Vollständigkeit	83
67. Uneigentliche Konvergenz	85
 Kapitel 7. Reihen	 87
71. Konvergenz	87
72. Vergleichskriterien	90
73. Reihen mit positiven Gliedern	92
74. Bedingt konvergente Reihen	95
75. Produkt zweier Reihen	100
 Kapitel 8. Stetige Funktionen	 103
81. Stetigkeit	103
82. Rechnen mit stetigen Funktionen	106
83. Grenzwerte von Funktionen	109
84. Rechnen mit Grenzwerten	114
85. Einseitige Grenzwerte. Uneigentliche Grenzwerte	118
86. Satz vom Maximum	119
87. Gleichmäßige Stetigkeit	125
88. Zwischenwertsatz	126
89. Monotone Funktionen	128
 Kapitel 9. Die Exponentialfunktion	 132
91. Elementare Eigenschaften	132
92. Die Logarithmusfunktion	136
93. Hyperbolische Funktionen	138
94. Die Funktion \csc	142
95. Die Funktion \arg	146
96. Trigonometrische Funktionen	151
 Kapitel 10. Differentialrechnung I	 155
101. Begriff der Ableitung	155
102. Rechenregeln	157
103. Gegenbeispiele	162
104. Extrema	164
105. Mittelwertsatz	168
106. Monotonie	173

Kapitel 11. Differentialrechnung II	178
111. Höhere Ableitungen	178
112. Konvexität	180
113. Einige allgemeine Ungleichungen	184
114. Taylorsche Formel (mit Restglied)	188
115. Taylorsche Formel (qualitative Fassung)	191
116. Taylor-Reihe	196
Liste der Symbole und Abkürzungen	199
Sachverzeichnis	201

Inhaltsverzeichnis Analysis II

Kapitel 12. Das Riemannsche Integral

- 121. Begriff des Riemannschen Integrals
- 122. Existenz
- 123. Elementare Eigenschaften
- 124. Integral über ein endliches Intervall
- 125. Allgemeine Riemannsche Summen
- 126. Hauptsatz der Infinitesimalrechnung

Kapitel 13. Integralrechnung

- 131. Stammfunktionen
- 132. Partielle Integration
- 133. Substitution
- 134. Bestimmte Integrale
- 135. Uneigentliche Integrale
- 136. Vergleich von uneigentlichen Integralen mit Reihen

Kapitel 14. Integration der rationalen Funktionen

- 141. Reelle und komplexe Polynome
- 142. Partialbruchzerlegung einer rationalen Funktion
- 143. Integration der Partialbrüche
- 144. Weitere Ausdrücke, die sich elementar integrieren lassen

Kapitel 15. Kurven

- 151. Begriff der Kurve
- 152. Totale Variation
- 153. Länge einer Kurve
- 154. Beispiele
- 155. Bogenlänge als Parameter
- 156. Tangentialvektor

Kapitel 16. Ebene Kurven	
161. Argumentzuwachs längs einer ebenen Kurve	
162. Ableitung des Arguments	
163. Krümmung von ebenen Kurven	
164. Krümmungskreis	
165. Evolute	
166. Evolvente	
Kapitel 17. Funktionenfolgen	
171. Problemstellung	
172. Gleichmäßige Konvergenz	
173. Stetigkeit der Grenzfunktion	
174. Ableitung der Grenzfunktion	
175. Integral der Grenzfunktion	
176. Integrale mit einem Parameter	
Kapitel 18. Potenzreihen	
181. Limes inferior und Limes superior	
182. Potenzreihen	
183. Die Binomialreihe	
184. Der Satz von Abel	
Kapitel 19. Die Ableitung einer Funktion $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$	
191. Funktionen $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$	
192. Lineare Abbildungen	
193. Begriff der Ableitung	
194. Partielle Ableitungen	
195. Existenz der Ableitung	
196. Die Spezialfälle $m=1$ und $n=1$	
Kapitel 20. Mehrdimensionale Differentialrechnung	
201. Differentiationsregeln	
202. Anwendungen der Kettenregel	
203. Mittelwertsätze	
204. Höhere partielle Ableitungen	
205. Taylorsche Formel	
206. Stationäre Punkte und lokale Extrema	
Liste der Symbole und Abkürzungen	
Sachverzeichnis Analysis I und II	

Inhaltsverzeichnis Analysis III

Kapitel 21. Hauptsätze der mehrdimensionalen Differentialrechnung

- 211. Stetige Differenzierbarkeit
- 212. Hilfssätze
- 213. Der Satz über die Umkehrabbildung
- 214. Die Funktionaldeterminante
- 215. Der Satz über implizite Funktionen
- 216. Der Immersionssatz

Kapitel 22. „Flächen“ im \mathbb{R}^n

- 221. Begriff der m -Fläche
- 222. Tangentialebene
- 223. Hyperflächen
- 224. Bedingt stationäre Punkte
- 225. Lagrangesche Multiplikatoren
- 226. Beispiele
- 227. Globale Extrema

Kapitel 23. Das Jordansche Maß im \mathbb{R}^m

- 231. Vorbemerkungen
- 232. Äußeres und inneres Jordansches Maß
- 233. Grundeigenschaften des Maßes
- 234. Das Maß von Quadern. Translationsinvarianz
- 235. Verhalten des Maßes gegenüber C^1 -Abbildungen
- 236. Hilfssätze
- 237. Verhalten des Maßes gegenüber linearen Abbildungen

Kapitel 24. Mehrfache Integrale

- 241. Das Riemannsche Integral im \mathbb{R}^m
- 242. Reduktionssatz („Satz von Fubini“)
- 243. Integral über beliebige meßbare Mengen
- 244. Praktische Berechnung mehrfacher Integrale
- 245. Anwendung: Volumen der m -dimensionalen Kugel
- 246. Uneigentliche mehrfache Integrale

Kapitel 25. Variablentransformation bei mehrfachen Integralen

251. Zylinder- und Kugelkoordinaten	
252. Problemstellung	
253. Hilfssätze	
254. Die Transformationsformel	

Kapitel 26. Flächen im \mathbb{R}^3

261. Das Vektorprodukt im \mathbb{R}^3	
262. Orientierung	
263. Begriff des Flächeninhalts	
264. Eigenschaften des Flächeninhalts	

Kapitel 27. Vektorfelder

271. Vorbemerkungen. Begriff des Vektorfeldes	
272. Linienintegrale	
273. Konservative Felder	
274. Infinitesimale Zirkulation	
275. Rotation (zweidimensionaler Fall)	
276. Rotation (dreidimensionaler Fall)	

Kapitel 28. Die Greensche Formel für ebene Bereiche

281. Der Heine-Borelsche Überdeckungssatz	
282. Zerlegung der Einheit	
283. Die Greensche Formel für glatt berandete Bereiche	
284. Zulässige Bereiche	
285. Anwendungen der Greenschen Formel	

Kapitel 29. Der Satz von Stokes

291. Begriff des Flusses	
292. Zulässige Flächen	
293. Ein Übertragungsprinzip	
294. Der Satz von Stokes	
295. Einfach zusammenhängende Gebiete	
296. Die Integrabilitätsbedingung	

Kapitel 30. Der Satz von Gauß

301. Divergenz eines Vektorfeldes	
302. Der Satz von Gauß für glatt berandete Bereiche	
303. Zulässige Bereiche	
304. Der Laplace-Operator	
305. Ein Satz der Potentialtheorie	

Liste der Symbole und Abkürzungen**Sachverzeichnis Analysis I bis III**