

Wolfgang Göbels

Fit in Test und Klassenarbeit

Mathematik 9./10. Klasse



3. Auflage 2021

ISBN: 978-3-8044-1598-0

PDF: 978-3-8044-5598-6

© 2017 by C. Bange Verlag GmbH, 96142 Hollfeld

Alle Rechte vorbehalten!

Umschlagfoto: Fotolia.com

Satz und Grafiken: SMP Oehler, Remseck

Druck und Weiterverarbeitung: Druckerei KOPA, Litauen

Tipps zum Training mit diesem Buch

Liebe Schülerin, lieber Schüler,

mit diesem Heft kannst du dich **optimal** auf deinen **nächsten Mathematik-Test** oder auf deine **Mathematik-Klassenarbeit vorbereiten** und dabei eine gute Leistung erzielen. Es zeigt dir, was bei der nächsten Klassenarbeit drankommen könnte, und hilft dir, **Lücken** in deinem Mathe-Wissen zu **finden** und **gezielt zu schließen**. Du kannst damit überprüfen, ob du **gut vorbereitet** bist und den **Prüfungsstoff beherrschst**. Außerdem kannst du für dich klären, ob du die Tests oder Klassenarbeiten in der **vor-gegebenen Zeit schaffen** kannst. Und falls du vielleicht **Prüfungsangst** hast, sind die Übungstests, die dir dieses Heft bietet, gut dazu geeignet, diese zu überwinden: Wenn du mit Tests, die echten Tests und Klassenarbeiten **ähnlich** sind, den „Ernstfall“ trainierst, **gewinnst** du an **Sicherheit**, und kein Prüfungsstress wird dich so leicht mehr aus der Ruhe bringen.

Das Heft deckt **maßgeschneidert** alle Anforderungen des **Mathematik-Lehrplans** der **9./10. Klasse** am Gymnasium ab: Quadratwurzeln, quadratische Gleichungen, quadratische Funktionen, Potenzen, Satzgruppe des Pythagoras, Trigonometrie, Körper, Zufallsexperimente, Exponentialgleichungen, Logarithmen, Funktionenlehre, Kreis und Kugel, Winkelfunktionen, bedingte Wahrscheinlichkeit.

Zunächst werden **einzelne Themen** durch „**Kurztests**“ geübt, danach werden diese Einheiten **zusammenfassend** mit einem längeren **Abschlusstest** trainiert. Bei jedem Test ist angegeben, **wie lange** du etwa für die Bearbeitung brauchen solltest. Dabei entsprechen die Kurztests von der Thematik her etwa einem Test oder einer Stegreiffaufgabe, die Abschlusstests etwa einer Klassenarbeit oder Schulaufgabe. Wichtiger als das Einhalten der angegebenen Zeit ist jedoch, dass du die Aufgaben richtig löst. Mithilfe des **Punkteschlüssels** kannst du anschließend deine Leistung genau einschätzen.

Damit du mit diesem Heft **selbstständig** arbeiten kannst, gibt es **ausführliche Lösungen** zu allen Tests. Mithilfe des **Inhaltsverzeichnisses** kannst du das Training **ganz gezielt** an deinen **persönlichen Bedürfnissen** ausrichten.

Inhalt

Tests und Abschlusstests für die 9. Klasse

Quadratwurzeln und irrationale Zahlen

Kurztest 1: Eigenschaften von Quadratwurzeln	<i>20 Minuten</i>	10
Kurztest 2: Rechnen mit Quadratwurzeln	<i>20 Minuten</i>	11
Kurztest 3: Nenner rational machen	<i>20 Minuten</i>	12
Abschlusstest 1	<i>75 Minuten</i>	13

Quadratische Gleichungen

Kurztest 4: Lösung mit quadratischer Ergänzung	<i>25 Minuten</i>	16
Kurztest 5: Lösung mit dem Satz von Vieta	<i>30 Minuten</i>	17
Kurztest 6: Lösung mit der p/q-Formel	<i>20 Minuten</i>	18
Kurztest 7: Sonstige Lösungsverfahren	<i>30 Minuten</i>	19
Abschlusstest 2	<i>75 Minuten</i>	20

Quadratische Funktionen und Parabeln

Kurztest 8: Zeichnen von Parabeln	<i>15 Minuten</i>	23
Kurztest 9: Rechnen mit quadratischen Funktionen	<i>20 Minuten</i>	24
Kurztest 10: Vermischte Anwendungen	<i>20 Minuten</i>	25
Abschlusstest 3	<i>45 Minuten</i>	26

Potenzen mit rationalen Exponenten

Kurztest 11: Rechnen mit Potenzen	<i>20 Minuten</i>	28
Kurztest 12: Potenzterme	<i>30 Minuten</i>	29
Kurztest 13: Potenzgleichungen	<i>30 Minuten</i>	30
Abschlusstest 4	<i>60 Minuten</i>	31

Satzgruppe des Pythagoras

Kurztest 14: Konstruktionen	<i>15 Minuten</i>	33
Kurztest 15: Berechnungen	<i>20 Minuten</i>	34
Kurztest 16: Anwendungen im Koordinatensystem	<i>25 Minuten</i>	35
Kurztest 17: Anwendungen am Kreis	<i>15 Minuten</i>	37
Kurztest 18: Kathetensatz und Höhensatz	<i>20 Minuten</i>	38
Abschlusstest 5	<i>60 – 75 Minuten</i>	39

Trigonometrie im rechtwinkligen Dreieck

Kurztest 19: Winkel im Gradmaß und im Bogenmaß	<i>15 Minuten</i>	46
Kurztest 20: Berechnungen in rechtwinkligen Dreiecken	<i>15 Minuten</i>	47
Kurztest 21: Berechnungen in allgemeinen Dreiecken	<i>25 Minuten</i>	48
Abschlusstest 6	<i>75 Minuten</i>	49

Körper

Kurztest 22: Prisma	<i>20 Minuten</i>	51
Kurztest 23: Pyramide	<i>25 Minuten</i>	52
Kurztest 24: Zylinder	<i>25 Minuten</i>	53
Kurztest 25: Kegel	<i>25 Minuten</i>	54
Abschlusstest 7	<i>60 Minuten</i>	55

Zusammengesetzte Zufallsexperimente

Kurztest 26: Pfadregeln mit Baumdiagrammen	<i>30 Minuten</i>	58
Kurztest 27: Erwartungswert	<i>30 Minuten</i>	59
Kurztest 28: Streuungsmaße	<i>30 Minuten</i>	60
Abschlusstest 8	<i>45 Minuten</i>	61

Tests und Abschlusstests für die 10. Klasse

Kreisberechnungen

Kurztest 1:	Kreisumfang und Kreisinhalt	<i>20 Minuten</i>	64
Kurztest 2:	Approximationen	<i>25 Minuten</i>	65
Kurztest 3:	Kreissektoren	<i>25 Minuten</i>	66
Kurztest 4:	Kreissegmente	<i>20 Minuten</i>	67
Abschlusstest 1		<i>60 Minuten</i>	68

Exponentialfunktionen und Logarithmen

Kurztest 5:	Exponentialfunktionen	<i>20 Minuten</i>	70
Kurztest 6:	Exponentialgleichungen	<i>25 Minuten</i>	71
Kurztest 7:	Begriff des Logarithmus	<i>25 Minuten</i>	72
Kurztest 8:	Logarithmengesetze	<i>20 Minuten</i>	73
Kurztest 9:	Logarithmengleichungen	<i>30 Minuten</i>	74
Abschlusstest 2		<i>60 – 75 Minuten</i>	75

Vertiefung der Funktionenlehre

Kurztest 10:	Nullstellen ganzrationaler Funktionen	<i>20 Minuten</i>	79
Kurztest 11:	Symmetrie ganzrationaler Funktionen	<i>25 Minuten</i>	80
Kurztest 12:	Bestimmung von Gleichungen ganzrationaler Funktionen	<i>20 Minuten</i>	81
Kurztest 13:	Trigonometrische Funktionen	<i>20 Minuten</i>	82
Kurztest 14:	Umkehrfunktionen	<i>30 Minuten</i>	83
Abschlusstest 3		<i>60 – 75 Minuten</i>	84

Kugel

Kurztest 15:	Kugelvolumen	<i>25 Minuten</i>	87
Kurztest 16:	Kugeloberfläche	<i>20 Minuten</i>	88
Kurztest 17:	Vergleich mit anderen Körpern	<i>20 Minuten</i>	89
Abschlusstest 4		<i>60 Minuten</i>	90

Winkelberechnungen

Kurztest 18:	Winkel am Einheitskreis	<i>15 Minuten</i>	93
Kurztest 19:	Berechnungen mit Winkelfunktionen	<i>30 Minuten</i>	94
Kurztest 20:	Additionstheoreme	<i>15 Minuten</i>	95
Abschlusstest 5		<i>45 Minuten</i>	96

Bedingte Wahrscheinlichkeiten

Kurztest 21: Vierfeldertafel	<i>15 Minuten</i>	98
Kurztest 22: Satz von Bayes	<i>15 Minuten</i>	99
Kurztest 23: Vermischte Anwendungsaufgaben	<i>15 Minuten</i>	100
Abschlusstest 6	<i>45 Minuten</i>	101

Lösungen Tests und Abschlusstests 9. Klasse 103

Lösungen Tests und Abschlusstests 10. Klasse 135

Mathematik 9. Klasse



Quadratwurzeln und irrationale Zahlen

Kurztest 1: Eigenschaften von Quadratwurzeln

1 Bestimme $c \in \mathbb{R}$ so, dass die Gleichung $x^2 = c$ die angegebene Lösung hat.

a) $x = -4$ _____

b) $x = -\sqrt{3}$ _____

c) $x = \frac{1}{\sqrt{2}}$ _____

/ 3

2 Für welche Werte von $a \in \mathbb{R}$ sind die nachfolgenden Wurzelterme definiert?

a) $\sqrt{a+6}$ _____

b) $\sqrt{0,2-a}$ _____

c) $\sqrt{a^2}$ _____

d) $\sqrt{-a^2}$ _____

e) $\sqrt{(-a)^2}$ _____

f) $\sqrt{a^3}$ _____

g) $\sqrt{-a^3}$ _____

h) $\sqrt{(-a)^3}$ _____

i) $\sqrt{-(-a)^3}$ _____

j) $\sqrt{\frac{3}{(2-a) \cdot a}}$ _____

k) $\sqrt{\frac{-2}{(a+1) \cdot (4-a)}}$ _____

/ 20

3 Unter welcher Bedingung sind die nachfolgenden Aussagen wahr bzw. falsch?

a) $0 < a < b \Rightarrow \sqrt{a} < \sqrt{b}$ _____

b) $a > \sqrt{a}$ _____

c) $\sqrt{a^2} = (\sqrt{-a})^2$ _____

d) $\sqrt{a^2} = (-\sqrt{-a})^2$ _____

/ 3

/ 26

Bewertung: 26 – 18 Punkte: 17 – 9 Punkte: 8 – 0 Punkte:



Kurztest 2: Rechnen mit Quadratwurzeln

- 1** Multipliziere aus, vereinfache möglichst weit und ziehe gegebenenfalls teilweise die Wurzel.

a) $\sqrt{2} \cdot (\sqrt{2} + \sqrt{8}) =$

b) $(\sqrt{125} - \sqrt{80}) \cdot \sqrt{5} =$

c) $(\sqrt{108} - \sqrt{48}) : \sqrt{3} =$

d) $(\sqrt{10} + \sqrt{5})^2$

e) $(2 \cdot \sqrt{50} - 50 \cdot \sqrt{2})^2 =$

f) $(7\sqrt{3} - 3\sqrt{7}) \cdot (3\sqrt{7} + 7\sqrt{3}) =$

g) $(3\sqrt{x} + 6\sqrt{y})^2 =$

h) $(\sqrt{3x} + \sqrt{6y})^2 =$

i) $(\sqrt{x-y} + \sqrt{x+y})^2 =$

j) $(\sqrt{x-y} - \sqrt{x+y})^2 =$

/ 20

- 2** Vereinfache möglichst weit.

$$\sqrt{\frac{8x^3 + 16x^2y}{(x+2y)^3}} =$$
 für $x > 0$ und $y > 0$

/ 5

- 3** Schreibe als einen einzigen Wurzelterm.

$$\frac{2(q-1)}{p^2} \sqrt{\frac{p^3}{2(q^2-1)}} =$$

/ 5

===== / 30

Bewertung: 30 – 21 Punkte:

20 – 11 Punkte:

10 – 0 Punkte:



20 Minuten

Tests für die 9. Klasse – Quadratwurzeln und irrationale Zahlen

Kurztest 3: Nenner rational machen

1 Mache den Nenner ganzzahlig und schreibe möglichst kurz.

a)
$$\frac{4}{4 + \sqrt{6}} =$$

b)
$$\frac{2}{\sqrt{11} - \sqrt{7}} =$$

c)
$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} =$$

d)
$$\frac{2\sqrt{3}}{5 - \sqrt{3}} =$$

e)
$$\frac{2\sqrt{3} + 3\sqrt{5}}{\sqrt{3} - \sqrt{5}} =$$

f)
$$\frac{1}{(\sqrt{3} - \sqrt{2})\sqrt{2}} =$$

12

2 Mache den Nenner wurzelfrei und schreibe möglichst kurz.

a)
$$\frac{3\sqrt{x}}{\sqrt{y}} =$$

b)
$$\frac{2}{\sqrt{2}a} =$$

c)
$$\frac{a}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} =$$

d)
$$\frac{a - b}{\sqrt{a} - \sqrt{b}} =$$

e)
$$\frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} =$$

f)
$$\frac{a + \sqrt{b}}{a - \sqrt{b}} =$$

12

3 Schreibe unter eine einzige Wurzel.

a)
$$\frac{a + b\sqrt{a}}{b + \sqrt{a}} =$$

b)
$$\frac{\sqrt{a^2 - b^2}}{\sqrt{a} - b} =$$

4

28

Bewertung: 28 – 19 Punkte:

18 – 9 Punkte:

8 – 0 Punkte:



Abschluss test 1

1 Bestimme p so, dass die Gleichung $x^2 = p$ die angegebene Lösung hat.

a) $x = -2,5$ _____

b) $x = -\sqrt{1,5}$ _____

c) $x = \frac{2}{\sqrt{3}}$ _____

/ 3

2 Für welche Werte von c sind die nachfolgenden Wurzelterme definiert?

a) $\sqrt{2c + 3}$ _____

b) $\sqrt{0,3 - 2c}$ _____

c) $\sqrt{2c^2 + 1}$ _____

d) $\sqrt{2c^2}$ _____

e) $\sqrt{(-2c)^2}$ _____

f) $\sqrt{2c^5}$ _____

g) $\sqrt{-2c^5}$ _____

h) $\sqrt{(-2c)^5}$ _____

i) $\sqrt{-(-2c)^5}$ _____

j) $\sqrt{\frac{2}{(3-2c) \cdot c}}$ _____

k) $\sqrt{\frac{-3}{(2c+1) \cdot (5-2c)}}$ _____

/ 15

3 Unter welcher Bedingung sind die nachfolgenden Aussagen wahr bzw. falsch?

a) $a < b < 0 \Rightarrow \sqrt{-a} < \sqrt{-b}$ _____

b) $-c > \sqrt{-c}$ _____

c) $\sqrt{(-c)^2} = (\sqrt{c})^2$ _____

d) $\sqrt{(-c)^2} = (-\sqrt{c})^2$ _____

/ 3

4 Multipliziere aus, vereinfache möglichst weit und ziehe gegebenenfalls teilweise die Wurzel.

a) $\sqrt{3} \cdot (\sqrt{3} + \sqrt{27}) =$

b) $(\sqrt{216} - \sqrt{24}) \cdot \sqrt{6} =$

c) $(\sqrt{128} - \sqrt{72}) : \sqrt{2} =$

d) $(\sqrt{12} + \sqrt{6})^2 =$

e) $(3 \cdot \sqrt{20} - 20 \cdot \sqrt{3})^2 =$

f) $(5\sqrt{6} - 6\sqrt{5}) \cdot (5\sqrt{6} + 6\sqrt{5}) =$

g) $(2\sqrt{3a} + 3\sqrt{2b})^2 =$

h) $(\sqrt{2a} + \sqrt{3b})^2 =$

i) $(\sqrt{2a} - 3b) + \sqrt{2a + 3b})^2 =$

j) $(\sqrt{2a} - 3b) - \sqrt{2a + 3b})^2 =$

■ / 18

5 Vereinfache möglichst weit.

a) $\sqrt{\frac{12a^3 + 24a^2b}{(a+2b)^3}} =$ für $a > 0$ und $b > 0$

b) $(2\sqrt{3} - \sqrt{6})^2 - (3\sqrt{2} - \sqrt{3})(3\sqrt{2} + \sqrt{3}) + (2 + \sqrt{8})^2 =$

■ / 8

6 Schreibe als einen einzigen Wurzelterm.

$\frac{3(y-2)}{x^2} \sqrt{\frac{x^3}{3(y^2-4)}} =$

■ / 8

7 Mache den Nenner ganzzahlig und schreibe möglichst kurz.

a) $\frac{3}{3 + \sqrt{5}} =$

b) $\frac{4}{\sqrt{17} - \sqrt{6}} =$

c) $\frac{\sqrt{5} + \sqrt{6}}{\sqrt{5} - \sqrt{6}} =$

d) $\frac{3\sqrt{5}}{6 - \sqrt{5}} =$

e) $\frac{3\sqrt{5} + 5\sqrt{6}}{\sqrt{5} - \sqrt{6}} =$

f) $\frac{2}{(\sqrt{7} - \sqrt{6})\sqrt{6}} =$

/ 18

8 Mache den Nenner wurzelfrei und schreibe möglichst kurz.

a) $\frac{2\sqrt{p}}{\sqrt{q}} =$

b) $\frac{3}{\sqrt{3}c} =$

c) $\frac{2p}{\sqrt{2}p + \sqrt{q}} =$

d) $\frac{2x - 3y}{\sqrt{2}x - \sqrt{3}y} =$

e) $\frac{\sqrt{2}x - \sqrt{3}y}{\sqrt{2}x + \sqrt{3}y} =$

f) $\frac{2x + \sqrt{3}y}{2x - \sqrt{3}y} =$

/ 12

9 Schreibe unter eine einzige Wurzel.

a) $\frac{2x + 3y\sqrt{2}x}{3y + \sqrt{2}x} =$

b) $\frac{\sqrt{4x^2 - 9y^2}}{\sqrt{2}x - 3y} =$

/ 6

/ 91

Bewertung: 91 – 61 Punkte: 60 – 31 Punkte: 30 – 0 Punkte: 

Lösungen Tests und Abschlusstests 9. Klasse

Quadratwurzeln und irrationale Zahlen

Kurztest 1: Eigenschaften von Quadratwurzeln

Seite 10 ↪

- 1 a) $c = 16$ b) $c = 3$ c) $c = \frac{1}{2}$
Aufgabe 1a)–c): je 1 Punkt

- 2 a) $a + 6 \geq 0 \Leftrightarrow a \geq -6$ b) $0,2 - a \geq 0 \Leftrightarrow a \leq 0,2$ c) für jedes $a \in \mathbb{R}$
 d) für $a = 0$ e) für jedes $a \in \mathbb{R}$ f) für $a \geq 0$
 g) für $a \leq 0$ h) für $a \leq 0$ i) für $a \geq 0$
Aufgabe 2a)–i): je 1,5 Punkte

$$\begin{aligned} j) (2 - a) \cdot a > 0 &\Leftrightarrow (2 - a > 0 \text{ und } a > 0) \text{ oder } (2 - a < 0 \text{ und } a < 0) \\ &\Leftrightarrow (a < 2 \text{ und } a > 0) \text{ oder } (a > 2 \text{ und } a < 0) \Leftrightarrow 0 < a < 2 \quad \text{Aufgabe 2j): 3 Punkte} \\ k) (a + 1) \cdot (4 - a) < 0 &\Leftrightarrow (a + 1 < 0 \text{ und } 4 - a > 0) \text{ oder } (a + 1 > 0 \text{ und } 4 - a < 0) \\ &\Leftrightarrow (a < -1 \text{ und } a < 4) \text{ oder } (a > -1 \text{ und } a > 4) \\ &\Leftrightarrow a < -1 \text{ oder } a > 4 \quad \text{Aufgabe 2k): 3,5 Punkte} \end{aligned}$$

- 3 a) immer wahr b) wahr für $a > 1$ c), d) wahr für $a \leq 0$
Aufgabe 3a)–d): je 1 Punkt

Kurztest 2: Rechnen mit Quadratwurzeln

Seite 11 ↪

- 1 a) $\sqrt{2} \cdot (\sqrt{2} + \sqrt{8}) = \sqrt{4} + \sqrt{16} = 2 + 4 = 6$
 b) $(\sqrt{125} - \sqrt{80}) \cdot \sqrt{5} = \sqrt{625} - \sqrt{400} = 25 - 20 = 5$
 c) $(\sqrt{108} - \sqrt{48}) : \sqrt{3} = \sqrt{36} - \sqrt{16} = 6 - 4 = 2$
 d) $(\sqrt{10} + \sqrt{5})^2 = 10 + 2\sqrt{50} + 5 = 15 + 10\sqrt{2}$
 e) $(2 \cdot \sqrt{50} - 50 \cdot \sqrt{2})^2 = 200 - 200\sqrt{100} + 5000 = 5200 - 2000 = 3200$
 f) $7\sqrt{3} - 3\sqrt{7} \cdot 3\sqrt{7} + 7\sqrt{3} = 147 - 63 = 84$
 g) $(3\sqrt{x} + 6\sqrt{y})^2 = 9x + 36\sqrt{xy} + 36y$
 h) $(\sqrt{3x} + \sqrt{6y})^2 = 3x + 2\sqrt{18xy} + 6y = 3x + 6\sqrt{2xy} + 6y$
 i) $(\sqrt{x-y} + \sqrt{x+y})^2 = x-y + 2\sqrt{x^2-y^2} + x+y = 2x + 2\sqrt{x^2-y^2}$
 j) $(\sqrt{x-y} - \sqrt{x+y})^2 = x-y - 2\sqrt{x^2-y^2} + x+y = 2x - 2\sqrt{x^2-y^2}$
Aufgabe 1a)–j): je 2 Punkte

$$2 \sqrt{\frac{8x^3 + 16x^2y}{(x+2y)^3}} = \sqrt{\frac{8x^2(x+2y)}{(x+2y)^3}} = \sqrt{\frac{8x^2}{(x+2y)^2}} = \frac{2x}{x+2y}\sqrt{2} \quad \text{Aufgabe 2: 5 Punkte}$$

$$3 \frac{2(q-1)}{p^2} \sqrt{\frac{p^3}{2(q^2-1)}} = \sqrt{\frac{4(q-1)^2 p^3}{2p^4(q-1)(q+1)}} = \sqrt{\frac{2(q-1)}{p(q+1)}} \quad \text{Aufgabe 3: 5 Punkte}$$

Kurztest 3: Nenner rational machen

- 1 a) $\frac{4}{4+\sqrt{6}} = \frac{4(4-\sqrt{6})}{16-6} = \frac{4(4-\sqrt{6})}{10} = \frac{2(4-\sqrt{6})}{5}$
- b) $\frac{2}{\sqrt{11}-\sqrt{7}} = \frac{2(\sqrt{11}+\sqrt{7})}{11-7} = \frac{2(\sqrt{11}+\sqrt{7})}{4} = \frac{\sqrt{11}+\sqrt{7}}{2}$
- c) $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{2}+\sqrt{3})^2}{2-3} = \frac{2+2\sqrt{6}+3}{2-3} = -5-2\sqrt{6}$
- d) $\frac{2\sqrt{3}}{5-\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}(5+\sqrt{3})}{25-3} = \frac{10\sqrt{3}+6}{22} = \frac{5\sqrt{3}+3}{11}$
- e) $\frac{2\sqrt{3}+3\sqrt{5}}{\sqrt{3}-\sqrt{5}} = \frac{(2\sqrt{3}+3\sqrt{5})(\sqrt{3}+\sqrt{5})}{3-5} = \frac{6+2\sqrt{15}+3\sqrt{15}+15}{-2} = \frac{-21+5\sqrt{15}}{2}$
- f) $\frac{1}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{6}-2} = \frac{\sqrt{6}+2}{6-4} = \frac{\sqrt{6}+2}{2} = \frac{1}{2}\sqrt{6}+1$
- Aufgabe 1a)–f): je 2 Punkte
- 2 a) $\frac{3\sqrt{x}}{\sqrt{y}} = \frac{3\sqrt{xy}}{y}$
- b) $\frac{2}{\sqrt{2}a} = \frac{2\sqrt{2}a}{2a} = \frac{\sqrt{2}a}{a}$
- c) $\frac{a}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} = \frac{a(\sqrt{a}-\sqrt{b})}{a-b}$
- d) $\frac{a-b}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} = \frac{(a-b)(\sqrt{a}+\sqrt{b})}{a-b} = \sqrt{a}+\sqrt{b}$
- e) $\frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} = \frac{(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2}{a-b} = \frac{a-2\sqrt{ab}+b}{a-b}$
- f) $\frac{a+\sqrt{b}}{a-\sqrt{b}} = \frac{(a+\sqrt{b})^2}{a^2-b} = \frac{a^2+2a\sqrt{b}+b}{a^2-b}$
- Aufgabe 2a)–f): je 2 Punkte
- 3 a) $\frac{a+b\sqrt{a}}{b+\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{a} \cdot (\sqrt{a}+b)}{b+\sqrt{a}} = \sqrt{a}$
- b) $\frac{\sqrt{a^2-b^2}}{\sqrt{a-b}} = \frac{\sqrt{(a-b)(a+b)}}{\sqrt{a-b}} = \sqrt{\frac{(a-b)(a+b)}{a-b}} = \sqrt{a+b}$
- Aufgabe 3a)–b): je 2 Punkte

Abschlusstest 1

- 1 a) $p = 6,25$ b) $p = 1,5$ c) $p = 1\frac{1}{3}$
 Aufgabe 1a)–c): je 1 Punkt
- 2 a) $2c+3 \geq 0 \Leftrightarrow c \geq -1,5$ b) $0,3-2c \geq 0 \Leftrightarrow c \leq 0,15$ c) für jedes c
 d) für jedes c e) für jedes c f) für $c \geq 0$
 g) für $c \leq 0$ h) für $c \leq 0$ i) für $c \geq 0$
 Aufgabe 2a)–i): je 1 Punkt
- j) $(3-2c) \cdot c > 0 \Leftrightarrow (3-2c > 0 \text{ und } c > 0) \text{ oder } (3-2c < 0 \text{ und } c < 0)$
 $\Leftrightarrow (c < 1,5 \text{ und } c > 0) \text{ oder } (c > 1,5 \text{ und } c < 0)$
 $\Leftrightarrow 0 < c < 1,5$
- k) $(2c+1) \cdot (5-2c) < 0 \Leftrightarrow (2c+1 < 0 \text{ und } 5-2c > 0) \text{ oder } (2c+1 > 0 \text{ und } 5-2c < 0)$
 $\Leftrightarrow (c < -0,5 \text{ und } c < 2,5) \text{ oder } (c > -0,5 \text{ und } c > 2,5)$
 $\Leftrightarrow c < -0,5 \text{ oder } c > 2,5$
 Aufgabe 2j)–k): je 3 Punkte
- 3 a) immer falsch b) wahr für $c < -1$ c), d) wahr für $c \geq 0$
 Aufgabe 3a)–d): je 0,75 Punkte
- 4 a) $\sqrt{3} \cdot (\sqrt{3} + \sqrt{27}) = \sqrt{9} + \sqrt{81} = 3 + 9 = 12$
 b) $(\sqrt{216} - \sqrt{24}) \cdot \sqrt{6} = \sqrt{1296} - \sqrt{144} = 36 - 12 = 24$
 c) $(\sqrt{128} - \sqrt{72}) : \sqrt{2} = \sqrt{64} - \sqrt{36} = 8 - 6 = 2$
 d) $(\sqrt{12} + \sqrt{6})^2 = 12 + 2\sqrt{72} + 6 = 18 + 12\sqrt{2}$
 e) $(3 \cdot \sqrt{20} - 20 \cdot \sqrt{3})^2 = 180 - 120\sqrt{60} + 1200 = 1380 - 240\sqrt{15}$
 f) $(5\sqrt{6} - 6\sqrt{5}) \cdot (5\sqrt{6} + 6\sqrt{5}) = 150 - 180 = -30$
 g) $(2\sqrt{3a} + 3\sqrt{2b})^2 = 12a + 12\sqrt{6ab} + 18b$
 h) $(\sqrt{2a} + \sqrt{3b})^2 = 2a + 2\sqrt{6ab} + 3b$
 Aufgabe 4a)–h): je 1,5 Punkte

i) $(\sqrt{2a-3b} + \sqrt{2a+3b})^2 = 2a - 3b + 2\sqrt{4a^2 - 9b^2} + 2a + 3b = 4a + 2\sqrt{4a^2 - 9b^2}$

j) $(\sqrt{2a-3b} - \sqrt{2a+3b})^2 = 2a - 3b - 2\sqrt{4a^2 - 9b^2} + 2a + 3b = 4a - 2\sqrt{4a^2 - 9b^2}$

Aufgabe 4i)–j): je 3 Punkte

5 a) $\sqrt{\frac{12a^3 + 24a^2b}{(a+2b)^3}} = \sqrt{\frac{12a^2(a+2b)}{(a+2b)^3}} = \sqrt{\frac{12a^2}{(a+2b)^2}} = \frac{2a}{a+2b}\sqrt{3}$

b) $(2\sqrt{3} - \sqrt{6})^2 - (3\sqrt{2} - \sqrt{3})(3\sqrt{2} + \sqrt{3}) + (2 + \sqrt{8})^2 = 12 - 4\sqrt{18} + 6 - (18 - 3) + 4 + 4\sqrt{8} + 8 = 15 - 12\sqrt{2} + 8\sqrt{2} = 15 - 4\sqrt{2}$

Aufgabe 5a)–b): je 4 Punkte

6 $\frac{3(y-2)}{x^2}\sqrt{\frac{x^3}{3(y^2-4)}} = \sqrt{\frac{9(y-2)^2x^3}{3x^4(y-2)(y+2)}} = \sqrt{\frac{3(y-2)}{x(y+2)}}$

Aufgabe 6: 8 Punkte

7 a) $\frac{3}{3+\sqrt{5}} = \frac{3(3-\sqrt{5})}{9-5} = \frac{3(3-\sqrt{5})}{4}$

b) $\frac{4}{\sqrt{17}-\sqrt{6}} = \frac{4(\sqrt{17}+\sqrt{6})}{17-6} = \frac{4(\sqrt{17}+\sqrt{6})}{11}$

c) $\frac{\sqrt{5}+\sqrt{6}}{\sqrt{5}-\sqrt{6}} = \frac{(\sqrt{5}+\sqrt{6})^2}{5-6} = \frac{5+2\sqrt{30}+6}{-1} = -11-2\sqrt{30}$

d) $\frac{3\sqrt{5}}{6-\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}(6+\sqrt{5})}{36-5} = \frac{18\sqrt{5}+15}{31}$

e) $\frac{3\sqrt{5}+5\sqrt{6}}{\sqrt{5}-\sqrt{6}} = \frac{(3\sqrt{5}+5\sqrt{6})(\sqrt{5}+\sqrt{6})}{5-6} = \frac{15+3\sqrt{30}+5\sqrt{30}+30}{-1} = -45-8\sqrt{30}$

f) $\frac{2}{(\sqrt{7}-\sqrt{6})\sqrt{6}} = \frac{2}{\sqrt{42}-6} = \frac{2(\sqrt{42}+6)}{42-36} = \frac{\sqrt{42}+6}{3}$

Aufgabe 7a)–f): je 3 Punkte

8 a) $\frac{2\sqrt{p}}{\sqrt{q}} = \frac{2\sqrt{pq}}{q}$

b) $\frac{3}{\sqrt{3c}} = \frac{3\sqrt{3c}}{3c} = \frac{\sqrt{3c}}{c}$

c) $\frac{2p}{\sqrt{2p}+\sqrt{q}} = \frac{2p(\sqrt{2p}-\sqrt{q})}{2p-q}$

d) $\frac{2x-3y}{\sqrt{2x}-\sqrt{3y}} = \frac{(2x-3y)(\sqrt{2x}+\sqrt{3y})}{2x-3y} = \sqrt{2x}+\sqrt{3y}$

e) $\frac{\sqrt{2x}-\sqrt{3y}}{\sqrt{2x}+\sqrt{3y}} = \frac{(\sqrt{2x}-\sqrt{3y})^2}{2x-3y} = \frac{2x-2\sqrt{6xy}+3y}{2x-3y}$

f) $\frac{2x+\sqrt{3y}}{2x-\sqrt{3y}} = \frac{(2x+\sqrt{3y})^2}{4x^2-3y} = \frac{4x^2+4x\sqrt{3y}+3y}{4x^2-3y}$

Aufgabe 8a)–f): je 2 Punkte

9 a) $\frac{2x+3y\sqrt{2x}}{3y+\sqrt{2x}} = \frac{\sqrt{2x}(\sqrt{2x}+3y)}{3y+\sqrt{2x}} = \sqrt{2x}$

b) $\frac{\sqrt{4x^2-9y^2}}{\sqrt{2x-3y}} = \frac{\sqrt{(2x-3y)(2x+3y)}}{\sqrt{2x-3y}} = \sqrt{\frac{(2x-3y)(2x+3y)}{2x-3y}} = \sqrt{2x+3y}$

Aufgabe 9a)–b): je 3 Punkte

Quadratische Gleichungen

Kurztest 4: Lösung mit quadratischer Ergänzung

Seite 16 ↪

1 a) $x^2 - 3,4x + 2,8 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 2 \cdot 1,7x + 1,7^2 - 1,7^2 + 2,8 = 0$
 $\Leftrightarrow (x-1,7)^2 - 0,09 = 0$
 $\Leftrightarrow (x-1,7)^2 = 0,09$
 $\Leftrightarrow x-1,7 = -0,3 \text{ oder } x-1,7 = 0,3$
 $\Leftrightarrow x = 1,4 \text{ oder } x = 2$