

TABLE DES MATIERES

<u>CHAPITRE VI : COHOMOLOGIE DE DIAGRAMMES</u>	1
Introduction.....	1
1. Décalés d'un objet simplicial.....	4
2. Nerfs.....	9
3. Types d'homotopie des catégories, d'après Quillen.....	20
4. Objets simpliciaux stricts.....	28
5. Topos associés aux topos fibrés.....	42
6. Cohomologie des topos fibrés : calculs standard.....	56
6.1. Résolutions standard.....	56
6.2. Cohomologie de $\text{Top}(X)$	59
6.3. Images directes par I-morphismes.....	64
6.4. Cohomologie de $\text{Top}^0(X)$	66
6.5. Systèmes locaux.....	68
6.6. Foncteurs Lu_I	70
7. Une formule de dualité.....	81
8. Cohomologie équivariante.....	87
8.1. X-faisceaux, nerfs.....	87
8.2. Pseudo-catégories, faisceaux induits et coinduits.....	90
8.3. Nerfs de Modules induits et coinduits.....	96
8.4. Cohomologie de BX	105
9. Diagrammes spectraux et stabilisation.....	115
9.1. Objets multisimpliciaux réduits.....	115
9.2. Diagrammes spectraux.....	117
9.3. Spectre d'un groupe commutatif.....	119
9.4. Formules d'adjonction.....	122
9.5. Stabilisation.....	125

10. Sorites sur les Modules différentiels gradués.....	133
10.1. La catégorie dérivée $D(A)$	133
10.2. Le foncteur $RHom$	137
10.3. Les foncteurs $\overset{L}{\otimes}_A$ et $R\underset{A}{Hom}$	142
11. Cohomologie de monoïdes spectraux	149
11.1. Pseudo-catégories associées à certains monoïdes gradués...	149
11.2. Spectre d'un Module.....	154
11.3. Formules d'adjonction.....	160
11.4. L'Anneau $\mathbb{Z}^{st}(A)$ et la résolution de MacLane.....	168
11.5. Application.....	173

CHAPITRE VII : DEFORMATIONS EQUIVARIANTES DE G-SCHEMAS ET DEFORMATIONS

<u>DE SCHEMAS EN GROUPES</u>	180
1. Le sorite des déformations de diagrammes.....	180
1.1. Descente fpqc.....	180
1.2. Déformations de diagrammes.....	185
2. Déformations équivariantes.....	191
2.1. Notations et terminologie.....	191
2.2. Complexe cotangent équivariant.....	192
2.3. Déformations de G-schémas.....	198
2.4. Déformations de toseurs. L'extension d'Atiyah.....	204
3. Déformations de schémas en groupes plats non commutatifs.....	211
3.1. Complexe de co-Lie d'un schéma en groupes plat localement de présentation finie.....	211
3.2. Déformations de schémas en groupes plats localement de présentation finie.....	218
3.3. Déformations de morphismes de schémas en groupes.....	222

4. Déformations de schémas en modules.....	226
4.1. Complexes de Lie et de co-Lie d'un schéma en modules.....	226
4.2. Déformations de schémas en modules.....	238

CHAPITRE VIII : CATEGORIES FORMELLES, COMPLEXES DE DE RHAM ET

<u>COHOMOLOGIE CRISTALLINE.....</u>	245
-------------------------------------	-----

1. Cohomologie des catégories formelles.....	245
1.1. Complexes de De Rham et algèbres de Lie.....	245
1.2. Complexe de De Rham associé à une catégorie formelle.....	253
1.3. Complexes de De Rham et décalage :	
le lemme de Poincaré formel.....	261
1.4. Cohomologie des catégories formelles PD-adiques plates.....	267
2. Complexe de De Rham dérivé et cohomologie cristalline.....	275
2.1. Le complexe de De Rham dérivé.....	275
2.2. Cohomologie cristalline des intersections complètes.....	281

Bibliographie	293
---------------------	-----

Index des notations.....	298
--------------------------	-----

Index terminologique.....	302
---------------------------	-----