

Inhaltsverzeichnis

Erster Abschnitt

Grundlegende Begriffe

1. Kapitel. Zahlen und Punkte

§ 1. Vorkenntnisse	7
§ 2. Zahlenebene und Zahlenkugel	8
§ 3. Punkt- und Zahlenmengen.	11
§ 4. Wege, Gebiete, Kontinuen.	20

2. Kapitel. Funktionen einer komplexen Veränderlichen

§ 5. Begriff der allgemeinsten (eindeutigen) Funktion einer komplexen Veränderlichen	27
§ 6. Stetigkeit und Differenzierbarkeit	29
§ 7. Die Cauchy-Riemannschen Differentialgleichungen	35

Zweiter Abschnitt

Integralsätze

3. Kapitel. Das Integral einer stetigen Funktion

§ 8. Definition des bestimmten Integrals	39
§ 9. Existenzbeweis für das bestimmte Integral	40
§ 10. Berechnung bestimmter Integrale	44
§ 11. Einfache Integralsätze.	49

4. Kapitel. Der Cauchysche Integralsatz

§ 12. Formulierung des Integralsatzes	51
§ 13. Beweis des Hauptsatzes	53
§ 14. Einfache Folgerungen und Erweiterungen	58

5. Kapitel. Die Cauchyschen Integralformeln

§ 15. Die Hauptformel	64
§ 16. Integralformeln für die Ableitungen	65

Dritter Abschnitt

Reihen und Reihenentwicklungen analytischer Funktionen

6. Kapitel. Reihen mit veränderlichen Gliedern

§ 17. Konvergenzbereich	69
§ 18. Gleichmäßige Konvergenz	73
§ 19. Gleichmäßig konvergente Reihen analytischer Funktionen	75

7 Kapitel. Die Entwicklung analytischer Funktionen in Potenzreihen

- § 20. Entwicklungssatz und Identitätssatz für Potenzreihen . . . 80
- § 21. Der Identitätssatz für analytische Funktionen 87

8. Kapitel. Analytische Fortsetzung und vollständige Definition der analytischen Funktion

- § 22. Das Prinzip der analytischen Fortsetzung 93
- § 23. Die elementaren Funktionen 97
- § 24. Fortsetzung durch Potenzreihen und vollständige Defi-
nition der analytischen Funktion 99
- § 25. Der Monodromiesatz 107
- § 26. Beispiele mehrdeutiger Funktionen 109

9. Kapitel. Ganze transzendente Funktionen

- § 27. Erklärungen 113
- § 28. Verhalten für große $|z|$ 114

Vierter Abschnitt

Von den singulären Stellen

10. Kapitel. Die Laurentsche Entwicklung

- § 29. Die Entwicklung 118
- § 30. Erläuterungen und Beispiele 120

11. Kapitel. Die verschiedenen Arten singulärer Stellen

- § 31. Wesentlich und außerwesentlich singuläre Stellen oder Pole 123
- § 32. Verhalten analytischer Funktionen im Unendlichen . . 127
- § 33. Der Residuensatz 130
- § 34. Umkehrung analytischer Funktionen 136
- § 35. Die rationalen Funktionen 138

Register 142