

Inhaltsverzeichnis

Kapitel 1. Grundbegriffe	1
11. Logische Zeichen	1
12. Mengen	2
13. Funktionen	7
14. Tupel und Folgen	13
15. Äquivalenzrelationen	15
16. Ordnungsrelationen	16
Kapitel 2. Die Axiome von \mathbb{R}	20
21. Körper	20
22. Geordnete Körper	22
23. Vollständigkeit	24
24. Intervalle	27
Kapitel 3. Natürliche, ganze und rationale Zahlen	29
31. Die Peano-Axiome	29
32. Beispiele zur vollständigen Induktion	31
33. Rekursion	33
34. Der binomische Lehrsatz	36
35. Ganze und rationale Zahlen	39
Kapitel 4. Vervollständigung von \mathbb{Q}	42
41. Schnitte	42
42. Addition der Schnitte	44
43. Multiplikation der Schnitte	46
44. Einbettung von \mathbb{Q}	50
45. Abzählbare Mengen	51
46. Überabzählbare Mengen	55
Kapitel 5. Komplexe Zahlen und Vektoren	58
51. Konstruktion des Körpers \mathbb{C}	58
52. Elementare Eigenschaften von \mathbb{C}	61
53. Der n -dimensionale euklidische Raum	64

Kapitel 6. Folgen	67
61. Begriff des metrischen Raumes	67
62. Konvergenz	68
63. Teilfolgen	71
64. Rechenregeln	73
65. Monotone Folgen	79
66. Vollständigkeit	83
67. Uneigentliche Konvergenz	85
Kapitel 7. Reihen	87
71. Konvergenz	87
72. Vergleichskriterien	90
73. Reihen mit positiven Gliedern	92
74. Bedingt konvergente Reihen	95
75. Produkt zweier Reihen	100
Kapitel 8. Stetige Funktionen	103
81. Stetigkeit	103
82. Rechnen mit stetigen Funktionen	106
83. Grenzwerte von Funktionen	109
84. Rechnen mit Grenzwerten	114
85. Einseitige Grenzwerte. Uneigentliche Grenzwerte	118
86. Satz vom Maximum	119
87. Gleichmäßige Stetigkeit	125
88. Zwischenwertsatz	126
89. Monotone Funktionen	128
Kapitel 9. Die Exponentialfunktion	132
91. Elementare Eigenschaften	132
92. Die Logarithmusfunktion	136
93. Hyperbolische Funktionen	138
94. Die Funktion cis	142
95. Die Funktion \arg	146
96. Trigonometrische Funktionen	151
Kapitel 10. Differentialrechnung I	155
101. Begriff der Ableitung	155
102. Rechenregeln	157
103. Gegenbeispiele	162
104. Extrema	164
105. Mittelwertsatz	168
106. Monotonie	173

Kapitel 11. Differentialrechnung II	178
111. Höhere Ableitungen	178
112. Konvexität	180
113. Einige allgemeine Ungleichungen	184
114. Taylorsche Formel (mit Restglied)	188
115. Taylorsche Formel (qualitative Fassung)	191
116. Taylor-Reihe	196
Liste der Symbole und Abkürzungen	199
Sachverzeichnis	201

Inhaltsverzeichnis Analysis II

Kapitel 12. Das Riemannsche Integral

121.	Begriff des Riemannschen Integrals
122.	Existenz
123.	Elementare Eigenschaften
124.	Integral über ein endliches Intervall
125.	Allgemeine Riemannsche Summen
126.	Hauptsatz der Infinitesimalrechnung

Kapitel 13. Integralrechnung

131.	Stammfunktionen
132.	Partielle Integration
133.	Substitution
134.	Bestimmte Integrale
135.	Uneigentliche Integrale
136.	Vergleich von uneigentlichen Integralen mit Reihen

Kapitel 14. Integration der rationalen Funktionen

141.	Reelle und komplexe Polynome
142.	Partialbruchzerlegung einer rationalen Funktion
143.	Integration der Partialbrüche
144.	Weitere Ausdrücke, die sich elementar integrieren lassen

Kapitel 15. Kurven

151.	Begriff der Kurve
152.	Totale Variation
153.	Länge einer Kurve
154.	Beispiele
155.	Bogenlänge als Parameter
156.	Tangentialvektor

Kapitel 16. Ebene Kurven	161. Argumentzuwachs längs einer ebenen Kurve
162. Ableitung des Arguments	
163. Krümmung von ebenen Kurven	
164. Krümmungskreis	
165. Evolute	
166. Evolvente	
Kapitel 17. Funktionenfolgen	171. Problemstellung
172. Gleichmäßige Konvergenz	
173. Stetigkeit der Grenzfunktion	
174. Ableitung der Grenzfunktion	
175. Integral der Grenzfunktion	
176. Integrale mit einem Parameter	
Kapitel 18. Potenzreihen	181. Limes inferior und Limes superior
182. Potenzreihen	
183. Die Binomialreihe	
184. Der Satz von Abel	
Kapitel 19. Die Ableitung einer Funktion $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$	191. Funktionen $f: \mathbb{R}^m \rightarrow \mathbb{R}^n$
192. Lineare Abbildungen	
193. Begriff der Ableitung	
194. Partielle Ableitungen	
195. Existenz der Ableitung	
196. Die Spezialfälle $m=1$ und $n=1$	
Kapitel 20. Mehrdimensionale Differentialrechnung	201. Differentiationsregeln
202. Anwendungen der Kettenregel	
203. Mittelwertsätze	
204. Höhere partielle Ableitungen	
205. Taylorsche Formel	
206. Stationäre Punkte und lokale Extrema	
Liste der Symbole und Abkürzungen
Sachverzeichnis Analysis I und II

Inhaltsverzeichnis Analysis III

Kapitel 21. Hauptsätze der mehrdimensionalen Differentialrechnung	211. Stetige Differenzierbarkeit
	212. Hilfssätze
	213. Der Satz über die Umkehrabbildung
	214. Die Funktionaldeterminante
	215. Der Satz über implizite Funktionen
	216. Der Immersionssatz
 Kapitel 22. „Flächen“ im \mathbb{R}^n	
	221. Begriff der m -Fläche
	222. Tangentialebene
	223. Hyperflächen
	224. Bedingt stationäre Punkte
	225. Lagrangesche Multiplikatoren
	226. Beispiele
	227. Globale Extrema
 Kapitel 23. Das Jordansche Maß im \mathbb{R}^m	
	231. Vorbemerkungen
	232. Äußeres und inneres Jordansches Maß
	233. Grundeigenschaften des Maßes
	234. Das Maß von Quadern. Translationsinvarianz
	235. Verhalten des Maßes gegenüber C^1 -Abbildungen
	236. Hilfssätze
	237. Verhalten des Maßes gegenüber linearen Abbildungen
 Kapitel 24. Mehrfache Integrale	
	241. Das Riemannsche Integral im \mathbb{R}^m
	242. Reduktionssatz („Satz von Fubini“)
	243. Integral über beliebige meßbare Mengen
	244. Praktische Berechnung mehrfacher Integrale
	245. Anwendung: Volumen der m -dimensionalen Kugel
	246. Uneigentliche mehrfache Integrale

Kapitel 25. Variablentransformation bei mehrfachen Integralen

251. Zylinder- und Kugelkoordinaten
252. Problemstellung
253. Hilfssätze
254. Die Transformationsformel

Kapitel 26. Flächen im \mathbb{R}^3

261. Das Vektorprodukt im \mathbb{R}^3
262. Orientierung
263. Begriff des Flächeninhalts
264. Eigenschaften des Flächeninhalts

Kapitel 27. Vektorfelder

271. Vorbemerkungen. Begriff des Vektorfeldes
272. Linienintegrale
273. Konservative Felder
274. Infinitesimale Zirkulation
275. Rotation (zweidimensionaler Fall)
276. Rotation (dreidimensionaler Fall)

Kapitel 28. Die Greensche Formel für ebene Bereiche

281. Der Heine-Borelsche Überdeckungssatz
282. Zerlegung der Einheit
283. Die Greensche Formel für glatt berandete Bereiche
284. Zulässige Bereiche
285. Anwendungen der Greenschen Formel

Kapitel 29. Der Satz von Stokes

291. Begriff des Flusses
292. Zulässige Flächen
293. Ein Übertragungsprinzip
294. Der Satz von Stokes
295. Einfach zusammenhängende Gebiete
296. Die Integrabilitätsbedingung

Kapitel 30. Der Satz von Gauß

301. Divergenz eines Vektorfeldes
302. Der Satz von Gauß für glatt berandete Bereiche
303. Zulässige Bereiche
304. Der Laplace-Operator
305. Ein Satz der Potentialtheorie

Liste der Symbole und Abkürzungen**Sachverzeichnis Analysis I bis III**