

# 2023 MSA

Mittlerer Schulabschluss

ActiveBook  
• Interaktives  
Training

**MEHR  
ERFAHREN**

Hamburg

## Mathematik

- + Basiswissen mit Übungen
- + Formelsammlung
- + Original-Prüfungen

Original-Prüfungsaufgaben  
**2022** zum Download

**STARK**



# Inhalt

Vorwort



## Hinweise und Tipps

1	Wie läuft die Prüfung ab? .....	I
2	Welche Arbeitsaufträge werden gestellt? .....	I
3	Wie man für die Prüfung lernen kann .....	IV
4	Das Lösen einer mathematischen Aufgabe .....	V
5	Übungen mit dem Taschenrechner .....	VIII
6	Formelsammlung .....	XI

## Training

<b>1</b>	<b>Wiederholung Grundwissen .....</b>	<b>2</b>
1.1	Terme .....	2
	Termumformungen .....	3
	Zerlegung von Termen in Produkte – Faktorisieren .....	8
	Bruchterme .....	9
1.2	Lösen von linearen Gleichungen und Ungleichungen .....	13
	Textaufgaben mithilfe von Gleichungen lösen .....	14
1.3	Proportionale und antiproportionale Zuordnungen .....	16
	Proportionale Zuordnungen .....	16
	Nicht proportionale Zuordnungen .....	17
	Antiproportionale Zuordnungen .....	17
1.4	Prozent- und Zinsrechnung  .....	18
1.5	Umrechnungen von Größen .....	24
1.6	Ebene Figuren .....	26
1.7	Potenzen und Wurzeln .....	29
	Gesetze für das Rechnen mit Potenzen .....	29
	Sehr große und sehr kleine Zahlen .....	31
	Gleichungen mit Potenzen der Form $x^n=a$ .....	32
<b>2</b>	<b>Lineare Funktionen und lineare Gleichungssysteme .....</b>	<b>33</b>
2.1	Die lineare Funktion  .....	33
	Lineare Funktionen der Form $f: y=mx$ .....	34
	Allgemeine lineare Funktionen $f: y=mx+n$ .....	36
2.2	Lineare Gleichungssysteme .....	39
	Grafische Lösungsverfahren .....	39
	Rechnerische Lösungsverfahren .....	40

<b>3</b>	<b>Quadratische Funktionen und quadratische Gleichungen</b>	<b>43</b>
3.1	Quadratische Funktionen	43
	Die quadratische Funktion $f: y = x^2$	43
	Quadratische Funktionen der Form $f: y = ax^2$	43
	Quadratische Funktionen der Form $f: y = x^2 + t$	45
	Quadratische Funktionen der Form $f: y = (x - s)^2$	47
	Scheitelpunktform einer quadratischen Funktion	48
	Methode der quadratischen Ergänzung	49
3.2	Quadratische Gleichungen	51
	Reinquadratische Gleichungen $x^2 - q = 0$	51
	Quadratische Gleichungen $x^2 + px = 0$	52
	Quadratische Gleichungen in Normalform $x^2 + px + q = 0$	53
3.3	Nullstellen einer Parabel	55
3.4	Schnittpunkte zwischen Parabel und Gerade	58
<b>4</b>	<b>Exponentialfunktionen und Wachstumsprozesse</b>	<b>61</b>
4.1	Exponentialfunktionen	61
	Exponentialfunktionen mit der Gleichung $f: y = a^x$	62
	Exponentialfunktionen mit der Gleichung $f: y = c \cdot a^x$	62
4.2	Wachstumsprozesse	65
<b>5</b>	<b>Ähnlichkeit</b>	<b>70</b>
5.1	Vergrößern und Verkleinern von Figuren – Ähnliche Figuren	70
5.2	Strahlensätze	77
<b>6</b>	<b>Sätze am rechtwinkligen Dreieck</b>	<b>81</b>
6.1	Der Satz des Pythagoras	81
6.2	Der Satz des Thales	84
<b>7</b>	<b>Trigonometrie</b>	<b>86</b>
7.1	Trigonometrische Funktionen am rechtwinkligen Dreieck	86
7.2	Sinussatz – Berechnungen an beliebigen Dreiecken	94
<b>8</b>	<b>Kreis</b>	<b>97</b>
8.1	Kreisfläche und Kreisumfang, Kreisring	97
8.2	Kreisbogen und Kreissektor, Berechnungen am Kreis und an Kreisteilen	100
<b>9</b>	<b>Körper</b>	<b>103</b>
9.1	Schrägbild und Netz eines Körpers	103
	Zeichnen eines Schrägbildes	103
9.2	Prisma	106
9.3	Zylinder	111
9.4	Pyramide	114
9.5	Kegel	118
9.6	Kugel	122

<b>10</b>	<b>Wahrscheinlichkeitsrechnung</b>	<b>125</b>
10.1	Statistische Grundbegriffe	125
10.2	Grundbegriffe der Wahrscheinlichkeitsrechnung	129
10.3	Die Wahrscheinlichkeit bei Zufallsexperimenten	130
10.4	Wahrscheinlichkeit und das Gesetz der großen Zahlen 	133
10.5	Mehrstufige Zufallsexperimente 	134
<b>11</b>	<b>Grafische Darstellungen und Diagramme</b>	<b>137</b>
11.1	Interpretation von grafischen Darstellungen funktionaler Zusammenhänge	137
	Lineares Wachstum, lineare Abnahme	139
	Nicht lineares Wachstum	144
11.2	Analyse grafischer Darstellungen bei statistischen Datenerhebungen	147

## Abschlussprüfungen

<b>Abschlussprüfung 2016</b>	2016-1
<b>Abschlussprüfung 2017</b>	2017-1
<b>Abschlussprüfung 2018</b>	2018-1
<b>Abschlussprüfung 2019</b>	2019-1
<b>Abschlussprüfung 2020</b>	2020-1
<b>Abschlussprüfung 2021</b>	2021-1

**Abschlussprüfung 2022** ..... [www.stark-verlag.de/mystark](http://www.stark-verlag.de/mystark)

Sobald die Original-Prüfungsaufgaben 2022 freigegeben sind, können sie als PDF auf der Plattform MyStark heruntergeladen werden (Zugangscode vgl. Farbseiten vorne im Buch).



Dein Coach zum Erfolg: Mit dem **Interaktiven Training** kannst du online mit vielen zusätzlichen interaktiven Aufgaben zu allen prüfungsrelevanten Kompetenzbereichen trainieren.

Die **interaktiven Aufgaben** sind im Buch mit diesem Button gekennzeichnet. Am besten gleich ausprobieren!



Ausführliche Infos inkl. Zugangscode zur Plattform MyStark findest du auf den **Farbseiten** vorne in diesem Buch.

## Autorinnen und Autoren:

Peter Stählin, Christoph Borr, Jörg Collenburg, Doris Cremer, Olaf Klärner, Karl-Heinz Kuhlmann, Kerstin Lenz, Wolfgang Matschke, Marc Möllers, Heike Ohrt, Dietmar Steiner

# Vorwort

Liebe Schülerin, lieber Schüler,

mit vorliegendem Buch kannst du dich in Mathematik auf die Prüfung zum **mittleren Schulabschluss** vorbereiten.

In Hamburg wird der mittlere Schulabschluss nach erfolgreicher Teilnahme an einer mündlichen und schriftlichen Abschlussprüfung vergeben. Die Aufgaben der schriftlichen Prüfung werden zentral für alle Schulen in Hamburg von der Behörde für Schule und Berufsbildung erstellt. Gerade bei einer zentral gestellten Prüfung ist das **Grundlagenwissen** besonders wichtig. Denn es geht nicht um irgendwelche Spezialkenntnisse, die du vielleicht gut beherrschst, sondern die Aufgaben in der Prüfung bauen auf einem breiten Grundlagenwissen auf. Es geht vor der Prüfung also um eine Gesamtwiederholung.

- Daher beginnen wir in diesem Buch mit einem ausführlichen **Trainingsteil**. Im ersten Kapitel werden die wichtigsten **Themen der 5. bis 9. Klasse** so kurz wie möglich **wiederholt**, die Kapitel 2 bis 11 behandeln intensiv **sämtliche prüfungsrelevanten Bereiche der 9. und 10. Klasse**. Insgesamt findest du über **200 Aufgaben**, anhand derer du überprüfen kannst, ob du den Stoff sicher beherrschst. Grundlage der schriftlichen Prüfung ist der Bildungsplan Mathematik.

Zu einigen Themen, mit denen erfahrungsgemäß viele Lernende Schwierigkeiten haben, gibt es **Lernvideos**. An den entsprechenden Stellen im Buch befindet sich ein QR-Code, der mit einem Smartphone oder Tablet gescannt werden kann. Außerdem kannst du dir die Videos von der Plattform **MyStark** herunterladen.

- Wenn die einzelnen Themen „sitzen“, du die Aufgaben also lösen kannst, geht es weiter mit den **Original-Abschlussprüfungen 2016 bis 2022**. Schaffst du es, diese in der vorgegebenen Zeitspanne und nur mit den zulässigen Hilfsmitteln zu bearbeiten, bist du optimal vorbereitet.

In der Prüfung hast du 155 Minuten Zeit. Wenn du beim Üben anfangs die Aufgaben innerhalb dieser Zeit nicht schaffst, solltest du die Abschlussprüfungen in Abständen wiederholen, bis du sicher bist und die Aufgaben richtig und in der vorgesehenen Zeit löst. Wenn du merkst, dass du immer wieder über dasselbe Problem stolperst, solltest du das entsprechende Trainingskapitel wiederholen.

Zu allen Aufgaben des Trainingsteils und zu den Original-Aufgaben der Abschlussprüfungen gibt es **ausführliche Lösungen** in einem **separaten Buch** (Bestell-Nr. C02100L), die jeden Rechenschritt genau erklären. Dabei wird besonderer Wert auf die Lösungsansätze und Vorüberlegungen gelegt. Zur Veranschaulichung und dem besseren Verständnis der Lösungen helfen dir zahlreiche Skizzen.

Zuerst solltest du selbst die Lösung finden und dann mit dem Buch vergleichen. Nur was du selbst erarbeitet hast, bleibt im Gedächtnis und du lernst dazu. Halte dich deswegen konsequent daran, jede Aufgabe zunächst selbst zu rechnen.

Wenn du den Inhalt dieses Buches beherrschst, bist du bestens auf die Prüfung vorbereitet. Du wirst sehen: Übung macht den Meister!



# Hinweise und Tipps

## 1 Wie läuft die Prüfung ab?

Die schriftliche Abschlussprüfung gliedert sich in eine Aufgabe, die du *ohne* Verwendung des Taschenrechners bearbeiten musst (**Aufgabe I**), und drei Aufgaben, zu deren Lösung du Taschenrechner und Formelblatt benutzen darfst (**Aufgaben II bis IV**).

Die Prüfungszeit beträgt **155 Minuten**. Die Aufgabe I muss in maximal 45 Minuten auf den Arbeitsblättern bearbeitet werden. Jede Aufgabe ist mit der zu erreichenden **Punktzahl** versehen.

Während der Arbeit an den Aufgaben II bis IV kannst du folgende **Hilfsmittel** benutzen:

- ▶ nichtprogrammierbarer, nichtgrafikfähiger Taschenrechner
- ▶ Formelblatt
- ▶ Rechtschreiblexikon

Sollten nach Erscheinen dieses Bandes noch wichtige Änderungen in der Abschlussprüfung 2023 von der Behörde für Schule und Berufsbildung bekannt gegeben werden, findest du aktuelle Informationen dazu unter **[www.stark-verlag.de/mystark](http://www.stark-verlag.de/mystark)**.

## 2 Welche Arbeitsaufträge werden gestellt?

Es ist immer wichtig, dass du die Aufgabenstellungen genau durchliest. Dabei kommt den **Arbeitsaufträgen** in den einzelnen Aufgaben eine besondere Bedeutung zu: Zum einen musst du genau verstehen, was in der Aufgabenstellung verlangt wird, um dann in der Lösung auch genau das zu tun. Nur so kann dein Lehrer oder deine Lehrerin dann deine Leistung auch eindeutig bewerten.

Zum anderen sind die Arbeitsaufträge meist nach drei unterschiedlich schwierigen Anforderungsbereichen eingeteilt – auch dies wegen einer möglichst einheitlichen Bewertung. Wenn du etwas „Beurteilen“ musst (Anforderungsbereich III), musst du dir mit der Lösung also besondere Mühe geben und ein selbstständiges Urteil fällen, denn dies wird hier erwartet. Als Orientierung drucken wir nachfolgend die Liste der möglichen Arbeitsaufträge ab, wie du sie aus dem Unterricht kennst oder auch auf dem Hamburger Bildungsserver abrufen kannst.

Arbeitsaufträge	Definitionen	Beispiele
Angeben, nennen I–II	Formulierung eines Sachverhaltes, Aufzählen von Fakten etc. ohne Begründung und ohne Lösungsweg.	Gib an, wofür die Variable $m$ in der Geradengleichung $y = mx + b$ steht. Nenne ein Beispiel, in dem lineare Funktionen in der Realität auftreten.
Auseinandersetzen II–III	Kreativer Prozess, mindestens auf dem Anforderungsniveau II.	Setze dich mit den Äußerungen der Schülerinnen und Schüler auseinander.
Auswählen I–II	Ohne Begründung aus mehreren Angeboten eines auswählen.	Wähle ohne Hilfe des Taschenrechners diejenige Zahl aus, die dem Wert von $\sqrt{199}$ am nächsten kommt.
Begründen II–III	Für einen angegebenen Sachverhalt einen Begründungszusammenhang herstellen.	Begründe, warum der abgebildete Graph die Situation nicht richtig beschreibt. Begründe, warum eine quadratische Gleichung höchstens zwei Lösungen hat.
Berechnen I–II	Ergebnis von einem Ansatz ausgehend durch nachvollziehbare Rechenoperationen gewinnen. Die Wahl der Mittel kann eingeschränkt sein.	Berechne ohne Benutzung des Taschenrechners den Wert des Ausdrucks $2^3 + 3^2$ .
Beschreiben II–III	Darstellung eines Sachverhalts oder Verfahrens in Textform unter Verwendung der Fachsprache. Es sollten hierbei vollständige Sätze gebildet werden; hier sind auch Einschränkungen möglich (Beschreiben Sie in Stichworten).	Beschreibe, wie sich $A$ ändert, wenn $x$ größer wird. Beschreibe, wie man den Flächeninhalt dieser Figur bestimmen kann.
Bestätigen I–II	Eine Aussage oder einen Sachverhalt durch Anwendung einfacher Mittel (rechnerisch wie argumentativ) sichern.	Bestätige, dass in diesem Fall die Wahrscheinlichkeit unter 10 % liegt.
Bestimmen, ermitteln II–III	Darstellung des Lösungsweges und Formulierung des Ergebnisses. Die Wahl der Mittel kann frei, unter Umständen auch eingeschränkt sein.	Bestimme die Lösung der Gleichung $\sqrt{x} + x = 12$ . Bestimme die Lösung der Gleichung $3x - 5 = 5x + 3$ durch Äquivalenzumformungen. Bestimme grafisch den Schnittpunkt.
Beurteilen III	Zu einem Sachverhalt ein selbstständiges Urteil unter Verwendung von Fachwissen und Fachmethoden formulieren.	Beurteile, welche der beiden vorgeschlagenen Funktionen das ursprüngliche Problem besser darstellt. Beurteile die Diskussion von Yildiz und Sven.





### 3 Quadratische Funktionen und quadratische Gleichungen

#### 3.1 Quadratische Funktionen

##### Merke

##### Quadratische Funktionen

Funktionen mit der Funktionsgleichung  $f: y = ax^2 + bx + c$  (wobei  $a \neq 0$  und  $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) heißen wegen des quadratischen Terms  $ax^2$  **quadratische Funktionen**.

Die einfachste Form einer quadratischen Funktion erhält man für  $a = 1$ ,  $b = 0$  und  $c = 0$ .

##### Die quadratische Funktion $f: y = x^2$

##### Merke

##### Die quadratische Funktion $f: y = x^2$

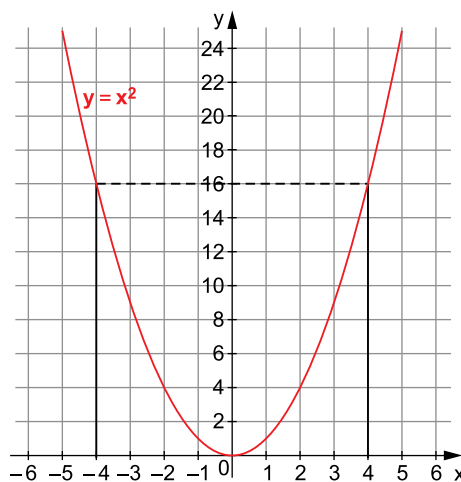
Der Graph der quadratischen Funktion  $f: y = x^2$  ist die **Normalparabel**.

Die Normalparabel besitzt einen **Scheitelpunkt**  $S(0|0)$  im Koordinatenursprung und als **Symmetrieachse** die **y-Achse**.

Wertetabelle

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y	25	16	9	4	1	0	1	4	9	16	25

Graph



Die Normalparabel fällt bis zum Scheitelpunkt  $S(0|0)$  und steigt danach.

Der Scheitelpunkt ist der tiefste Punkt des Graphen.

##### Quadratische Funktionen der Form $f: y = ax^2$

##### Merke



Gestreckte/Gestauchte  
Parabel

##### Quadratische Funktionen der Form $f: y = ax^2$

- Die Funktionswerte der quadratischen Funktion  $y = ax^2$  ergeben sich aus den entsprechenden Funktionswerten von  $y = x^2$  durch **Multiplikation mit dem Faktor a**.
- Die Graphen der Funktionen  $y = ax^2$  sind Parabeln mit dem **Scheitelpunkt**  $S(0|0)$ , die durch **Streckung** ( $a > 1$  oder  $a < -1$ ) oder **Stauchung** ( $-1 < a < 1$ ) der Normalparabel entstehen. Für negative  $a$  ( $a < 0$ ) ist der gestreckte bzw. gestauchte Graph der Normalparabel zusätzlich an der **x-Achse gespiegelt**.
- Für  $a > 0$  ist die Parabel **nach oben geöffnet** und der Scheitelpunkt der **tiefste** Punkt des Graphen. Für  $a < 0$  ist die Parabel **nach unten geöffnet** und der Scheitelpunkt der **höchste** Punkt des Graphen.

Beispiele

a)  $f: y = x^2$  mit  $a = 1$

b)  $f_1: y = 0,5x^2$  mit  $a = 0,5$

c)  $f_2: y = 2x^2$  mit  $a = 2$

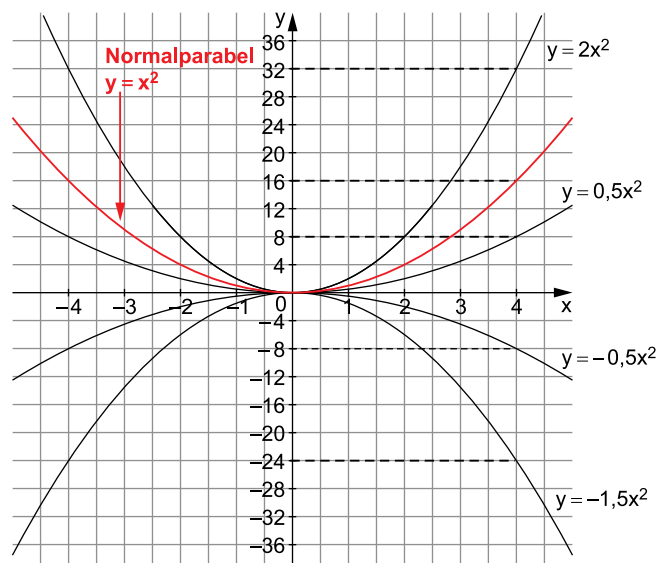
d)  $f_3: y = -0,5x^2$  mit  $a = -0,5$

e)  $f_4: y = -1,5x^2$  mit  $a = -1,5$

Wertetabelle

	x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	$a \cdot f$
f	y	16	9	4	1	0	1	4	9	16	$1 \cdot f$
$f_1$	y	8	4,5	2	0,5	0	0,5	2	4,5	8	$0,5 \cdot f$
$f_2$	y	32	18	8	2	0	2	8	18	32	$2 \cdot f$
$f_3$	y	-8	-4,5	-2	-0,5	0	-0,5	-2	-4,5	-8	$-0,5 \cdot f$
$f_4$	y	-24	-13,5	-6	-1,5	0	-1,5	-6	-13,5	-24	$-1,5 \cdot f$

Graphen



Vergleiche die Funktionswerte von  $f_1$ ,  $f_2$ ,  $f_3$  und  $f_4$  mit denen der Funktion  $f$  sowie deren Graphen mit dem Graphen von  $f$ .

Aufgaben

93

Bestimme den Faktor  $a$  so, dass der Graph der Funktion  $y = ax^2$  durch den Punkt

a)  $P(2|-2)$

b)  $Q(-5|12,5)$

c)  $A(-2,5|-18,75)$

d)  $B(2|-4)$

verläuft.

94

Die Graphen der Funktionen  $y = ax^2$  sind Parabeln mit dem Scheitelpunkt  $S(0|0)$ . Form und Öffnung der Parabeln hängen jedoch vom Wert des Faktors  $a$  ab.

Fülle die Tabelle aus.

Faktor	Öffnung	Form der Parabel	Beispiel
$a > 1$			
$a = 1$			
$0 < a < 1$			
$-1 < a < 0$			
$a = -1$			
$a < -1$			

95

Für den Bremsweg  $s$  eines ICE in Abhängigkeit von der Geschwindigkeit  $v$  gilt näherungsweise:

$$s = 0,042 \cdot v^2 \quad (s \text{ in m und } v \text{ in } \frac{\text{km}}{\text{h}})$$

- a) Erstelle für den Bremsweg  $s$  in Abhängigkeit von der Geschwindigkeit für  $0 \frac{\text{km}}{\text{h}} \leq v \leq 240 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  in Schritten von  $30 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  eine Wertetabelle und zeichne den zugehörigen Graphen.

- b) Entnimm der grafischen Darstellung die Bremswege für  $v_1 = 40 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  und für  $v_2 = 200 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ .  
c) Überprüfe deine Ergebnisse aus Teilaufgabe b rechnerisch.



96

Für den Bremsweg  $s$  eines Autos auf trockener Straße in Abhängigkeit von der Geschwindigkeit  $v$  gilt die Faustregel  $s = a \cdot v^2$  ( $s$  in m und  $v$  in  $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ ).

Für  $v = 90 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  ergibt sich  $s = 81 \text{ m}$ .

- a) Bestimme den Faktor  $a$  in der Faustregel.  
b) Berechne die Bremswege für die Geschwindigkeiten  $50 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,  $60 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,  $80 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,  $100 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  und  $130 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ .  
c) Zeichne den Bremsweg  $s$  in Abhängigkeit von  $v$  für den Bereich  $0 \frac{\text{km}}{\text{h}} \leq v \leq 150 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ .  
(x-Achse:  $1 \text{ cm} \triangleq 20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ; y-Achse:  $1 \text{ cm} \triangleq 20 \text{ m}$ )



Interaktive Aufgaben

1. Parabel zuordnen
2. Reihenfolge
3. Parabel zeichnen

### Quadratische Funktionen der Form $f: y = x^2 + t$

Merke



Verschobene Normalparabel

#### Quadratische Funktionen der Form $f: y = x^2 + t$

- Die Funktionswerte der quadratischen Funktion  $y = x^2 + t$  ergeben sich aus den entsprechenden Funktionswerten von  $y = x^2$  jeweils **durch Addition von  $t$** .
- Die Graphen der Funktionen  $y = x^2 + t$  sind Parabeln mit dem **Scheitelpunkt  $S(0|t)$** , die durch **Verschiebung** der Normalparabel **längs der y-Achse um  $t$  (LE)** entstehen.
- Für  $t > 0$  hat der Graph von  $y = x^2 + t$  keinen Schnittpunkt mit der x-Achse; es gibt also **keine Nullstellen**.
- Für  $t = 0$  berührt der Graph von  $y = x^2$  die x-Achse und es gibt genau **eine Nullstelle** für  $x = 0$ .
- Für  $t < 0$  schneidet der Graph von  $y = x^2 + t$  die x-Achse genau zweimal, d. h., es gibt genau **zwei Nullstellen**.

Beispiele

- a)  $f: y = x^2$  mit  $t = 0$   
b)  $f_1: y = x^2 + 3$  mit  $t = 3$   
c)  $f_2: y = x^2 - 2$  mit  $t = -2$

Wertetabelle

	x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	t
f	y	16	9	4	1	0	1	4	9	16	+3 -2
f <sub>1</sub>	y	19	12	7	4	3	4	7	12	19	
f <sub>2</sub>	y	14	7	2	-1	-2	-1	2	7	14	

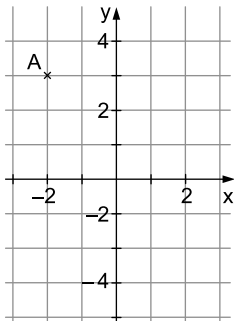


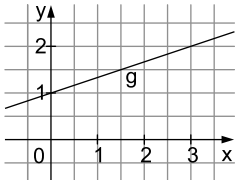
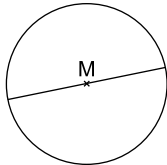
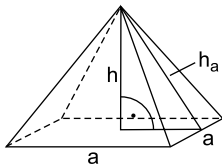
**Mittlerer Schulabschluss Hamburg  
Mathematik 2020**

## Aufgabe I – ohne Taschenrechner und Formelblatt

20 Punkte

1. Von den jeweils angebotenen Lösungen ist immer genau eine richtig.  
Schreibe den zugehörigen Buchstaben **A**, **B**, **C** oder **D** in die Spalte „Lösung“.  
Eine Begründung wird nicht verlangt.

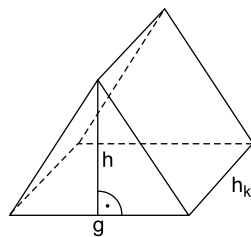
	Aufgabe	A	B	C	D	Lösung
a)	300 Sekunden sind	3 Minuten	5 Minuten	15 Minuten	0,5 Stunden	
b)	$(-3) \cdot 0 + 5 =$	-5	0	2	5	
c)	$\frac{3}{5} - \frac{1}{2} =$	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{10}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{2}{3}$	
d)	 <p>Der Punkt A hat die Koordinaten</p>	$(-2 3)$	$(3 -2)$	$(-2 -3)$	$(2 -3)$	
e)	Die kleinste Zahl ist	1,001	-1,01	-1,001	-1,011	
f)	Vor einer Woche hatte Herr Arat 120 € auf seinem Konto. Heute beträgt sein Kontostand -160 €. Das ist eine Differenz von	40 €	120 €	160 €	280 €	
g)	Ein Dreieck hat	höchstens einen rechten Winkel	höchstens zwei rechte Winkel	mindestens zwei rechte Winkel	mindestens einen rechten Winkel	
h)	Eine Münze wird zweimal hintereinander geworfen. Die Wahrscheinlichkeit, zweimal „Zahl“ zu erhalten, liegt bei	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	

	Aufgabe	A	B	C	D	Lösung
i)	$1,3 \cdot 10^6 =$	1 300	13 000	130 000	1 300 000	
j)	Auf einen Preis von 150 € erhält Turan einen Rabatt von 3 %. Er bezahlt	100,50 €	120 €	145,50 €	147 €	
k)	 <p>Zu der Geraden g gehört die Funktionsgleichung <math>g(x) =</math></p>	$3x + 1$	$\frac{1}{3}x + 1$	$-\frac{1}{3}x + 1$	$-3x + 1$	
l)	$\sqrt[3]{-8} =$	-4	-2	2	nicht lösbar	
m)	 <p>Ein Kreis mit einem Durchmesser von 6 cm hat einen Flächeninhalt von etwa</p>	$9 \text{ cm}^2$	$18 \text{ cm}^2$	$28 \text{ cm}^2$	$108 \text{ cm}^2$	
n)	 <p>In dieser quadratischen Pyramide gilt für die Höhe h:</p> <p><math>h =</math></p>	$\sqrt{h_a^2 - a^2}$	$\sqrt{h_a^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2}$	$\sqrt{h_a^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2}$	$\sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 - h_a^2}$	
o)	Die Parabel mit der Funktionsgleichung $f(x) = 2x^2 + 1$ ist	nach unten geöffnet und gestreckt	nach unten geöffnet und gestaucht	nach oben geöffnet und gestreckt	nach oben geöffnet und gestaucht	
p)	$10^0 =$	-10	0	1	10	
q)	$(5^6)^2 =$	$2,5^6$	$5^{12}$	$5^8$	60	
r)	Halbiert man bei einem Quader alle Kantenlängen, verringert sich das Volumen auf	die Hälfte	ein Viertel	ein Achtel	ein Sechzehntel	

	Aufgabe	A	B	C	D	Lösung
s)	$\frac{x^2 - 6x + 9}{x - 3} =$	$x - 3$	$6x - 9$	$x + 3$	$x - 4,5$	
t)	Für das Volumen eines Kegels mit der Höhe $h$ und dem Radius $r$ gilt: $V = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h$ Dann gilt: $r =$	$\sqrt{\frac{\pi \cdot V}{3 \cdot h}}$	$\sqrt{\frac{3 \cdot h}{\pi \cdot V}}$	$\sqrt{\frac{V}{3 \cdot \pi \cdot h}}$	$\sqrt{\frac{3 \cdot V}{\pi \cdot h}}$	

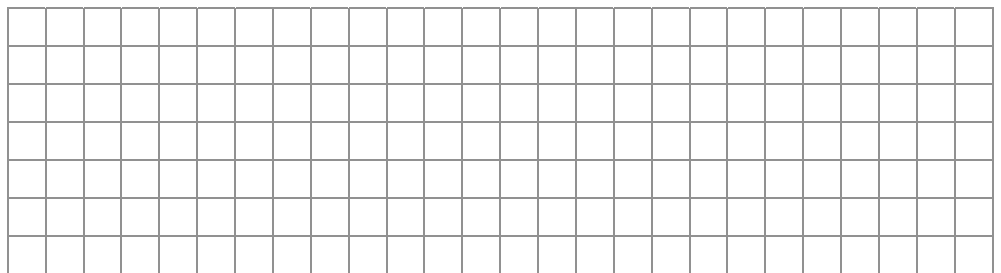
3 Punkte

2. Berechne das Volumen des Dreiecksprismas in Abbildung 1.



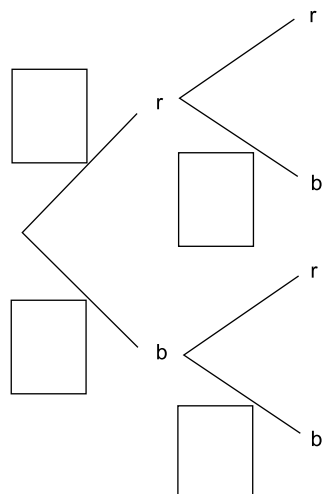
$$\begin{aligned} g &= 12 \text{ cm} \\ h &= 10 \text{ cm} \\ h_k &= 8 \text{ cm} \end{aligned}$$

Abbildung 1 (nicht maßstabsgerecht)



4 Punkte

3. In einem Beutel liegen zwei blaue und eine rote Kugel.  
Zwei Kugeln werden ohne Zurücklegen zufällig nacheinander gezogen.  
**Gib** im dazugehörigen Baumdiagramm (siehe Abbildung 2) die fehlenden Wahrscheinlichkeiten **an**.



r: rote Kugel  
b: blaue Kugel

Abbildung 2



© **STARK Verlag**

[www.stark-verlag.de](http://www.stark-verlag.de)  
[info@stark-verlag.de](mailto:info@stark-verlag.de)

Der Datenbestand der STARK Verlag GmbH  
ist urheberrechtlich international geschützt.  
Kein Teil dieser Daten darf ohne Zustimmung  
des Rechteinhabers in irgendeiner Form  
verwertet werden.

**STARK**