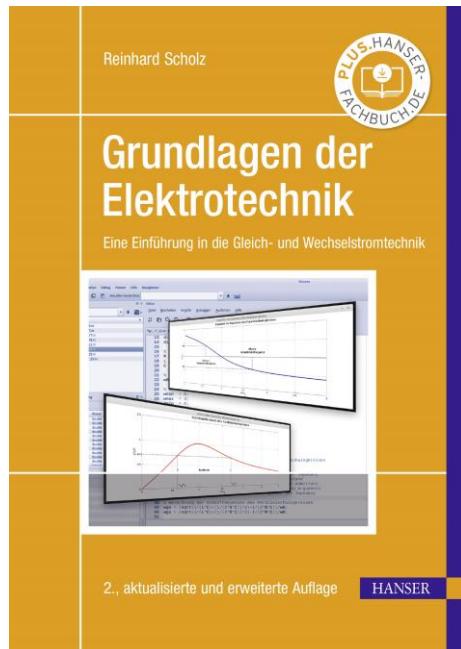


HANSER



Leseprobe

zu

Grundlagen der Elektrotechnik

von Reinhard Scholz

Print-ISBN: 978-3-446-47936-4

E-Book-ISBN: 978-3-446-48121-3

Weitere Informationen und Bestellungen unter
<https://www.hanser-kundencenter.de/fachbuch/artikel/9783446479364>
sowie im Buchhandel

© Carl Hanser Verlag, München

Vorwort

■ Vorwort zur zweiten Auflage

Die vorliegende zweite Auflage des Lehrbuches wurde um ein Kapitel zu Einschalt- und Einschwingvorgängen erweitert. Des weiteren wurde auch ein Anhang zur mathematischen Herangehensweise bei der Betrachtung linearer Differenzialgleichungen hinzugefügt.

Aufbauend auf der systemtheoretischen Beschreibung linearer Netzwerke durch Differenzialgleichungen werden Algorithmen zur numerischen Berechnung der Zustandsgrößen (Spannung und Strom) entwickelt. Im Vordergrund steht hierbei das Verständnis der Zusammenhänge und nicht so sehr die effiziente programmiertechnische Umsetzung. Abweichungen, Grenzen und sogar Instabilitäten der Algorithmen aufzuzeigen ist dabei durchaus gewollt und schult das Verständnis der Problematik. Schließlich ist die Fähigkeit zur Interpretation der erzielten Ergebnisse eine wesentliche Kernkompetenz von Ingenieurinnen und Ingenieuren.

Die neuen Inhalte schließen nahtlos an die bereits vorhandenen an und bauen auf diesen auf. Wir betrachten weiterhin Modelle, die die tatsächlichen Vorgänge möglichst gut aber auch mit vertretbaren Aufwand beschreiben. Der aktive und reflektierte Einsatz moderner Simulationswerkzeuge fördert das Verständnis für den theoretischen Hintergrund und methodisches Denken. Die grundlegenden Gedanken des Vorworts zur ersten Auflage haben also weiterhin Bestand, auch wenn ich dies heutzutage sicherlich sprachlich sensibler formuliert hätte.



Weitere Materialien, die Lösungen der Übungsaufgaben sowie die dabei verwendeten Octave-Programme sind unter plus.hanser-fachbuch.de verfügbar. Den Zugangscode finden Sie auf der ersten Seite des Buches.

Bedanken möchte ich mich bei allen aufmerksamen Leserinnen und Lesern sowie den Studierenden, die mich auf Unstimmigkeiten und Fehler im Buch hingewiesen haben. Neben der Fehlerkorrektur habe ich auch einige Ergänzungen aufgenommen und bestimmte Passagen klarer formuliert. Mein besonderer Dank gilt Frau Christina Kubiak (Editorial Service) und Herrn Frank Katzenmayer (Lektorat) vom Carl Hanser Verlag für die wertvollen Hinweise und Korrekturen sowie die gute Zusammenarbeit bei der Realisierung des Projekts.

■ Vorwort zur ersten Auflage

„Wie sieht eigentlich Strom aus?“ Eine Bekannte erzählte mir einmal, ihr kleiner Sohn hätte ihr diese Frage gestellt. Nur eine banale Kinderfrage oder steckt mehr dahinter? Die Frage ist viel tiefgründiger, als es auf den ersten Blick erscheint. Es geht hier um nichts Geringeres als um wissenschaftliche Methodik. Wie können wir etwas beschreiben, das sich offensichtlich unseren Sinnen entzieht, etwas, das wir nicht im wahrsten Sinne des Wortes *begreifen* können?

Wird der Mensch mit solchen Problemen konfrontiert, so versucht er vergleichbare Muster in der ihm vertrauten Welt zu finden. So können wir beispielsweise den elektrischen Strom mit einer Flüssigkeit vergleichen, die durch Rohre und Schläuche fließt. Das geht bis zu einem gewissen Grade, stößt aber sehr schnell an Grenzen. Der Naturwissenschaftler nennt so etwas *Modell* und drückt dies in der Regel mathematisch aus. Aber auch mathematische Modelle sind nicht uneingeschränkt gültig, und auch sie stoßen an Grenzen.

In diesem Buch werden Sie als Praktiker oder Laie mit einer Fülle von Mathematik konfrontiert. Der theoretisch interessierte Experte wird die Ausführungen eher als oberflächlich betrachten und mathematische Tiefe vermissen. Viele Studienanfänger haben die Elektrizitätslehre bislang nur als Teilgebiet der Physik kennengelernt und verfügen nur über geringe oder gar keine praktische Erfahrung. Andererseits fehlt ihnen vielfach auch noch die notwendige mathematische Sicherheit, da das erforderliche Wissen meist parallel gelehrt wird. Hinzu kommt eine veränderte Struktur des Studiums. Grundlegende Kenntnisse der Elektrotechnik sind heutzutage fester Bestandteil des Curriculums vieler Studiengänge, die Lehrinhalte müssen aber aus Zeitmangel sehr kompakt vorgetragen werden.

Wir tragen diesem Umstand Rechnung, indem wir uns bei den physikalischen Grundlagen auf ein Minimum beschränken und die Gleichstromtechnik als Sonderfall der Wechselstromtechnik betrachten. Andererseits ermöglichen wir mit der Herangehensweise an die Thematik einen einfachen Einstieg in weiterführende Studien der Netzwerktheorie und der klassischen Nachrichtentechnik. Des Weiteren stehen uns heute sehr leistungsstarke Softwareprodukte zur Verfügung, mit denen die theoretischen Betrachtungen ohne großen Aufwand numerisch veranschaulicht werden können. Der Einsatz und die Anwendung von modernen Simulations- und Berechnungswerkzeugen wie *Matlab*, *Octave*, *Mathcad* oder ähnlichen Produkten sollte im Studium heute so selbstverständlich sein, wie noch vor wenigen Jahrzehnten der Gebrauch des Rechenschiebers.

In den Bereichen Forschung und Entwicklung gehört *Matlab/Simulink* zu den Standard-Werkzeugen. Zumindest Grundkenntnisse dieser Werkzeuge sollten Studierenden der Ingenieurwissenschaften geläufig sein. *Octave* ist eine freie Software (GNU general public license) und in der Grundfunktionalität mit *Matlab* nahezu identisch. Die Software ist für alle gängigen Plattformen verfügbar und bietet somit einen kostengünstigen Einstieg in die Arbeitsumgebung des Entwicklungsingenieurs.

Die theoretischen Grundlagen der Elektrotechnik sind seit Jahrzehnten sehr gut verstanden und in vielen Publikationen ausführlich dargelegt. Die Anzahl an Lehrbüchern mit unterschiedlichen Ansprüchen ist entsprechend umfangreich. Am Ende des Buches haben wir, ohne Anspruch auf Vollständigkeit, eine thematisch geordnete Literaturauswahl angegeben. Auch ältere Werke sind durchaus noch aktuell. Geändert hat sich vor allem die didaktische Aufbereitung, und auch der Einfluss moderner computergestützter Methoden erfordert Ergänzungen bei der Darstellung grundlegender Zusammenhänge. Zum Nacharbeiten fehlender Grundlagen und für weiterführende theoretische Betrachtungen verweisen wir auf diese Literaturliste.

Im Anhang findet sich neben einer kleinen Starthilfe für *Octave* auch ein kurzer Abriss über komplexe Zahlen und Matrizenrechnung. Gerade die beiden letztgenannten Themengebiete der Mathematik spielen eine überaus wichtige Rolle in der Elektrotechnik.

Wir werden zur Beschreibung elektrischer Vorgänge unterschiedliche mathematische Methoden kennenlernen und dabei eine möglichst hohe Präzision bei vertretbarem Aufwand anstreben. Für Sie als Ingenieur bedeutet dies, Sie müssen die Methoden, ihre Anwendung, aber auch ihre Grenzen kennen. Sie müssen in der Lage sein, Ergebnisse zu verifizieren und auf Plausibilität zu untersuchen. Und nicht zuletzt: Sie müssen die richtigen Methoden einsetzen.

In diesem Sinne wünsche ich Ihnen viel Erfolg bei der Arbeit mit diesem Buch.

An dieser Stelle möchte ich mich bei allen Kollegen und Studierenden für die Anregungen und Diskussionen bedanken, die zur Entstehung dieses Buchs beigetragen haben. Mein besonderer Dank gilt Frau Franziska Kaufmann (Herstellung) und Herrn Manuel Leppert (Lektorat) vom Carl Hanser Verlag für die wertvollen Hinweise und Korrekturen sowie die gute Zusammenarbeit bei der Realisierung des Projekts.

Dortmund, im Mai 2018

Reinhard Scholz

Inhalt

1	Elektrizität und Magnetismus	15
1.1	Physikalische Grundlagen	15
1.2	Skalare und vektorielle Größen	16
1.3	Mathematische Modelle in der Elektrotechnik	18
1.4	Elektrische Ladung und Potenzial	23
1.4.1	Elementarladung	23
1.4.2	Kraftwirkung	24
1.4.3	Strom und Stromdichte	25
1.4.4	Potenzial und Spannung	27
1.4.5	Das elektrische Feld	30
1.5	Mechanismen elektrischer Leitung	31
1.5.1	Metallische Leiter	31
1.5.2	Elektronenleitung im Vakuum	34
1.5.3	Ionenleitung	35
1.5.4	Nichtleiter	36
1.5.5	Halbleiter	36
1.6	Der Widerstand als Bauelement	38
1.6.1	Beschreibung durch das Ohm'sche Gesetz	38
1.6.2	Nenngrößen, Toleranzen und Widerstandsreihen	39
1.6.3	Kennzeichnung von Widerständen	40
1.6.4	Veränderliche Widerstände	41
1.7	Magnetismus	43
1.7.1	Ursachen des Magnetismus	44
1.7.2	Das magnetische Feld	47
1.8	Übungsaufgaben	49
2	Zeitabhängige Größen	52
2.1	Periodische und nichtperiodische Vorgänge	52
2.2	Definition von Kenngrößen	53
2.2.1	Mittelwert	53
2.2.2	Effektivwert	54

2.2.3	Gleichrichtwert	55
2.3	Beschreibung harmonischer Vorgänge	56
2.3.1	Reelle Darstellung sinusförmiger Signale	56
2.3.2	Zeigerdarstellung	57
2.3.3	Komplexe Amplituden	59
2.4	Sonstige zeitabhängige Signale	63
2.4.1	Rechtecksignal	64
2.4.2	Dreiecksignal	66
2.5	Übungsaufgaben	68

3 Bauelemente und Grundschaltungen..... **72**

3.1	Das ideale Bauelement als Zweipol	72
3.1.1	Ohmscher Widerstand	72
3.1.2	Kondensator und Kapazität	73
3.1.3	Spule und Induktivität	75
3.1.4	Gekoppelte Induktivitäten	77
3.2	Impedanz und Admittanz	79
3.2.1	Definitionen und Begriffe	79
3.2.2	Frequenzabhängigkeit von Blindwiderständen	81
3.2.3	Bestimmung von Scheinwiderstand und Scheinleitwert	84
3.3	Zusammenschaltung von Bauelementen	84
3.3.1	Reihenschaltung	85
3.3.2	Parallelschaltung.....	86
3.3.3	Spannungs- und Stromteiler	89
3.3.4	Schwingkreise	91
3.3.4.1	Reihenschwingkreis	92
3.3.4.2	Parallelschwingkreis	98
3.3.5	Brückenschaltungen	106
3.3.5.1	Widerstandsmessbrücke	107
3.3.5.2	Induktivitätsmessbrücke (Maxwell-Wien-Brücke)	108
3.3.5.3	Kapazitätsmessbrücke (Schering-Brücke)	109
3.3.5.4	Frequenzmessbrücke (Wien-Robinson-Brücke)	110
3.3.6	Sternschaltung und Dreieckschaltung.....	111
3.4	Ersatzschaltungen zur Beschreibung realer Bauelemente.....	115
3.4.1	Der Kondensator.....	115
3.4.2	Die Spule	116
3.5	Spannungs- und Stromquellen	118
3.5.1	Ideale und reale Spannungsquelle	119

3.5.2 Ideale und reale Stromquelle.....	120
3.5.3 Äquivalenz von Spannungs- und Stromquellen.....	121
3.5.4 Ersatzquellen.....	122
3.6 Übungsaufgaben	124
4 Frequenzselektive Schaltungen	132
4.1 Übertragungsfunktion, Dämpfung und Phase	132
4.2 Grafische Darstellung des Übertragungsverhaltens	134
4.2.1 Bode-Diagramm	137
4.2.2 Nyquist-Diagramm	138
4.3 Elementare Filterschaltungen	139
4.3.1 Tiefpass	140
4.3.2 Hochpass	144
4.3.3 Bandpass.....	148
4.3.4 Bandsperre	150
4.4 Filteranalyse mit Octave	152
4.5 Übungsaufgaben	156
5 Leistung und Arbeit	159
5.1 Leistungsbetrachtung im Gleich- und Wechselstromkreis	159
5.1.1 Augenblicksleistung	160
5.1.2 Wirk-, Blind- und Scheinleistung.....	162
5.2 Leistungsanpassung und Wirkungsgrad	164
5.2.1 Wirkleistungsanpassung.....	167
5.2.2 Scheinleistungsanpassung	168
5.2.3 Reflexionsfaktor.....	168
5.3 Logarithmische Kenngrößen	169
5.3.1 Leistungspegel	170
5.3.2 Spannungspegel	170
5.3.3 Bezugssysteme	170
5.3.4 Referenzpegel	171
5.4 Übungsaufgaben	172
6 Lineare elektrische Netzwerke	177
6.1 Definition linearer Netzwerke	177
6.2 Netzwerkdarstellung durch Graphen	178
6.3 Netzwerktopologie	181
6.3.1 Der vollständige Baum.....	181

6.3.2 Abhängige und unabhängige Variablen	182
6.4 Das Maschenstromverfahren	184
6.4.1 Das Gleichungssystem der Maschenzweigströme	184
6.4.2 Direktes Aufstellen des Gleichungssystems.....	185
6.4.3 Berücksichtigung idealer Stromquellen	186
6.5 Das Knotenpotenzialverfahren	188
6.5.1 Das Gleichungssystem der Baumzweigspannungen	188
6.5.2 Direktes Aufstellen des Gleichungssystems.....	189
6.5.3 Berücksichtigung idealer Spannungsquellen.....	190
6.6 Der Überlagerungssatz	192
6.7 Netzwerkanalyse mit Octave	193
6.8 Übungsaufgaben	199

7 Einführung in die Netzwerktheorie.....205

7.1 Die Torbedingung	205
7.2 Lineare Eintore	206
7.3 Lineare Zweitore	206
7.3.1 Vierpole und Zweitore	207
7.3.2 Die Impedanzmatrix	208
7.3.3 Die Admittanzmatrix.....	211
7.3.4 Die Kettenmatrix.....	213
7.3.5 Die Hybridmatrix	215
7.3.6 Die Parallel-Reihen-Matrix.....	217
7.3.7 Symmetrien	218
7.3.8 Umrechnung der Matrizen	220
7.4 Idealer Übertrager im Netzwerk	222
7.4.1 Zweitorgleichungen des idealen Übertragers.....	222
7.4.2 Impedanztransformation.....	223
7.5 Übungsaufgaben	224

8 Einschalt- und Einschwingvorgänge228

8.1 Zustandsgrößen und Netzwerkordnung	228
8.2 Netzwerke erster Ordnung	229
8.2.1 RC-Glied	229
8.2.1.1 Entladevorgang.....	230
8.2.1.2 Ladevorgang	231
8.2.1.3 Harmonische Eingangsspannung	234
8.2.1.4 Rechteckförmige Eingangsspannung.....	236

8.2.2 <i>RL</i> -Glied	238
8.2.2.1 Ausschaltvorgang	239
8.2.2.2 Einschaltvorgang	241
8.3 Netzwerke zweiter Ordnung	242
8.3.1 Verlustbehafteter Reihenschwingkreis	243
8.3.2 <i>RC</i> -Kaskade	250
8.4 Übungsaufgaben	253
A Arbeiten mit Octave	258
A.1 Systemumgebung und Installation	258
A.2 Direkte Berechnung	259
A.3 Skript-Dateien und Funktionen	261
A.4 Diagramme	264
B Komplexe Zahlen	269
B.1 Definition	269
B.2 Darstellungsformen	270
B.3 Operationen und Rechenregeln	271
B.3.1 Konjugation	271
B.3.2 Betrag, Betragsquadrat und Winkel	272
B.3.3 Division und konjugiert komplexe Erweiterung	272
B.3.4 Real- und Imaginärteil	272
B.3.5 Euler'sche Formel	273
C Vektoren und Matrizen	274
C.1 Definition und Begriffe	274
C.1.1 Zeilen- und Spaltenvektoren	274
C.1.2 Matrizen	275
C.1.3 Einheitsvektor und Einheitsmatrix	275
C.2 Operationen und Rechenregeln	276
C.2.1 Transposition	276
C.2.2 Multiplikation von Vektoren und Matrizen	276
C.2.3 Determinanten	278
C.2.4 Adjunkte	279
C.2.5 Matrixinversion	279
C.3 Lineare Gleichungssysteme	281

D Lineare Differenzialgleichungen.....	282
D.1 Differenzialgleichung erster Ordnung.....	282
D.1.1 Analytische Betrachtung.....	282
D.1.2 Differenzengleichung erster Ordnung	284
D.1.3 Analytische und numerische Lösung	286
D.2 Differenzialgleichung zweiter Ordnung	288
D.2.1 Analytischer Lösungsansatz und Fallunterscheidung	288
D.2.2 Differenzengleichung zweiter Ordnung	292
D.2.3 Vergleich von analytischer und numerischer Lösung	294
Ergänzende und weiterführende Literatur.....	299
Index.....	303

Zusatzmaterialien auf plus.hanser-fachbuch.de

- Octave-Skript zur Darstellung von Dämpfung und Phase (Seite 153)
- Octave-Skript zur Darstellung des Bode-Diagramms (Seite 154)
- Octave-Skript zur Darstellung des Nyquist-Diagramms (Seite 155)
- Octave-Funktion zum Knotenpotenzialverfahren (Seite 195)
- Octave-Funktion zur Differenzialgleichung erster Ordnung (Seite 285)
- Octave-Funktion zur Differenzialgleichung zweiter Ordnung (Seite 293)
- Ausführliche Lösungen der Übungsaufgaben mit Octave-Skripten

1

Elektrizität und Magnetismus

Zum Verständnis der Elektrizität ist ein Blick in die Atomphysik unerlässlich. Die Elektrizität ist eine der vier fundamentalen Wechselwirkungen zwischen physikalischen Objekten. Elektrische Kräfte spielen beim Atomaufbau sowie bei chemischen Bindungen in Molekülen eine entscheidende Rolle. In der technischen Anwendung stehen jedoch der Ladungstransport und die sich daraus ergebenden Gesetzmäßigkeiten im Vordergrund.

■ 1.1 Physikalische Grundlagen

Elektrizität und Magnetismus sind zwei physikalische Erscheinungen, die sehr eng miteinander verbunden sind. Die elektromagnetische Kraft ist eine der vier physikalischen Grundkräfte. Urheber dieser Kraft ist die *elektrische Ladung*. Die Träger der elektrischen Ladung (Ladungsträger) sind Elementarteilchen wie z. B. Elektronen (negative Ladung) und Protonen (positive Ladung). Zwischen elektrischen Ladungen herrschen Kräfte, und zwar ziehen sich ungleichnamige Ladungen an, gleichnamige Ladungen hingegen stoßen sich ab. (Dieses Verhalten unterscheidet sich grundlegend von der Schwerkraft, bei der es nur die Anziehung, aber keine Abstoßung gibt.¹) Die elektrische Ladung ist, ähnlich wie die Energie, eine *Erhaltungsgröße*, d. h., bei allen Prozessen in einem abgeschlossenen System ändert sich die Gesamtladung nicht.

Die Wirkung einer elektrischen Ladung auf den umgebenden Raum wird durch ein *elektrisches Feld* beschrieben. Ladungsträger sind somit die Quelle eines elektrischen Feldes. Der Feldbegriff ist übrigens wesentlich allgemeiner formuliert und beschränkt sich nicht auf den Elektromagnetismus.

Ruhende Ladungsträger erzeugen ein statisches elektrisches Feld. Bewegte Ladungsträger werden als *elektrischer Strom* bezeichnet. Ein *magnetisches Feld* wird von bewegten Ladungsträgern erzeugt, d. h., jeder elektrische Strom hat ein Magnetfeld zur Folge. Magnetische Ladungen konnten bisher nicht entdeckt werden, das magnetische Feld ist somit quellenfrei.²

Nicht nur ruhende oder bewegte Ladungen erzeugen elektrische bzw. magnetische Felder. Zeitliche Veränderungen von elektrischen Feldern rufen magnetische Felder und zeitliche Veränderungen von magnetischen Feldern rufen elektrische Felder hervor. Ein derartiges Verhalten bezeichnet man als Symmetrie.

¹ Offensichtlich tritt die Ursache der Gravitation nur in einer einzigen Form auf und diese führt immer zu einer Anziehung von Massen. Elementarteilchen, die eine andere Art der Gravitation mit abstoßender Wirkung haben, konnten bislang noch nicht entdeckt werden.

² Als direkte Folge der Quellenfreiheit des magnetischen Feldes können keine isolierten magnetischen Nord- oder Südpole existieren. Jeder Dauermagnet hat einen Nord- und einen Südpol. Wird dieser Magnet durchgeschnitten, so entstehen zwei Magnete mit jeweils einem Nord- und einem Südpol.

Das grundlegende Verhalten aller elektromagnetischen Vorgänge kann mit wenigen einfachen Aussagen beschrieben werden. Eine derartige Zusammenstellung spiegelt zwar prinzipiell den Elektromagnetismus wider, kann allerdings bestenfalls ein grober Leitfaden sein. Dennoch ist es wichtig, sich stets aller Zusammenhänge bewusst zu sein, auch wenn einige Aspekte für die Betrachtung eines konkreten Problems von untergeordneter Bedeutung sind.



Grundlegendes Verhalten elektromagnetischer Vorgänge

- Urheber elektromagnetischer Kräfte ist die elektrische Ladung.
- Die elektrische Ladung ist eine Erhaltungsgröße.
- Die elektrische Ladung kann positiv oder negativ sein.
- Ungleichnamige Ladungen ziehen sich an.
- Gleichnamige Ladungen stoßen sich ab.
- Es gibt keine magnetischen Ladungen.
- Bewegte elektrische Ladungsträger nennt man elektrischen Strom.
- Elektrische Ladungsträger erzeugen elektrische Felder.
- Elektrische Ströme erzeugen magnetische Felder.
- Zeitlich veränderliche elektrische Felder erzeugen magnetische Felder.
- Zeitlich veränderliche magnetische Felder erzeugen elektrische Felder.

Eine derartige Beschreibung heißt *Modell*. Ein Modell ist ein mehr oder weniger stark vereinfachtes Abbild der Wirklichkeit. Jedes Modell hat einen abgegrenzten Geltungs- und Anwendungsbereich. Wird dieser Bereich überschritten, so liefert das Modell falsche Ergebnisse. Andererseits ist es oftmals sinnvoll, eingeschränkte Modelle zur Lösung bestimmter Aufgaben zu verwenden, da ein umfangreiches Modell viel zu komplex ist und Lösungen nur mit unangemessen hohem Aufwand zu erzielen sind.

Das oben dargestellte Modell eignet sich bestenfalls zur groben Betrachtung prinzipieller Verhaltensweisen. Genauere Untersuchungen oder sogar theoretische Beschreibung sind daraus nicht abzuleiten.

Das wichtigste Werkzeug der Physik ist die Mathematik. Nun ist es nicht so, dass die Physik mit Mathematik funktioniert. Physikalische Vorgänge verhalten sich so, wie sie sich verhalten. Vielmehr bietet die Mathematik Möglichkeiten, dieses Verhalten sehr präzise zu beschreiben. Jede physikalische Formel ist ein mathematisches Modell des realen Vorganges mit allen Vorteilen und Einschränkungen, die Modellen zu eigen sind.

■ 1.2 Skalare und vektorielle Größen

Im vorangegangen Abschnitt wurden einige physikalische Größen eingeführt und mit Begriffen wie z. B. Ladung oder Strom bezeichnet. Für eine kompakte Darstellung von physikalischen Zusammenhängen ist die Verwendung von Begriffen allerdings zu unhandlich. Diese werden daher durch einfache Zeichen (meist lateinische oder griechische Buchstaben) ersetzt. So wird für den Begriff Ladung im Allgemeinen das Formelzeichen Q und für den Begriff Strom I verwendet. In vielen Fällen haben sich zunächst willkürlich gewählte Formelzeichen durchgesetzt. Teilweise sind sie auch aus den Begriffen abgeleitet worden, wie z. B. bei der Leistung P (von power).

Zur quantitativen Erfassung der Größen ist es notwendig, diese mit einem Referenzwert zu vergleichen. Dieser Referenzwert ist die *Einheit*, die für jede physikalische Größe festgelegt ist. Die Einheit des Stromes ist das Ampere. Fließt also der 5,3-fache Strom der Einheit Ampere durch einen Leiter, so sagt man: Der Strom beträgt 5,3 Ampere oder kurz

$$I = 5,3 \text{ A}.$$

Jede Größenangabe wird als Produkt aus einem Zahlenwert und einer Einheit angegeben.

$$\text{Größe} = \text{Zahlenwert} \cdot \text{Einheit}$$

Referenzieren wir auf Einheiten, so setzen wir die betreffende Größe in eckige Klammern.

$$[\text{Größe}] = \text{Einheit} \quad \text{bzw.} \quad [I] = \text{A} \quad \text{oder} \quad [I] = 1 \text{ A}$$

Auch für die Einheiten gelten die Regeln der Mathematik, d. h., zwei Größen mit unterschiedlichen Einheiten können nicht addiert werden. Die Summe $I+Q$ ist daher sinnlos. Bei Produkten oder Quotienten von Größen werden auch die Einheiten multipliziert bzw. dividiert. Auf diese Weise leiten sich zusammengesetzte Einheiten ab.

Das Internationale System (SI) legt einige physikalischen Größen als Grundgrößen und deren Basiseinheiten fest. Alle anderen Größen lassen sich aus den Grundgrößen ableiten. In der Elektrotechnik wird neben den SI-Grundgrößen Länge, Zeit, Masse und Stromstärke praktischerweise die abgeleitete Größe Spannung wie eine Grundgröße verwendet.

In der Netzwerktheorie werden zeitunabhängige Größen durch Großbuchstaben und zeitabhängige Größen durch Kleinbuchstaben gekennzeichnet. Gleichstrom ist über die Zeit konstant, als Formelzeichen wird I verwendet. Wechselstrom ist eine zeitabhängige Größe. Daher wird das Formelzeichen i verwendet bzw. die Form $i(t)$ gewählt, um den Strom i als Funktion der Zeit t darzustellen.

Wir unterscheiden zwischen *skalaren Größen*, die durch die Angabe eines Zahlenwertes und einer Einheit vollständig beschrieben sind, und *vektoriellen Größen*, die zusätzlich eine Richtung besitzen. Vektoren werden durch einen Pfeil über dem Formelzeichen gekennzeichnet.

Ladung und Strom sind ungerichtete Größen. Bei der Kraft (ebenso wie bei der elektrischen und magnetischen Feldstärke) ist neben dem Absolutwert die Wirkrichtung von entscheidender Bedeutung. Vektorielle Größen können immer in voneinander unabhängige Komponenten zerlegt werden, die praktischerweise den Grundrichtungen des verwendeten Koordinatensystems entsprechen.

$$\vec{F} = (F_x, F_y, F_z) \quad |\vec{F}| = F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2 + F_z^2}$$

Der Betrag des Vektors ist dann die Größe, die in der Richtung des Vektors wirkt (oder genau entgegengesetzt). Oftmals ist diese skalare Darstellung ausreichend.

Obwohl der Strom kein Vektor ist, muss die Richtung, in die er fließt, gekennzeichnet werden. Unter Richtung versteht man in diesem Fall den Weg entlang eines elektrischen Leiters. Es gibt daher nur eine Richtung und eine Gegenrichtung. Die Kennzeichnung erfolgt durch einen *Zählpfeil*. Ein Strom, der entgegen der Zählpfeilrichtung fließt, ist negativ.

Auf *Feldgrößen* soll an dieser Stelle nur kurz eingegangen werden. Unter einem Feld versteht man eine räumlich verteilte Größe, d. h., jedem Punkt im Raum ist ein Wert (Skalarfeld) bzw. ein Wert und eine Richtung (Vektorfeld) zugeordnet. Im allgemeinsten Fall ist die Größe abhängig vom Ort und von der Zeit.

■ 1.3 Mathematische Modelle in der Elektrotechnik

Die umfassendste Beschreibung des Elektromagnetismus liefern die Maxwell'schen Gleichungen.³ Die beiden Darstellungen *Integralform* und *Differentialform* sind äquivalent. Welche Form zur Anwendung kommt, hängt von der Aufgabenstellung und der Lösungsmethode ab.

Integralform

$$\oint_C \vec{H} d\vec{s} = \iint_A \left(\vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right) d\vec{A}$$

$$\oint_C \vec{E} d\vec{s} = -\frac{d}{dt} \iint_A \vec{B} d\vec{A}$$

$$\iint_A \vec{D} d\vec{A} = \iiint_V \rho dV$$

$$\iint_A \vec{B} d\vec{A} = 0$$

Differentialform

$$\text{rot } \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

$$\text{rot } \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\text{div } \vec{D} = \rho$$

$$\text{div } \vec{B} = 0$$

Auf die Gleichungen soll an dieser Stelle nicht näher eingegangen werden. Es sei hier nur Folgendes erwähnt: \vec{E} und \vec{D} beschreiben das elektrische und \vec{H} und \vec{B} das magnetische Feld. Der Strom wird durch die Stromdichte \vec{J} und die Ladung durch die Ladungsdichte ρ ausgedrückt. Die Differentialoperatoren d/dt bzw. $\partial/\partial t$ bezeichnen zeitliche Veränderungen. Die Differentialoperatoren „rot“ und „div“ in der Differentialform stellen Ableitungen nach den Ortsvariablen dar.

Die elektrischen und magnetischen Eigenschaften des (leeren) Raums sowie der darin enthaltenen Stoffe werden durch die Materialgleichungen beschrieben.

$$\vec{D} = \epsilon \vec{E} \quad \epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r \quad \text{Permittivität}$$

$$\vec{B} = \mu \vec{H} \quad \mu = \mu_0 \mu_r \quad \text{Permeabilität}$$

$$\vec{J} = \kappa \vec{E} \quad \kappa \quad \text{Leitfähigkeit}$$

Die Lorentzkraft⁴ schließlich beschreibt die Kraft \vec{F} , die ein elektrisches oder ein magnetisches Feld auf eine Ladung Q ausübt. Hierbei ist \vec{v} die Relativgeschwindigkeit zwischen Ladung und Magnetfeld.

$$\vec{F} = Q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

Der hier dargestellte Formelsatz lässt sich auch ohne tiefere mathematische Kenntnisse direkt mit der eingangs aufgestellten „Verhaltensliste des Elektromagnetismus“ vergleichen. Jeder Listeneintrag findet sich in den Formeln wieder.

³ James Clerk Maxwell, englischer Physiker, 1831–1879.

⁴ Hendrik Antoon Lorentz, holländischer Physiker, 1853–1928.

Zur Anwendung des *Maxwell'schen Modells* werden zunächst die elektrischen und magnetischen Eigenschaften des betrachteten Raums beschrieben, d. h., es werden Raumbereiche definiert, denen eine bestimmte *Permittivität*, eine bestimmte *Permeabilität* und eine bestimmte *Leitfähigkeit* zugeordnet sind. Je nach Umfang der zu untersuchenden Anordnung kann allein diese Beschreibung schon sehr komplex werden. Ferner ist noch die Ladungsverteilung vorzunehmen. Dabei wird definierten Raumbereichen eine Ladungsdichte zugeordnet. Schließlich ist der anfängliche Zustand der Feldverteilung anzugeben. Nun kann mit der Lösung der Integrale begonnen werden. Aufgrund der beschriebenen Vorgehensweise ist leicht ersichtlich, dass eine geschlossene analytische Lösung nur für sehr einfache Anordnungen angegeben werden kann. Numerische Lösungen (z. B. mit der Methode der finiten Elemente) sind auch bei komplizierten Anordnungen berechenbar, erfordern z. T. aber eine extrem hohe Rechenleistung.

Schon die Berechnung eines einfachen Stromkreises, beispielsweise einer Lampe, die mit zwei beliebig durch den Raum gezogenen Drähten an einer Batterie angeschlossen ist, führt zu unvertretbar hohem Aufwand. Hinzu kommt, dass schon das Verbiegen eines Drahtes eine vollständig neue Beschreibung erfordert. Dabei hat die Lage des Drahtes keinen praktischen Einfluss auf die Funktion des Stromkreises, lediglich die Feldverteilung im umgebenden Raum ändert sich ein wenig.

Mit diesem Beispiel wird ersichtlich, dass die Maxwell'schen Gleichungen, obwohl sie alle physikalischen Vorgänge in der Anordnung beschreiben, nicht zur Lösung dieses Problems geeignet sind. Das Modell „Maxwell'sche Gleichungen“ ist für diese Aufgabe gültig, praktisch aber kaum anwendbar. Die Maxwell'schen Gleichungen kommen in der Elektrostatik, der Magnetostatik und der Elektrodynamik zur Anwendung.

In der Netzwerktheorie wird ein Modell eingesetzt, dass aus dem *Ohm'schen Gesetz*⁵ und den *Kirchhoff'schen Regeln*⁶ besteht. Netzwerke (Schaltungen) werden durch Zeichnungen, sogenannte Schalt- oder Stromlaufpläne, beschrieben. Hierbei werden Schaltelemente durch elektrische Leiter miteinander verbunden. Die physikalische Lage der Schaltelemente im Raum spielt dabei keine Rolle. Jedes Schaltelement wird durch eine Beziehung zwischen Strom I und Spannung U charakterisiert.

Der *Strom* ist die bewegte Ladungsmenge pro Zeiteinheit und bereits aus dem Maxwell'schen Modell bekannt. (Dort wird der Strom allerdings auf die durchdrungene Fläche bezogen und als *Stromdichte* bezeichnet.)

Die *Spannung* ist eine Potenzialdifferenz zwischen zwei Punkten in einem elektrischen Feld, d. h. die Feldstärke längs einer Strecke zwischen den beiden Punkten. (Anders ausgedrückt: Die Feldstärke ist die auf den Abstand bezogene Spannung zwischen zwei Punkten.)



Strom und Spannung

- Strom fließt durch einen Leiter (oder ein Bauelement).
- Spannung liegt zwischen zwei Punkten (z. B. über einem Bauelement) an.

Strom und Spannung sind keine gerichteten Größen (wie z. B. die Feldstärken), ihnen werden jedoch Zählpfeile zugeordnet. Ein negativer Wert bedeutet dann lediglich dass eine Spannung

⁵ Georg Simon Ohm, deutscher Physiker, 1789–1854.

⁶ Robert Kirchhoff, deutscher Physiker, 1824–1887.

entgegen der Zählpfeilrichtung anliegt. Im Falle eines negativen Stromes erfolgt die Bewegung von (positiven) Ladungsträgern entgegen der Zählpfeilrichtung. Auf die tatsächlichen Vorgänge in einem Leiter sowie die Definition der „technischen Stromrichtung“ wird in den Abschnitten 1.4.3 und 1.5 genauer eingegangen.

Das Verhältnis von Spannung zu Strom in einem Schaltkreis wird als elektrischer Widerstand R bezeichnet und beschreibt gleichzeitig ein Bauelement, durch das beim Anlegen einer Spannung ein bestimmter Strom fließt. Dieser Zusammenhang wird durch das Ohm'sche Gesetz

$$R = \frac{U}{I} \quad (1.1)$$

beschrieben.



Ohm'sches Gesetz

Der Quotient von Spannung und Strom an einem Widerstand ist konstant.

Die Kirchhoff'schen Regeln beziehen sich auf die Netzwerktopologie und bestehen aus der Knoten- und der Maschengleichung. Ein *Knoten* ist ein beliebiger Stromverzweigungspunkt. Eine *Masche* ist eine beliebige Verbindung von Spannungszählpfeilen zu einem geschlossenen Umlauf.

Kirchhoff'sche Regeln

- Knotenregel: Die Summe der Ströme in einem Knoten ist null.
- Maschenregel: Die Summe der Spannungen in einer Masche ist null.

Zur Anwendung der Kirchhoff'schen Regeln muss, wie in Bild 1.1 dargestellt, die Zählpfeilrichtung berücksichtigt werden. In einen Knoten hineinfließende Ströme werden positiv und aus dem Knoten herausfließende Ströme werden negativ gezählt. Entsprechendes gilt für die Spannungen: Je nachdem, ob eine Spannung beim Umlauf durch eine Masche in Zählpfeilrichtung oder entgegengesetzt durchlaufen wird, wird diese positiv oder negativ gezählt.

Der Schaltkreis in Bild 1.2 beschreibt eine sehr einfache Anordnung von zwei Bauelementen. Dort ist eine *Glühlampe* an einer Batterie angeschlossen. Diese Schaltung enthält eine einzige Masche und keinen Knoten. Die räumliche Anordnung der Bauelemente wird in dem Modell nicht berücksichtigt. Die Verbindungsleitungen beschreiben nur die Verschaltung der Bauelemente, nicht aber die Einflüsse der verwendeten Drähte bzw. Leitungen. Somit stellt die Schaltung eine Situation dar, in der die Lampe unmittelbar (ohne die geringste räumliche Entfernung) an die Spannungsquelle angeschlossen ist. Nun werden ein paar kurze Drähte kaum einen Einfluss haben. Wird jedoch ein sehr langes Kabel zwischen Batterie und Lampe geschaltet, so wird deren Leuchtkraft deutlich geringer sein. Solche Einflüsse werden durch eine Ersatzschaltung des Kabels (in diesem Fall durch einen Widerstand) berücksichtigt. Eine Ersatzschaltung ist wiederum ein Modell für eine komplexere Struktur. Auf diese Weise können die realen Verhältnisse durch Kombination idealer Bauelemente je nach Anforderung sehr genau nachgebildet werden.

Das *Kirchhoff'sche Modell* hat aber auch Einschränkungen, die in vielen, nicht jedoch in allen Fällen durch Einbringen zusätzlicher Bauelemente behoben werden können.

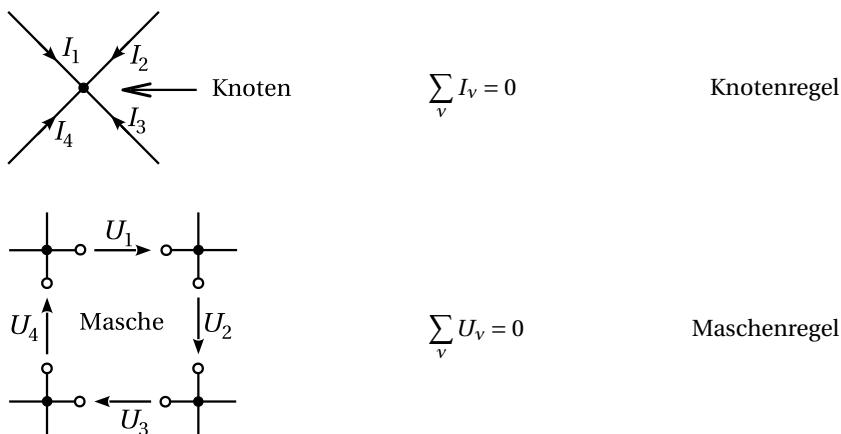


Bild 1.1 In einem Knoten kann kein Strom verschwinden, daher muss die Summe aller Ströme null sein. Ein vollständiger Umlauf in einer Masche erfasst alle anliegenden Spannungen. Unter Berücksichtigung ihrer Zählpfeilrichtung muss ihre Summe null sein.



Bild 1.2 Elektrische Bauelemente werden durch Symbole dargestellt. Ihre Verschaltung ist durch Verbindungslien festgelegt. Verbindungslien sind keine Leitungen, insbesondere besitzen sie weder eine Ausdehnung noch einen Widerstand.

Eingangs hatten wir erörtert, dass jeder stromdurchflossene Leiter ein Magnetfeld ausbildet. Zum Aufbau dieses Feldes ist eine gewisse Energie erforderlich, die natürlich der Spannungsquelle entnommen wird. Dieses Verhalten bleibt im Kirchhoff'schen Modell anscheinend unberücksichtigt. Wie wir später noch sehen werden, lassen sich auch diese Effekte in das Modell einbringen, indem entsprechende (ideale) Bauelemente definiert werden.

Weiterhin ist z. B. der Kurzschluss einer idealen Spannungsquelle nicht erlaubt, da dann die Maschenregel nicht mehr erfüllt werden kann. (Wenn in einer Masche nur eine einzige Spannung vorkommt, so darf diese sich nicht von null unterscheiden.) Abhilfe schafft hier die Erweiterung des Modells „ideale Spannungsquelle“, die eine bessere Annäherung an eine reale Spannungsquelle darstellt.

Die beiden hier kurz angerissenen Modelle und ihre Anwendung werden wir im Anschluss an einige grundlegende Bemerkungen eingehend behandeln. Zuvor soll jedoch ein erstes Beispiel betrachtet und konkret berechnet werden.

Beispiel 1.1 Schaltkreis mit Stromverzweigung

Wir betrachten die in Bild 1.3 dargestellte Schaltung mit der Quellspannung $U_0 = 10 \text{ V}$ und den Widerständen $R_1 = R_2 = 1 \text{ k}\Omega$ sowie $R_3 = 500 \Omega$. Die Spannungen U_1 , U_2 und U_3 sowie die Ströme I_1 , I_2 und I_3 sollen bestimmt werden.

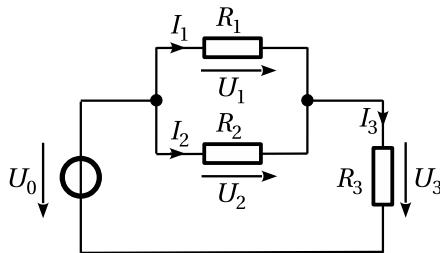


Bild 1.3 Schaltkreis

Zur Lösung des Problems wenden wir die Knotenregel auf einen der beiden Knoten an und führen zwei Maschenumläufe über die Spannungen U_0 , U_1 , U_3 sowie U_0 , U_2 , U_3 aus. Damit finden wir ein lineares Gleichungssystem.

$$\begin{aligned}I_1 + I_2 - I_3 &= 0 \\-U_0 + U_1 + U_3 &= 0 \\-U_0 + U_2 + U_3 &= 0\end{aligned}$$

An den Widerständen gilt jeweils das Ohm'sche Gesetz. Damit verknüpfen wir die Spannungen mit den Strömen.

$$U_1 = R_1 I_1$$

$$U_2 = R_2 I_2$$

$$U_3 = R_3 I_3$$

Nach Einsetzen und Umformen des Gleichungssystems erhalten wir schließlich die gesuchten Spannungen und Ströme.

$$U_1 = \frac{R_1 R_2 U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 5 \text{ V}$$

$$U_2 = \frac{R_1 R_2 U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 5 \text{ V}$$

$$U_3 = \frac{R_3 (R_1 + R_2) U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 5 \text{ V}$$

$$I_1 = \frac{R_2 U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 5 \text{ mA}$$

$$I_2 = \frac{R_1 U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 5 \text{ mA}$$

$$I_3 = \frac{(R_1 + R_2) U_0}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 10 \text{ mA}$$

■

Die Berechnung von Spannungen und Strömen in einem relativ kleinen Netzwerk scheint auf den ersten Blick recht kompliziert zu sein. Wir werden jedoch Methoden kennenlernen, die dieses Problem deutlich vereinfachen. Ein wesentlicher Punkt wird dabei die systematische Analyse von Netzwerken sowie die Behandlung linearer Gleichungssysteme sein. Außerdem lassen sich mehrere Widerstände mit einfachen Regeln zu einem einzigen zusammenfassen und verringern damit die Komplexität einer Schaltung.

■ 1.4 Elektrische Ladung und Potenzial

Strom und Spannung sind für die technische Anwendung der Elektrizität fundamentale Größen. Sie lassen sich messtechnisch sehr einfach und mit großer Präzision erfassen. Eine Be trachtung elektrischer Ladungen, der Kräfte zwischen diesen Ladungen sowie deren Bewe gungen ist die Grundlage zur Definition von Strom und Spannung.

1.4.1 Elementarladung

Die elektrische Ladung ist die Ursache des Elektromagnetismus und eine Grundeigenschaft der Materie. Elektrische Ladung tritt nur in quantisierter Form als ganzzahliges Vielfaches der *Elementarladung*

$$e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad (1.2)$$

auf,⁷ d. h., für jede Ladungsmenge Q gilt

$$Q = n \cdot e, \quad n \in \mathbb{Z}. \quad (1.3)$$

Die Einheit der elektrischen Ladung ist das Coulomb⁸ (C). Das Coulomb ist eine zusam men gesetzte Einheit. Ein Coulomb ist die Ladungsmenge, die von einem Strom der Stärke ein Ampere⁹ in einer Sekunde transportiert wird.

$$1 \text{ Coulomb} = 1 \text{ Ampere} \cdot 1 \text{ Sekunde}$$

$$1 \text{ C} = 1 \text{ A} \cdot \text{s}$$

Elektrisch nicht neutrale Elementarteilchen werden als *Ladungsträger* bezeichnet. In der Elektrotechnik sind nur Elektronen und Protonen von praktischer Bedeutung.

Protonen sind positiv geladen ($e^+ = +e$) und bilden (zusammen mit elektrisch neutralen Neutronen) den Atomkern. *Elektronen* sind negativ geladen ($e^- = -e$) und bilden die Atomhülle. Ein vollständiges Atom besitzt genau so viele Elektronen wie Protonen. Es ist nach außen elektrisch neutral. Das Bohr'sche¹⁰ Atommodell lässt nur bestimmte Elektronenbahnen zu. Eine bestimmte Zahl von Elektronenbahnen lässt sich zu jeweils einer Schale zusammenfassen. Jede Schale kann nur eine maximale Anzahl an Elektronen aufnehmen. Es zeigt sich, dass eine vollbesetzte äußere Elektronenschale der energetisch günstigste Zustand eines Atoms ist. Atome, die nur ein Elektron auf ihrer äußeren Schale haben, geben dieses bei Energiezufuhr relativ leicht ab. Andererseits nehmen Atome, denen lediglich ein Elektron zu einer vollbesetzten äußeren Schale fehlt, begierig freie Elektronen auf. Derartige Elemente sind daher chemisch sehr reaktionsfreudig.

Metalle weisen sich durch eine nur schwach besetzte äußere Schale auf. Die Elektronen auf dieser Schale nennt man auch *Valenzelektronen*. Sie sind nur sehr schwach an den Kern gebunden bzw. bewegen sich ungeordnet zwischen den Atomen. Valenzelektronen können mit

⁷ Quarks werden Drittelladungen zugeschrieben; sie treten aber nie isoliert auf, sondern immer nur in Kombinationen, deren Gesamtladung ein ganzzahliges Vielfaches der Elementarladung ist.

⁸ Charles Augustin de Coulomb, französischer Physiker, 1736–1806.

⁹ André-Marie Ampère, französischer Naturforscher, 1775–1836.

¹⁰ Niels Bohr, dänischer Physiker, 1885–1962.

geringer Energiezufuhr gerichtet bewegt werden. Diese Form des Ladungstransports heißt metallische Leitung.

Ist die Anzahl von Elektronen und Protonen eines Atoms nicht ausgeglichen, so spricht man von einem *Ion*. Je nachdem, ob ein Überschuss oder ein Mangel an Elektronen besteht, ist das Ion positiv oder negativ geladen. In leitenden Flüssigkeiten und angeregten Gasen (Plasma) erfolgt der Ladungstransport durch gerichtete Bewegung von Ionen.

Die Gesamtladung eines Raumbereichs ist gegeben durch die Summe der einzelnen Elementarladungen. Bei einer makroskopischen Betrachtung setzt sich die Gesamtladung aus einer sehr großen Zahl von Elementarladungen zusammen, sodass sich deren diskrete Natur nach außen nicht mehr bemerkbar macht. Die Ladungsverteilung in einem Volumen kann daher durch Betrachtung der Ladung dQ in einem infinitesimalen Volumenelement dV als *Raumladungsdichte*

$$\varrho = \frac{dQ}{dV} \quad (1.4)$$

beschrieben werden. Die im Volumen V eingeschlossene Gesamtladung ist dann gegeben durch das Integral

$$Q = \iiint_V \varrho dV. \quad (1.5)$$

1.4.2 Kraftwirkung

Die Wirkung von elektrischen Ladungen lässt sich durch die Kraft beobachten, die sie aufeinander ausüben. Zwei im Abstand d positionierte punktförmige Ladungen Q_1 und Q_2 stoßen sich mit der Kraft

$$F = \frac{Q_1 Q_2}{4\pi\epsilon d^2} \quad (1.6)$$

ab, wobei die Permittivität ϵ (auch Dielektrizitätskonstante genannt) den Einfluss der umgebenden Materie beschreibt. Die Permittivität des leeren Raums ϵ_0 ist eine Naturkonstante und beträgt

$$\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{\text{A} \cdot \text{s}}{\text{V} \cdot \text{m}}. \quad (1.7)$$

Jedes nicht leitende Material erhöht die Permittivität um einen bestimmten materialtypischen Faktor, der relative Permittivität genannt wird. Wie man sofort erkennt, wird die Kraft bei Ladungen mit unterschiedlichen Vorzeichen negativ, d.h., unterschiedliche Ladungen ziehen sich an. Die Kraft nimmt mit dem Quadrat der Entfernung ab.

Die elektrostatische Kraftwirkung ist um ein Vielfaches (etliche Zehnerpotenzen) größer als die Gravitationskräfte. Um dies zu verdeutlichen, wollen wir die Kräfte vergleichen, die zwei Protonen im ansonsten leeren Raum aufeinander ausüben. Aus Gleichung (1.6) ergibt sich bei einem Abstand d der Teilchen eine abstoßende elektrostatische Kraft

$$F_e = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 d^2}.$$

Index

- Abgleichbedingung, 106
- Additivität, 192
- Adjunkte, 279
- Admittanz, 79, 132
 - Parallelschaltung, 86
- Admittanzmatrix, 211
- Akkumulator, 118, 160
- Ampere, 23
- Amplitude, 132
 - komplexe, 59, 228
- Amplitudengang, 137, 154
- Anfangswertproblem, 230, 239, 244, 283, 286, 290, 294
- Anionen, 35
- Anode, 35
- Arbeit, 160
- Argument, 272
- Audiotechnik, 139, 171
- Augenblicksleistung, 160
- Augenblickswert, 52
- Ausgangsadmittanz, 212
- Ausgangsgröße, 132
- Ausgangsimpedanz, 209
- Ausgangsklemmen, 121
- Ausgangsspannung, 132
- Bandbreite, 95, 102, 150, 152
- Bandpassfilter, 148
- Bandsperrfilter, 150
- Batterie, 20, 118, 160
- Bauelement
 - ideal, 72
 - real, 72
- Baum, 181
 - sternförmiger, 188
- Baumzweig, 181
- Betrag, 272, 275
- Betragsquadrat, 272
- Betriebsspannung, 78
- Betriebszustand, 122, 166
- Bewegungsenergie, 162
- Bezugsknoten, 188, 193
- Bezugssystem, 171
- Blindleistung, 162, 163
- Blindleistungskompensation, 163
- Blindleitwert, 79, 80
 - induktiver, 80
 - kapazitiver, 80
- Blindwiderstand, 79
 - induktiver, 76, 79
 - kapazitiver, 74, 79
- Bode-Diagramm, 137, 153
- Brandschutztür, 166
- Brücke, abgeglichene, 106
- Brückenschaltung, 106, 111
- Dämpfung, 133, 152
- Dämpfungsmaß, 134
- Dämpfungspol, 152
- Dämpfungsverlauf, 136
- Darstellung
 - kartesische, 135, 270
 - logarithmische, 133, 169
- Dekade, 137
- Determinante, 278
- Dezibel, 133
- Dielektrikum, 115
- Differenzialgleichung, 282
 - homogene, 230, 239, 282, 288
 - inhomogene, 232, 241, 283, 291
 - lineare, 228, 282
 - zweiter Ordnung, 288
- Dimension, 274
- Doppelader, 166
- Doppelpotentiometer, 110
- Drehzeiger, 58, 59
- Dreieck-Stern-Umrechnung, 112, 113
- Dreieckfunktion, 66
- Dreieckimpuls, 66
- Dreieckschaltung, 111

- Dreiecksignal, 67
 - periodisches, 67
- Dreipol, 111
- Driftgeschwindigkeit, 31
- Dualität, 98, 114
- Durchflutung, magnetische, 77
- Durchlassbereich, 140
- Dynamo, 118, 160
- Effektivwert, 54, 59, 80, 84
- Eingangssadmittanz, 212
- Eingangsgröße, 132
- Eingangsimpedanz, 209
- Eingangsspannung, 132
- Einheit, 17
- Einheitsmatrix, 275
- Einheitsvektor, 275
- Eisenkern, 79
- Elektromagnet, 166
- Elektronen, 23
- Elektronengeschwindigkeit, 35
- Element, 274
- Elementarladung, 23
- Empfänger, 166
- Empfindlichkeit, 106
- Energie, 160
 - chemische, 118
 - elektrische, 118
 - mechanische, 118
 - thermische, 118
- Energietechnik, 163, 166
- Energieumsetzung, 162
- Energiewandler, 160
- Erhaltungsgröße, 15
- Ersatzquelle, 123
- Erweiterung, konjugiert komplexe, 272
- Euler'sche Formel, 62, 273
- Euler'sche Zahl, 133
- Farad, 73
- Farbcodierung, 40
- Feld
 - elektrisches, 15, 30
 - magnetisches, 15
- Feldgröße, 17
- Feldstärke
 - elektrische, 30
 - magnetische, 48
- Filter, 139
 - elektrisches, 132
- Filterordnung, 139
- Filterschaltung, 139
- Flüssigkeit, 35
- Fluss, magnetischer, 75
- Flussdichte, magnetische, 48
- Form, kartesische, 135
- Fotodiode, 37
- Frequenzachse
 - lineare, 153
 - logarithmische, 137, 153
- Frequenzband, 148, 150
- Frequenzbereich, 152
- Frequenzgenerator, 139
- Frequenzmessbrücke, 110
- Frequenzmessung, 110
- Frequenzselektivität, 132
- Frequenzstützpunkt, 197
- Frequenzstützstellen, 152
- Galvanisches Element, 118
- Gasanzünder, 118
- Gegeninduktivität, 77
- Generator, 118, 160
- Germanium, 37
- Gleichanteil, 66
- Gleichrichtwert, 55
- Gleichungssystem, 84, 178, 181, 185, 189
 - lineares, 281
- Glühlampe, 20
- Grafit, 37
- Graph, 179
 - gerichteter, 179
- Grenzfrequenz, 95, 102, 135, 140, 144, 150, 234
 - obere, 95, 102
 - untere, 95, 102
- Grenzkreisfrequenz, 93, 101, 135, 234
 - obere, 93, 102
 - untere, 93, 102
- Größe
 - skalare, 17
 - vektorielle, 17
- Güte, 96, 103, 116, 117

- Hauptdiagonale, 275
Hauptdiagonalelemente, 275, 278
Henry, 75
Hertz, 56
Hochfrequenztechnik, 171
Hochpasscharakteristik, 238
Hochpassfilter, 144, 146
Hybridmatrix, 215
Hybridparameter, 215

Imaginärteil, 269, 272
Impedanz, 79, 132
 - Parallelschaltung, 87
 - Reihenschaltung, 85Impedanzmatrix, 208
Impedanztransformation, 223
Induktion, 118
Induktivität, 75, 108, 114, 132
 - Ausschaltvorgang, 239
 - Einschaltvorgang, 241
 - Gegeninduktivität, 77
 - Parallelschaltung, 88
 - Reihenschaltung, 86
 - Selbstinduktivität, 77Induktivitätsmessbrücke, 108
Innenimpedanz, 119, 123
Innenwiderstand, 106, 119
Ion, 24, 31, 35
Ionenleitung, 35

Kaltleiter, 33
Kapazität, 73, 109, 114, 132
 - einstellbare, 109
 - Entladevorgang, 230
 - Ladevorgang, 231
 - Parallelschaltung, 88
 - Reihenschaltung, 86Kapazitätsmessbrücke, 109
Kathode, 35
Kationen, 35
Kettenmatrix, 213
Kettenparameter, 213
Kirchhoff'sche Regeln, 19, 62, 119, 152, 177, 228
Kirchhoff'sches Modell, 20, 52, 72
Klemme, 111
Knoten, 20, 177

Knotenadmittanzmatrix, 189, 193
Knotengleichung, 180
Knotenleitwertmatrix, 189
Knotenpotenzialverfahren, 183, 188, 193
Knotenregel, 183
Kohlenstoff, 36
Kommutativgesetz, 278
Kompensation, 119
Komplement, algebraisches, 279
Komplementärbaum, 181
Komponentendarstellung, 270
Kondensator, 73, 115
 - idealer, 115
 - realer, 115
 - unbekannter, 109Konduktanz, 80
Konjugation, 271, 276
Konstantstrom, 120
Kopplung
 - feste, 77
 - galvanische, 77
 - magnetische, 77, 222Kopplungssymmetrie, 218
Kreisfrequenz, 56
Kreuzprodukt, 277
Kristall, 118
Kurzschluss, 119, 166, 192, 212
Kurzschlussfestigkeit, 119
Kurzschlusskernadmittanz, 212
Kurzschlussstrom, 121, 123

Ladung, 15
Ladungsträger, 23
Ladungstrennung, 118
Lampe, 42
Lastbereich, 119
Lastimpedanz, 119, 163
Laststrom, 119
Lastunabhängigkeit, 119
Lastwiderstand, 119, 133
Leerlauf, 119, 166, 192, 209
Leerlaufkernimpedanz, 209
Leerlaufspannung, 121, 123
Leistung, 159
 - eingespeiste, 79
 - entnommene, 79
 - komplexe, 162

- mittlere, 160
- Leistungsanpassung, 165, 166
- Leistungsfaktor, 161, 163
- Leistungsverhältnis, 133
- Leiter, 75
 - metallischer, 31
- Leitfähigkeit, 19
- Leitwert, 32
 - komplexer, 80
 - spezifischer, 32
- Lichterkette, 166
- Lichtgeschwindigkeit, 35
- Linearkombination, 208
- Lösung, 35

- Magnetfeld, 75, 77, 118
- Magnetisierungsverluste, 79, 116
- Masche, 20, 177
- Maschengleichung, 180
- Maschenimpedanzmatrix, 185, 193
- Maschenregel, 183
- Maschenstromverfahren, 183, 184
- Maschenwahl, 181
- Maschenwiderstandsmatrix, 185
- Maschenzweig, 181
- Maßstab
 - linearer, 139
 - logarithmischer, 133
- Matlab, 258
- Matrix, 185, 189, 208, 261, 274
 - inverse, 279
 - quadratische, 275
- Matrixinversion, 185, 189, 193, 280, 281
- Matrixmultiplikation, 277
- Matrizenbeschreibung, 185, 189
- Maxwell'sches Modell, 19
- Maxwell-Wien-Brücke, 108
- Mehrpol, 205
- Mehrtor, 205
- Messbereich, 107, 109
- Messgerät, 106
- Messnormal, 109
- Messtechnik, 106, 139
- Metall, 31, 35
- Mittelwert, 53, 66, 161
- Mittenfrequenz, 148, 150
- Modell, 16

- Motor, 163
- Multimeter, 84

- Nachrichtentechnik, 166
- Näherung, erste, 115
- Nebendiagonale, 278
- Nebendiagonalelemente, 278
- Nennwert, 115
- Neper, 133
- Netzgerät, stabilisiertes, 119
- Netzliste, 193
- Netzteil, stabilisiertes, 119
- Netztransformator, 78
- Netzwerk, 177, 193
 - lineares, 192, 228
- Netzwerkanalyse, 106, 178, 192, 193, 228
- Nichtleiter, 36
- Norm, 275, 277
- Normierung, 82, 166, 169
- Normreihe, 40
- Nullindikator, 106
- Nullphasenwinkel, 56
- Nullstelle, 152
- Nyquist-Diagramm, 138, 156

- Octave, 194, 258, 280, 282
- Octave-Skript, 261
- Ohm, 33
- Ohm'sches Gesetz, 19, 38, 72, 152
- Ortskurve, 138

- Parallel-Reihen-Matrix, 217
- Parallel-Reihen-Parameter, 217
- Parallelleitwert, 116
- Parallelschaltung, 86, 120, 166
- Parallelschwingkreis, 98, 150
- Parallelwiderstand, 109
- Parameterdarstellung, 139
- Passivität, 206
- Pegel, 169
- Periode, 52
 - primitive, 52, 66
- Periodendauer, 161
- Permanentmagnet, 118
- Permeabilität, 19, 45
- Permittivität, 19, 115
- Phase, 72, 74, 76, 132, 133, 152

- Nichtexistenz, 146, 152
- Phasengang, 137, 154
- Phasensprung, 152
- Phasenverlauf, 136
- Phasenverschiebung, 74, 76, 80, 90
- Piezo-Element, 118
- Polardarstellung, 115, 117, 270
- Polstelle, 152
- Potenzial, 28
- Potenziometer, 42, 107, 109
 - gekoppelte, 110
- Primärspannung, 78
- Primärspule, 78
- Primärstrom, 78
- Probeladung, 29
- Protonen, 23
- Prozess
 - irreversibel, 118
 - reversibel, 118
- Pseudoeinheit, 133
- Pulsweitenmodulation, 66
- Quarz, 118
- Quelle, 118, 139, 160
 - elektrische, 118
- Quellenparameter, 121
- Quellenumrechnung, 121, 122
- Quellenumwandlung, 186, 190
- Quellspannung, 119, 121, 123
- Quellspannungsvektor, 185–187
- Quellstrom, 121
- Quellstromvektor, 189, 190, 192, 194
- Querzweig, 106
- Raumladungsdichte, 24
- RC-Glied, 134, 229
- Reaktanz, 79
- Realteil, 269, 272
- Rechenaufwand, 182
- Rechte-Hand-Regel, 48
- Rechteckfunktion, 64
- Rechteckimpuls, 64
- Rechtecksignal, 64
 - periodisches, 66
- Referenzgröße, 169
- Referenzleistung, 170
- Referenzpegel, 171
- Referenzspannung, 170
- Referenzwert, 133
- Referenzwiderstand, 170
- Reflexionsfaktor, 169
- Regelkreis, 137
- Regelung, 119
- Regelungstechnik, 137
- Reihenschaltung, 85, 119, 166
- Reihenschwingkreis, 92, 148
- Reihenwiderstand, 117
- Resistanz, 79
- Resonanz, 91, 163, 167
- Resonanzfrequenz, 93, 99, 103, 148, 150
- Resonanzkreisfrequenz, 92, 99
- Reziprozität, 218
- RL*-Glied, 238
- Sägezahnimpuls, 67
- Sägezahnsignal, 67
- Schalter, 65
- Schaltung, frequenzselektive, 132
- Schaltungsanalyse, 111
- Schaltvorgang, 65
- Scheinleistung, 163, 168
- Scheinleistungsanpassung, 168
- Scheinleitwert, 80, 84
- Scheinwiderstand, 79, 84
- Scheitelwert, 56, 59, 80
- Schering-Brücke, 109
- Schmelze, 35
- Schwingkreis, 91
- Schwingquarz, 118
- Schwingung, komplexe, 59
- Schwingungsformel, Thomson'sche, 93, 99
- Seebeck-Effekt, 118
- Sekundärspannung, 78
- Sekundärspule, 78
- Sekundärstrom, 78
- Selbstinduktivität, 77
- Selektivität, 141
- Sender, 166
- Senke, 139, 160
- Sensortechnik, 118
- Serienschwingkreis, 92
- Serienwiderstand, 108, 117
- Siemens, 32
- Signal, 52

- harmonisches, 56, 228
- komplexes, 59
- Silicium, 37
- Skalarprodukt, 276
- Skalierung
 - lineare, 139, 153
 - logarithmische, 137, 153
- Skript-Datei, 261
- Solarenergie, 118
- Solarzelle, 118
- Spalte, 274
- Spaltenvektor, 274
- Spannung, 19, 29
- Spannungsabfall, 72
- Spannungsanpassung, 165, 166
- Spannungsimpuls, 118
- Spannungspegel, 170
- Spannungsquelle, 98, 119
 - äquivalente, 121
 - reale, 121
- Spannungsteiler, 89, 106, 122, 134
 - belasteter, 90, 111
 - unbelasteter, 89
- Spannungsteilerregel, 90
- Spannungsüberhöhung, 96, 167
- Spannungsverhältnis, 133
- Spannungsüberhöhung, 163
- Speisung, 98
- Sperrbereich, 140
- Sprungfunktion, 64
- Spule, 75, 77, 116
 - unbekannte, 108
- Spulenkörper, 116
- Stabilisierung, 119
- Stern-Dreieck-Umrechnung, 113, 114
- Sternimpedanz, 113
- Sternpunkt, 188, 193
- Sternschaltung, 111
- Strahlungsenergie, 118
- Streckenkomplex, 181
- Strom, 15, 19
- Stromanpassung, 165, 166
- Strombegrenzung, 119
- Stromdichte, 26
- Stromkreis, 159
- Stromquelle, 120, 166
 - äquivalente, 121
- reale, 121
- Stromrichtung, 26
- Stromteiler, 90
- Stromteilerregel, 91
- Stromüberhöhung, 103
- Stromverhältnis, 133
- Supraleitung, 33
- Suszeptanz, 80
- System, lineares, 192
- Tastverhältnis, 66
- Teilverhältnis, 90
- Teilnetzwerk, 205
- Telekommunikationssystem, 171
- Temperaturkoeffizient, 33
- Temperatursensor, 118
- Thermoelement, 118
- Tiefpasscharakteristik, 136, 229
- Tiefpassfilter, 140, 141
- Topologie, 84
- Transformator, 78, 222
 - idealer, 78
 - realer, 79
- Transjunktion, 276
- Transposition, 274, 276
- Übergangsbereich, 140
- Übersetzungsverhältnis, 78
- Übertrager, 78, 222
- Übertragungsfunktion, 133
- Übertragungssymmetrie, 218
- Übertragungsverhältnis, 78
- Übertragungsverhalten, 133
- Unterdeterminante, 278
- Ursprung, 146, 270
- Vakuum, 34
- Vakuumleitung, 34
- Valenzelektronen, 23
- Vektor, 185, 189, 208, 261, 274
 - Betrag, 275
 - Länge, 275
 - Norm, 275
- Vektorprodukt
 - äußeres, 277
 - inneres, 277
- Verbindungszweig, 181

- Verbraucher, 166
Verbraucherzählpfeilsystem, 179
Verlustfaktor, 115, 117
Verlustleitwert, 115
Verlustwiderstand, 108, 109, 117, 244
Verlustwinkel, 115, 117
Versorgungsnetz, 78
Versorgungsspannung, konstante, 119
Vierpol, 207
Volt, 29
Voltampere, 159
Voltampere Reaktiv, 159
Vorzeichenmuster, 278
- Wärme, 162
Wärmezufuhr, 118
Warmleiter, 33
Watt, 159
Wechselstromquelle, 120
Wellenanpassung, 168, 169
Wertepaar, 264
Wertetabelle, 264
Widerstand, 32, 38, 72, 114
– komplexer, 79
– lichtempfindlicher, 37, 42, 43
– linearer, 159
– nichtlinearer, 159
– ohmscher, 72, 159
– Parallelschaltung, 87
– Reihenschaltung, 85
– spezifischer, 33
– temperaturabhängiger, 43
Widerstandsmessbrücke, 107
- Widerstandsnormal, 107
Widerstandssymmetrie, 219
Wien-Robinson-Brücke, 110
Windungsverhältnis, 78
Wirbelstrom, 79
Wirkfaktor, 163
Wirkleistung, 162, 163, 167, 206
Wirkleistungsanpassung, 167, 169
Wirkleitwert, 79, 80
Wirkungsgrad, 165
Wirkwiderstand, 79
- Zählpfeil, 17, 19, 179
Zahl
– komplexe, 269
– reelle, 269
Zehnerlogarithmus, 133
Zeiger, 58, 146
Zeigerdarstellung, 59
Zeigerdiagramm, 58, 73, 163
Zeilenvektor, 274
Zeitkonstante, 230, 238
Zeitsignal, 152
Zündeinrichtung, 118
Zustand, eingeschwungener, 133
Zustandsgröße, 228
Zweig, 179, 193
Zweigrichtung, 194
Zweipol, 72, 193
Zweipolelement, 177
Zweipolgleichung, 72, 115, 177, 180
Zweipolgleichungen, 228
Zweitor, 208