

Inhaltsverzeichnis

Kapitel 1. Grundbegriffe	1
11. Logische Zeichen	1
12. Mengen	2
13. Funktionen	7
14. Tupel und Folgen	13
15. Äquivalenzrelationen	15
16. Ordnungsrelationen	16
Kapitel 2. Die Axiome von \mathbb{R}	20
21. Körper	20
22. Geordnete Körper	22
23. Vollständigkeit	24
24. Intervalle	27
Kapitel 3. Natürliche, ganze und rationale Zahlen	29
31. Die Peano-Axiome	29
32. Beispiele zur vollständigen Induktion	31
33. Rekursion	33
34. Der binomische Lehrsatz	36
35. Ganze und rationale Zahlen	39
Kapitel 4. Vervollständigung von \mathbb{Q}	42
41. Schnitte	42
42. Addition der Schnitte	44
43. Multiplikation der Schnitte	46
44. Einbettung von \mathbb{Q}	49
45. Abzählbare Mengen	51
46. Überabzählbare Mengen	55
Kapitel 5. Komplexe Zahlen und Vektoren	57
51. Konstruktion des Körpers \mathbb{C}	57
52. Elementare Eigenschaften von \mathbb{C}	60
53. Der n -dimensionale euklidische Raum	63

Kapitel 6. Folgen	66
61. Begriff des metrischen Raumes	66
62. Konvergenz	67
63. Teilfolgen	70
64. Rechenregeln	72
65. Monotone Folgen	78
66. Vollständigkeit	82
67. Uneigentliche Konvergenz	84
Kapitel 7. Reihen	86
71. Konvergenz	86
72. Vergleichskriterien	89
73. Reihen mit positiven Gliedern	91
74. Bedingt konvergente Reihen	94
75. Produkt zweier Reihen	99
Kapitel 8. Stetige Funktionen	102
81. Stetigkeit	102
82. Rechnen mit stetigen Funktionen	105
83. Grenzwerte von Funktionen	108
84. Rechnen mit Grenzwerten	113
85. Einseitige Grenzwerte. Uneigentliche Grenzwerte	117
86. Satz vom Maximum	118
87. Gleichmäßige Stetigkeit	124
88. Zwischenwertsatz	125
89. Monotone Funktionen	127
Kapitel 9. Die Exponentialfunktion	131
91. Elementare Eigenschaften	131
92. Die Logarithmusfunktion	135
93. Hyperbolische Funktionen	137
94. Die Funktion \csc	141
95. Die Funktion \arg	147
96. Trigonometrische Funktionen	151
Kapitel 10. Differentialrechnung I	155
101. Begriff der Ableitung	155
102. Rechenregeln	157
103. Gegenbeispiele	162
104. Extrema	164
105. Mittelwertsatz	168
106. Monotonie	173

Kapitel 11. Differentialrechnung II	178
111. Höhere Ableitungen	178
112. Konvexität	180
113. Einige allgemeine Ungleichungen	184
114. Taylorsche Formel (mit Restglied)	188
115. Taylorsche Formel (qualitative Fassung)	191
116. Taylor-Reihe	196
Liste der Symbole und Abkürzungen	199
Sachverzeichnis	201